

BOSH ILMIY-METODIK MARKAZ
SAMDU HUZURIDAGI PEDAGOG KADRILARNI
QAYTA TAYYORLASH VA ULARNING
MALAKASINI OSHIRISH MINTAQAVIY
MARKAZI



MATEMATIKADA INFORMASION TEXNOLOGIYALAR
MODULI BO'YICHА O'QUV-USLUBIY MAJMUA

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI OLIY TA'LIM, FAN VA
INNOVATSIYALAR VAZIRLIGI**

**OLIY TA'LIM TIZIMI PEDAGOG VA RAHBAR KADRLARINI QAYTA
TAYYORLASH VA ULARNING MALAKASINI OSHIRISHNI TASHKIL ETISH BOSH
ILMIY-METODIK MARKAZI**

**SAMARQAND DAVLAT UNIVERSITETI HUZURIDAGI PEDAGOG KADRLARNI
QAYTA TAYYORLASH VA ULARNING MALAKASINI OSHIRISH MINTAQAVIY
MARKAZI**

**“MATEMATIKADA INFORMASION
TEXNOLOGIYALAR”**

MODULI BO'YICHA

O'QUV-USLUBIY MAJMUA

Qayta tayyorlash va malaka oshirish kursi yo‘nalishi: Matematika

Samarqand -2023

**Modulning o‘quv-uslubiy majmuasi Oliy va o‘rta maxsus ta’lim vazirligining
2020 yil “7”-dekabrdagi 648-sonli bayonnomasi bilan ma’qullangan o‘quv
dasturi va o‘quv rejasiga muvofiq ishlab chiqilgan.**

Tuzuvchilar:

Samarqand davlat universiteti Dasturiy injenering kafedrasи mudiri, dotsent O.Yusupov

Taqrizchilar:

Samarqand davlat universiteti Matematik modellashtirish kafedrasи mudiri, professor
B.Xo‘jayorov

O‘quv-uslubiy majmua Samarqand davlat universiteti ilmiy-metodik kengashi (2020 yil “28”-
dekabrdagi 4- sonli bayonnomasi).

MUNDARIJA

| | | |
|------|-------------------------------------|-----|
| I. | MODULNING ISHCHI DASTURI..... | 5 |
| II. | INTERFAOL TA'LIM METODLARI..... | 10 |
| III. | NAZARIY MATERIALLAR..... | 16 |
| IV. | AMALIY MASHG'ULOT MATERIALLARI..... | 70 |
| V. | GLOSSARIY..... | 133 |
| VI. | ADABIYOTLAR RO'YXATI | 135 |

I. MODULNING IShChI DASTURI

Kirish

Oliy ta’lim muassasalari pedagog kadrlarining malakasini oshirish va ularni qayta tayyorlash bugungi kunning eng dolzarb masalalaridan biri bo‘lib kelmoqda. Mamlakatimiz ta’lim tizimida bosqichma-bosqich amalga oshirilayotgan islohotlar bu masalaga yanada mas’uliyat bilan yondoshishni talab qilmoqda.

Mazkur dastur zamonaviy talablar va rivojlangan xorijiy davlatlarning oliy ta’lim sohasida erishgan yutuqlar hamda orttirilgan tajribalar asosida «Matematika» qayta tayyorlash va malaka oshirish yo‘nalishi uchun tayyorlangan namunaviy o‘quv reja hamda dastur mazmunidan kelib chiqqan holda tuzilgan bo‘lib, u qayta tayyorlash va malaka oshirish jarayonlarining mazmunini takomillashtirish hamda oliy ta’lim muassasalari pedagog kadrlarining kasbiy kompetentligini muntazam oshirib borishda xizmat qiladi.

Jamiyat taraqqiyoti nafaqat mamlakat iqtisodiy salohiyatining yuksakligi bilan, balki bu salohiyat har bir insonning kamol topishi va uyg‘un rivojlanishiga qanchalik yo‘naltirilganligi, innovatsiyalarni tadbiq etilganligi bilan ham o‘lchanadi. Demak, ta’lim tizimi samaradorligini oshirish, pedagoglarni zamonaviy bilim hamda amaliy ko‘nikma va malakalar bilan qurollantirish, chet el ilg‘or tajribalarini o‘rganish va ta’lim amaliyotiga tadbiq etish bugungi kunning dolzarb vazifasidir. «Matematika fanlarini o‘qitishning zamonaviy usullari» moduli aynan mana shu yo‘nalishdagi masalalarini hal etishga qaratilgan.

Masalalarni yechishda matematik usullarni amaliyotda qo‘llash hozirgi paytda keng tarqalgan kompyuterli matematik tizimlar (MathCad, Maple, MatLab, Mathematica, Derive) ning funksional imkoniyatlariga tayanadi. Ko‘p funksionalli matematik dasturiy ta’mintlardan foydalanish matematik ta’limotning amaliy aspektlarini joriy etishni kuchaytirib qolmasdan, balki mutaxassislarning kasbiy tayyorgarligini ko‘taradi. Mutaxassisning matematik kompetentlik nuqtai-nazaridan matematik masalalarni yechishda turli usullarni qo‘llash (aniq va taqrifiy yechish usullari, natijalarni simvolli (analitik), sonli hamda grafik ko‘rinishda olish) va yechimni turli shaklda olish har xil turdagि instrumentlarning unikal variativ imkoniyatlarini tushinishga imkoniyat beradi. Bularning barchasi, ya’ni kasbiy ta’lim maqsadi uchun masala mohiyatini tushunish uslubiy muammo dolzarbligini oshiradi.

Modulning maqsadi va vazifalari

Oliy ta’lim muassasalari pedagog kadrlarini qayta tayyorlash va ularning malakasini oshirish Modulining **maqsadi** pedagog kadrlarni innovatsion yondoshuvlar asosida o‘quv-tarbiyaviy jarayonlarni yuksak ilmiy-metodik darajada loyihalashtirish, sohadagi ilg‘or tajribalar, zamonaviy bilim va malakalarni o‘zlashtirish va amaliyotga joriy etishlari uchun zarur bo‘ladigan kasbiy bilim, ko‘nikma va malakalarini takomillashtirish, shuningdek ularning ijodiy faolligini rivojlantirishdan iborat.

Modulning **vazifalariga** quyidagilar kiradi:

- “Matematika” yo‘nalishida pedagog kadrlarning kasbiy bilim, ko‘nikma, malakalarini takomillashtirish va rivojlantirish;

-pedagoglarning ijodiy-innovatsion faollik darajasini oshirish;

-mutaxassislik fanlarini o‘qitish jarayoniga zamonaviy axborot-kommunikatsiya texnologiyalari va xorijiy tillarni samarali tatbiq etilishini ta’minalash;

- mutaxassislik fanlari sohasidagi o‘qitishning innovatsion texnologiyalari va ilg‘or xorijiy tajribalarini o‘zlashtirish;

“Matematika” yo‘nalishida qayta tayyorlash va malaka oshirish jarayonlarini fan va ishlab chiqarishdagi innovatsiyalar bilan o‘zaro integratsiyasini ta’minlash.

Modul yakunida tinglovchilarning bilim, ko‘nikma va malakalari hamda kompetensiyalariga qo‘yiladigan talablar:

“Kredit modul tizimi va o‘quv jarayonini tashkil etish”, “Ilmiy va innovatsion faoliyatni rivojlantirish”, “Pedagogning kasbiy professionalligini oshirish”, “Ta’lim jarayoniga raqamli texnologiyalarni joriy etish”, “Maxsus maqsadlarga yo‘naltirilgan ingliz tili” modullari bo‘yicha tinglovchilarning bilim, ko‘nikma va malakalariga qo‘yiladigan talablar tegishli ta’lim sohasi bo‘yicha pedagog kadrlarni qayta tayyorlash va malakasini oshirish mazmuni, sifati va ularning tayyorgarligi hamda kompetentligiga qo‘yiladigan umumiyligi malaka talablari bilan belgilanadi.

Mutaxassislik fanlari bo‘yicha tinglovchilar quyidagi yangi bilim, ko‘nikma, malaka hamda kompetensiyalarga ega bo‘lishlari talab etiladi:

Tinglovchi:

- integral va o‘lchov tushunchalarini;
- geometriyaning chiziqli fazo va chiziqli akslantirishlar yordamida bayon etilishi, vektor algebrasidan foydalanishni;
- matematik masalalarni matematik tizimlarda yechishni va standart funksiyalardan foydalanishni;
- matematikani o‘qitishda uning tatbiqlari bilan tushuntirishni, hayotiy va sohaga oid misollarni;
- matematik fanlarni o‘qitishning zamonaviy usullarini ***bilishi*** kerak.

Tinglovchi:

- o‘lchovlar nazariyasidan matematika, fizika va biologiya masalalarida keng foydalanish;
- matematik analizning biomatematika, mexanika, ommaviy xizmat nazariyasi, iqtisodiy sohalar va boshqa sohalarda keng qo‘llash;
- matematik fanlarni o‘qitishda innovatsion ta’lim metodlari va vositalarini amaliyotda qo‘llash;
- talabaning o‘zlashtirish darajasini nazorat qilish va baholashning nazariy asoslari hamda innovatsion yondashuv uslublarini to‘g‘ri qo‘llay olish ***ko‘nikmalariga*** ega bo‘lishi lozim.

Tinglovchi:

- o‘lchovlar nazariyasi va uning tatbiqini turli fazolarda qo‘llay olish;
- geometriyaning chiziqli fazo va chiziqli akslantirishlar yordamida bayon etilishi, vektor algebrasidan foydalanish;
- matematikani o‘qitish innovatsion jarayonini loyihalashtirish va tashkillashtirishning zamonaviy usullarini qo‘llash ***malakalariga*** ega bo‘lishi lozim.

Tinglovchi:

- matematikani o‘qitishda foydalaniladigan zamonaviy (matlab, mathcad, maple, GeoGebra va boshqalar) matematik paketlarini o‘quv jarayoniga tatbiq etish;

- matematikaning xorij va respublika miqyosidagi dolzarb muammolari, yechimlari, tendensiyalari asosida o‘quv jarayonini tashkil etish;
- matematikani turli sohalarga tatbiq etish;
- oliy ta’lim tizimida matematik fanlar mazmunining uzviyligi va uzlusizligini tahlil qila olish ***kompetensiyalariga*** ega bo‘lishi lozim.

Modulning oliy ta’limdagi o‘rni

Modulni o‘zlashtirish orqali tinglovchilar ilg‘or xorijiy mamlakatlarda biologiya o‘qitishni tashkil qilishning xorijiy tajribalarni o‘rganish, amalda qo‘llash va baholashga doir kasbiy kompetentlikka ega bo‘ladilar. So‘nggi yillarda Milliy g‘oya, ma’naviyat asoslari, dinshunoslik sohasidagi yutuqlar va istiqbollar oliy o‘quv yurtlaridagi ta’lim jarayonining mazmunini boyitishga xizmat qiladi.

“Matematikada informatsion tizimlar” modulining soatlar bo‘yicha taqsimoti

| № | Modul mavzulari | Tinglovchining o‘quv yuklamasi, soat | | | | |
|--------------|--|--------------------------------------|----------------------------|----------|--------------------|----------|
| | | Hammasi | Auditoriya o‘quv yuklamasi | | Ko‘chma mashg‘ulot | |
| | | | Jami | jumladan | | |
| 1. | MathCAD va Maple tizimi. | 4 | 4 | 2 | 2 | |
| 2. | Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini yechish. | 4 | 4 | 2 | 2 | |
| 3. | ODT uchun Koshi va aralash masalalarini yechish. | 4 | 4 | 2 | 2 | |
| 4. | MatLab tizimi. | 4 | 4 | 2 | 2 | |
| 5 | LATEX sistemasida matnlarni formatlash, jadval va grafiklar tuzish, matematik formulalar yozish va taqdimotlar tayyorlash. | 2 | 2 | | 2 | |
| Jami: | | 18 | 18 | 8 | 10 | 0 |

NAZARIY MASHG’ULOT MATYERIALLARI

1-Mavzu: MathCAD va Maple tizimi.

Matematik ifodalar va funksiyalar hamda ularni MathCAD va Maple tizimida ifodalash.

2-Mavzu: Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini yechish.

MathCAD va Maple tizimida matematik analiz masalalarini yechish. Differensial tenglamalarni umumiy yechimini topish.

3-Mavzu: ODT uchun Koshi va aralash masalalarini yechish.

MathCAD va Mapleda ikki va uch o‘lchovli grafika. Animatsiya. MathCAD va Mapleda dasturlash elementlari.

4-Mavzu: MatLab tizimi.

Matematik ifodalar va funksiyalar. MatLab tizimida matematik analiz masalalarini yechish. Matematik ifodalar va funksiyalar. MatLab tizimida matematik analiz masalalarini yechish.

AMALIY MASHG’ULOTLAR

1-Amaliy mashg‘ulot. MathCAD va Maple tizimi.

2-Amaliy mashg‘ulot. Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini yechish.

3-Amaliy mashg‘ulot. ODT uchun Koshi va aralash masalalarini yechish.

4-Amaliy mashg‘ulot. MatLab tizimi.

5-Amaliy mashg‘ulot. LATEX sistemasida matnlarni formatlash, jadval va grafiklar tuzish, matematik formulalar yozish va taqdimotlar tayyorlash.

II. INTREFAOL TA'LIM METODLARI

“SWOT-tahlil” metodidan foydalanish

Metodning maqsadi: mavjud nazariy bilimlar va amaliy tajribalarni tahlil qilish, taqqoslash orqali muammoni hal etish yo'llarni topishga, bilimlarni mustahkamlash, takrorlash, baholashga, mustaqil, tanqidiy fikrlashni, nostandard tafakkurni shakllantirishga xizmat qiladi.



Namuna: Ana'naviy va zamonaviy ta'lif shakllarini “SWOT-tahlil” metodida tahlil qiling.

| | | |
|--|---|---|
| | Oddiy ma'ruzada ma'ruzachi talabalar, tinglovchilarga ko'p ma'lumot bera oladi | Muammoli ma'ruzada kamroq ma'lumot beriladi, biroq ular talabalar ongiga singdirib beriladi |
| | O'qituvchi asosan o'zi va a'luchi, qiziquvchi talabalar bilan gaplashadi, ya'ni darsda oz sonli talabalar qamrab olinadi | Muammoli ma'ruzada ko'p sonli talabalar, tinglovchilar qamrab olinadi |
| | Oddiy ma'ruzada faqat o'qituvchi reja asosida va tayyorlab kelgan ma'lumotlari atrofida gapashiladi | Muammoli ma'ruzada muhokama jarayonida yangi-yangi masalalar, muammolar yuzaga chiqishi, g'oyalar tuhilishi mumkin. |
| | O'qituvchi uchun asosiy to'siq – dasturdan chiqib keta olmaslik, talaba uchun qiziqmasa ham o'qituvchini eshitib o'tirish majburiyati | Keng muhokama uchun vaqtning chegaralanganligi, talabalarni mavzudan chetga intilishlari burishga |

Rezyume, Veyer metodidan foydalanish

Metodning maqsadi: Bu metod murakkab, ko‘ptarmoqli, mumkin qadar, muammoli xarakteridagi mavzularni o‘rganishga qaratilgan. Metodning mohiyati shundan iboratki, bunda mavzuning turli tarmoqlari bo‘yicha bir xil axborot beriladi va ayni paytda, ularning har biri alohida aspektlarda muhokama etiladi. Masalan, muammo ijobiy va salbiy tomonlari, afzallik, fazilat va kamchiliklari, foyda va zararlari bo‘yicha o‘rganiladi. Bu interfaol metod tanqidiy, tahliliy, aniq mantiqiy fikrlashga hamda o‘quvchilarning mustaqil g‘oyalari, fikrlarini yozma va og‘zaki shaklda tizimli bayon etish, himoya qilishga imkoniyat yaratadi. “Xulosalash” metodidan ma’ruza mashg‘ulotlarida individual va juftliklardagi ish shaklida, amaliy va seminar mashg‘ulotlarida kichik guruhlardagi ish shaklida foydalanish mumkin.

Методни амалга ошириш тартиби:



тренер-ўқитувчи иштирокчиларни 5-6 кишидан иборат кичик гурухларга ажратади;



тренинг мақсади, шартлари ва тартиби билан иштирокчиларни таништиргач, ҳар бир гурухга умумий муаммони таҳлил қилиниши зарур бўлган қисмлари туширилган тарқатма



ҳар бир гурух ўзига берилган муаммони атрофлича таҳлил қилиб, ўз мулоҳазаларини тавсия этилаётган схема бўйича тарқатмага ёзма баён қиласди;



навбатдаги босқичда барча гурухлар ўз тақдимотларини ўтказадилар. Шундан сўнг, тренер томонидан таҳлиллар умумлаштирилади, зарурий ахборотлр билан тўлдирилади ва

Namuna:

| Matematikadan malaka talablari | | | | | |
|--------------------------------|------------|----------------------|------------|---------------------------------|------------|
| Sobiq standartlar | | Amaldagi standartlar | | Takomillashtirilgan standartlar | |
| afzalligi | kamchiligi | afzalligi | kamchiligi | afzalligi | kamchiligi |
| | | | | | |
| Xulosa: | | | | | |

“FSMU” metodidan foydalanish

Texnologiyaning maqsadi: Mazkur texnologiya ishtirokchilardagi umumiyligi fikrlardan xususiy xulosalar chiqarish, taqqoslash, qiyoslash orqali axborotni o‘zlashtirish, xulosalash, shuningdek, mustaqil ijodiy fikrlash ko‘nikmalarini shakllantirishga xizmat qiladi. Mazkur texnologiyadan ma’ruza mashg‘ulotlarida, mustahkamlashda, o‘tilgan mavzuni so‘rashda, uygaga vazifa berishda hamda amaliy mashg‘ulot natijalarini tahlil etishda foydalanish tavsiya etiladi.

Texnologiyani amalga oshirish tartibi:

- qatnashchilarga mavzuga oid bo‘lgan yakuniy xulosa yoki g‘oya taklif etiladi;
- har bir ishtirokchiga FSMU texnologiyasining bosqichlari yozilgan qog‘ozlarni tarqatiladi:



FSMU tahlili qatnashchilarda kasbiy-nazariy bilimlarni amaliy mashqlar va mavjud tajribalar asosida tezroq va muvaffaqiyatli o‘zlashtirilishiga asos bo‘ladi.

Namuna.

Fikr: “Matematikadan malaka talablarini xalqaro andozalar asosida takomillashtirish va sertifikatlashtirish ta’lim samaradorligining eng muhim omillaridan biridir”.

Topshiriq: Mazkur fikrga nisbatan munosabatingizni FSMU orqali tahlil qiling.

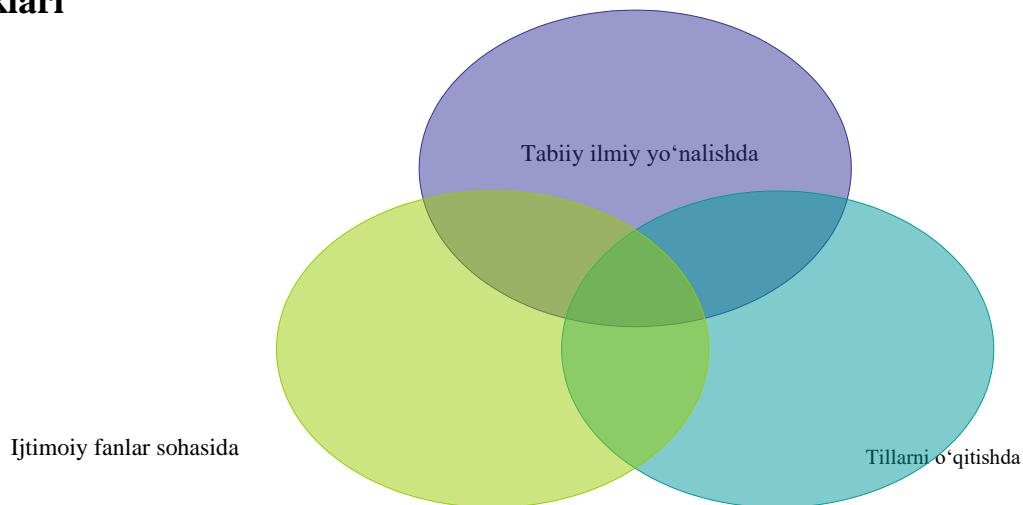
Venn Diagrammasi metodidan foydalanish

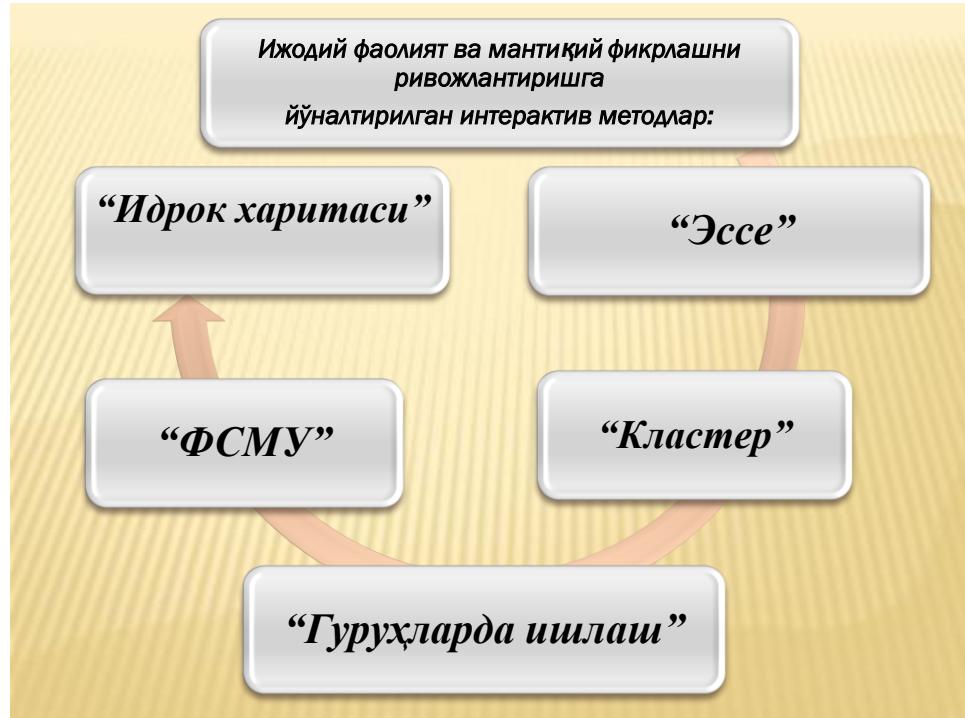
Metodning maqsadi: Bu metod grafik tasvir orqali o‘qitishni tashkil etish shakli bo‘lib, u ikkita o‘zaro kesishgan aylana tasviri orqali ifodalanadi. Mazkur metod turli tushunchalar, asoslar, tasavurlarning analiz va sintezini ikki aspekt orqali ko‘rib chiqish, ularning umumiy va farqlovchi jihatlarini aniqlash, taqqoslash imkonini beradi.

Metodni amalga oshirish tartibi:

- ishtirokchilar ikki kishidan iborat juftliklarga birlashtiriladilar va ularga ko‘rib chiqilayotgan tushuncha yoki asosning o‘ziga xos, farqli jihatlarini (yoki aksi) doiralar ichiga yozib chiqish taklif etiladi;
- navbatdagi bosqichda ishtirokchilar to‘rt kishidan iborat kichik guruhlarga birlashtiriladi va har bir juftlik o‘z tahlili bilan guruhi a’zolarini tanishtiradilar;
- juftliklarning tahlili eshitilgach, ular birgalashib, ko‘rib chiqilayotgan muammo yohud tushunchalarining umumiy jihatlarini (yoki farqli) izlab topadilar, umumlashtiradilar va doirachalarining kesishgan qismiga yozadilar.

Namuna: Matematikani turli yo‘nalishlarda o‘qitishning farqli jihatlari o‘ziga xosliklari





Ўқув жараёнида муаммолар ва муаммоли вазиятларни ечишга йўналтирилган интерфаол методлар

“SWOT-универсал таҳлил”

“Дебат”,

Муаммоли вазият яратиши

“Резюме”,

“Т-чизмаси”,

“Венн диаграммаси”,

“Органайзер”,

Ҳар хил чизмалар, жадваллар ёрдамида амалга ошириладиган интерфаол методлар:

III. NAZARIY MATERIALLAR

1-mavzu: MathCAD va Maple tizimi.

1. Matematik ifodalar va funksiyalar.
2. MathCAD va Maple tizimida ifodalash.

Tayanch so'zlar: matematik paket, matematik masalalar echich, interfeys, matematik ifoda

Matematik ifodalar va ichki funksiyalar.

Ichki funksiyalarning ko`plari bir nechta argumentga ega, ularning parametrлари va nomlarini esda saqlash qiyin. Shuning uchun quyidagicha ish yuritish ma'qul:

Ifodalardagi ichki funksiyalarni kiritish uchun:

- 1) ifodaga funksiyani qo'yish kerak bo`lgan joyni aniqlash.
- 2) $f(x)$ yozuvli tugmani bosish.
- 3) function category (funksiya kategoriyasi) ro`yxati paydo bo`ladi, insert function (funksiyaning qo'yish) muloqot oynasidan kerakli funksiya kategoriyasini tanlash.
- 4) function name (funksiya nomi) ro`yxatidan ichki funksiyaning nomini tanlash.
- 5) ok tugmasini bosish.
- 7) yetishmayotgan argumentlarni kriting va natijani olish uchun = yoki > belgisini kiritish zarur.

Ko`pgina matematik ifodalarni Calculator paneli yordamida kiritish mumkin.

MathCad interfeysi

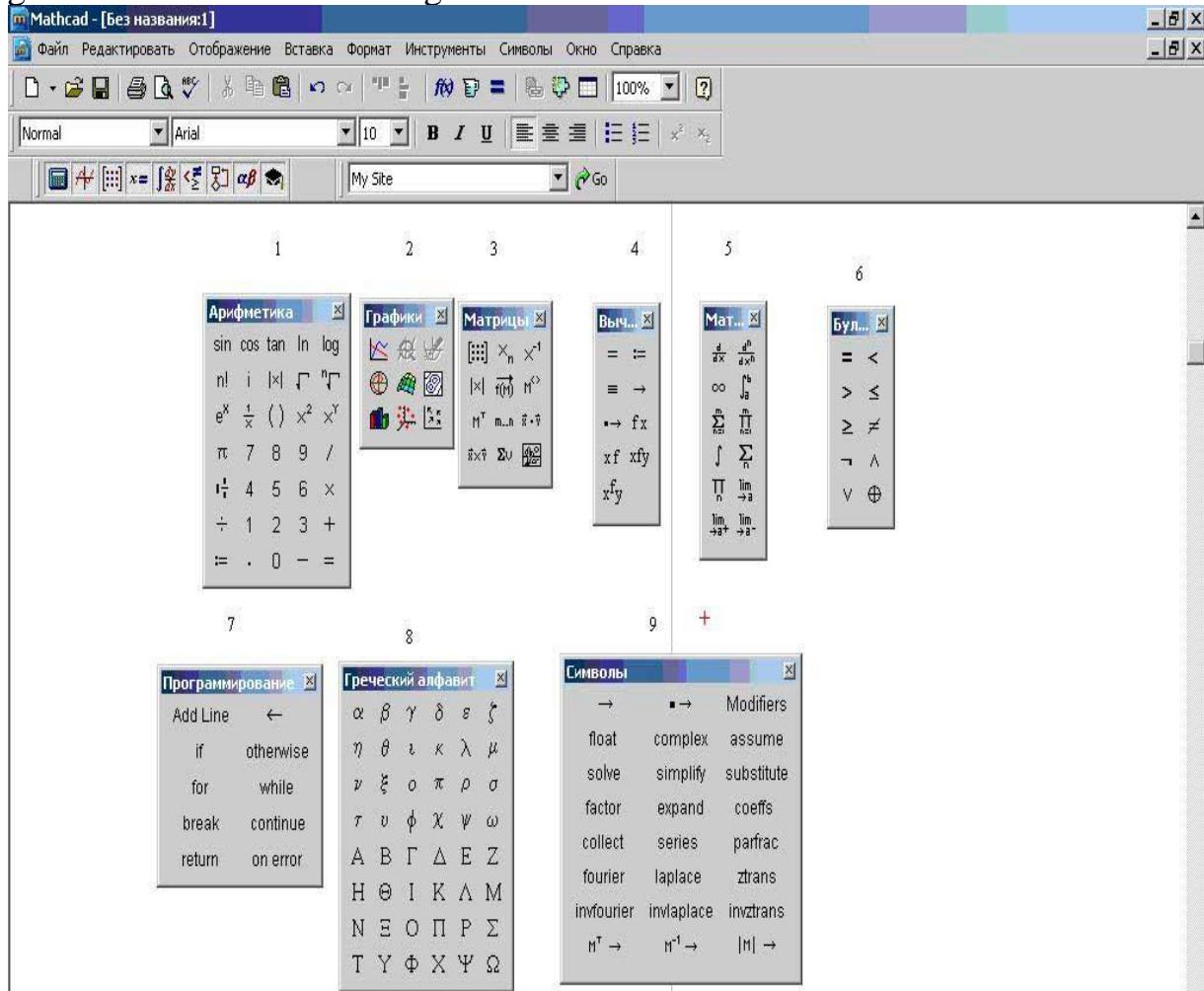
Mathcad turli-tuman ilmiy va muxandislik hisoblashlarni bajaruvchi matematik redaktordir. Mathcad vositasida elementar arifmetik amallardan tortib murrakkab sonli metodlar realizastiyasini amalga oshirish mumkin. Sodda interfeysi, matematik hisoblashlarning ko`rgazmaliligi, keng standart funkstiyalar va sonli metodlar kutubxonasi mavjudligi, simvolli hisoblash xamda natijalarni turli shakllarda taqdim etish imkoniyatlari Mathcad dasturini eng ommaviy matematik dasturiy ta'minot darajasiga chiqishiga sabab bo`ldi. Mathcad tarkibiga bir-biri bilan integrallashgan bir necha komponent kiradi. Bular:

- Matematik ifoda va matnlarni kiritish, taxrirlash va formatlash imkonini beruvchi matnli muxarrir;
- Standart sonli metodlardan foydalanib, kiritilgan formulalar bo`yicha hisoblashlarni bajaruvchi prostessor;
- Analitik hisoblarni bajarishga imkon beruvchi simvolli prostessor;
- Interaktiv elektron kitob ko`rinishida matematik va muxandislik ma'lumotnomasi;

Mathcad dasturi muhitida quyidagi masalalarni hal etish mumkin:

- Mathcad formula redaktori yordamida matematik formulalar kiritish. Ushbu redactor imkoniyatlari Microsoft Word formula redaktoridan qolishmaydi;
- Kiritilgan formulalar bo`yicha matematik hisoblashlar birdaniga bajariladi;
- Turli tipdagи grafiklarni xujjatga joylashtirish;
- Turli formatdagи fayllarga ma'lumotlarni kiritish va chiqarish;

- Xujjatlarni Mathcad da bosmaga chiqarish;
- Yaratilgan xujjatlarni elektron kitob ko`rinishida birlashtirish; Mathcad dasturi komponentlari turli-tuman matematik xisoblashlar uchun qulay muxit bo`lib, bir vaqtning o`zida bu xisoblashlar natijalarini xujjatlashtirish imkonini beradi. Dasturni yuklash buyrug`idan keyin Mathcad dasturi oynasi ekranga chiqariladi. Uning ko`rinishi rasmida ifodalangan.



Quyida Mathcad dasturi asosiy menyusi bo`limlari keltirilgan.

- Mathcad dasturi oynasi tizimi menyusini chiqaruvchi tugma;
- File- fayl va xujjatlarni yaratish, saqlash, electron pochtadan jo`natish yoki printerda chop etish bilan bog`liq buyruqlar to`plami;
 - Edit- matnlarni tahrirlash uchun mo`ljallangan bo`yruqlar to`plami;
 - View- mathcad ishchi oynasida xujjatlarning tashqi ko`rinishini boshqaruvchi buyruqlar to`plami;
 - Insert- xujjatga turli ob`ektlarni joylashtirish uchun xizmat qiluvchi buyruqlar to`plami;
 - Format- matn, formula va grafiklarni formatlovchi buyruqlar to`plami;
 - Math- hisoblash jarayonini boshqaruvchi buyruqlar to`plami;
 - Symbolics- simvolli hisoblashlar bo`yruqlari to`plami;
 - Windows- turli xujjat oynalarini ekranda jaylashtirish buyruqlari to`plami;
 - Help- yordamchi axborotlarni chiqarish buyruqlari;

Uskunalar paneli

Uskunalar paneli ko`p ishlatiluvchi buyruqlarga tez murojat etish imkoniyatini beradi. Bu yerda “Standart uskunalar paneli”, “matematik uskunalar paneli” va “formatlash uskunalar paneli” niajratish mumkin.

MathCad da algebraik hisoblashlar

Operatorlar. Mathcad dasturidagi har bir operator biror matematik amalni misol ko`rinishida ifodalaydi. Ular quyidagi turlarga bo`linadi: Arifmetik operatorlar, Hisoblash operatorlari, Mantiqiy operatorlar, Matritsa operatorlari, Ifoda operatorlari.



Arifmetik operatorlar. Asosiy arifmetik amallarni ifodalovchi operatorlar Calculator bo`limida joylashgan (Rasm 1).

1. Qo`shish va ayirish: +/-;
2. Ko`paytirish va bo`lish: *;/
3. Factorial: !;
4. Sonning moduli: ;
5. Kvadrat ildiz: ;
6. n-darajali ildiz ;
7. x ni y darajaga ko`tarish: x^y ;
8. Qavslar;
9. O`zlashtirish operatori;

Mathcad da ko`phadning ildizlarini topish

Ko`phad ildizlarini topish uchun Polyroot funksiyasidan foydalilaniladi. U bir paytning o`zida kuphadning barcha ildizlarini topadi. Bunda **k** polinomning (kupxadning) ozod hadidan boshlab barcha koeffitsientlaridan iborat vektor. Nol koeffitsientlarni tashlab ketish mumkin emas.

Agar ko`phad **n** ta ildizga ega bo`lsa **b** **K** vektor **n+1** ta koeffitsientni o`z ichiga oladi. Bunda boshlang`ich yaqinlashishni kiritish kerak emas.

Polyroot funksiyasi uchun ikki hil metoddan birini tanlash mumkin. Ulardan biri Lagerra metodi bo`lib, sukunat bo`yicha shu metod tanlanadi. Ushbu metodlarni tanlash uchun quyidagi amallarni bajarish kerak:

1. **Polyroots** so‘zi ustida sichqoncha o‘ng tugmasi bosiladi natijada kontekst menuy chaqiriladi.

2. Lagerra yoki Matritsa usullaridan biri tanlanadi.

3. Funksiyadan tashqarida sichqonchaning chap tugma bosiladi. Shunda tanlangan usul bo`yicha ildizlar hisoblanadi.

Hisoblash natijalarini vektor ko‘rinishida yoki grafik ko‘rinishida chiqarish mumkin. Bunda boshlangich yaqinlashish faqat bir marta beriladi, keyingi qadamlarda oldingi hisoblashlarda boshlang‘ich yaqinlashish deb olinadi. $F(b,c,x)=x^2-bx-c$ tenglamani yechishni ko‘raylik. Uning yechimlari **b** va **c** parametrlarning boshlang‘ich qiymatlariga bog‘liq.

Parametlardan biriga biror sonli qiymat berib, ikkinchisini diskret o‘zgaruvchi sifatida olsak, **root** funksiyasi yordaimda **b** va **c** parametrlarning berilgan qiymatlariga mos yechimlarni topish mumkin. Buni $c=4$ bo‘lganda **b** diskret o‘zgaruvchining bir nechta qiymatlari uchun ildizlar ko‘rsatilgan.

Mathcad da tenglama yoki sistemalar iteratsion(yaqinlashish) usulda yechiladi. Shuning uchun yechishdan oldin barcha ildizlarning boshlang‘ich yaqinlashishlarini berish kerak.

Mathcad da **ROOT** funksiyasi

Bu funksiya bitta noma'lumli bitta tenglamani yechishda ishlataladi. Bu funksiyaga quyidagicha murojaat qilinadi:

root (f(x),x) bu erda **f(x)**-nolga teng bo‘lgan ifoda, **x** argument. Bunda **x** ning boshlang‘ich qiymatiga yaqin bo‘lgan ildiz hisoblanadi. Agar ildizlar bir nechta bo‘lsa, ularni topish uchun har biriga boshlang‘ich qiymat berish kerak. Tenglamani yechishdan oldin uning ildizlari bor yo‘qligini bilish uchun uning grafigini taqriban chizib ko‘rib qurish va boshlangich yaqinlashishlarni grafikka qarab tanlash maql.

Mathcad boshlang‘ich yaqinlashishning o‘rniga izlanayotgan yechim yotgan oraliqni ko‘rsatish imkonini beradi. Bunday xolda **root** funksiyasi to‘rtta parametriga ega bo‘ladi:

Root(f(x),x,a,b). Bu erda **a** va **b** tenglamaning ildizlari yotgan intervalning chegaralari. Intervalning ichida bittadan ortiq ildiz bo‘lmasligi kerak. Chunki **Mathcad** shu intervaldagi faqat bitta ildiznigina ekranga chiqaradi. Intervalning chegaralarida funksiya turli qiymatlar qabul qilishi kerak, aks holda ildiz topilmaydi.

Masalan, $x^3-5x-1=0$. buni **root** funksiyasiga qo‘yamiz:

root(x³-5x-1,x)=-0,202

x=0 dagi qiymati **root (f(x),x)=-0,202** ga teng **x** ning o‘rniga bir nechta qiymat berib, boshqa yechimlarni ham topish mumkin.

Tenglamani foydalanuvchi funksiyasi yordamida yechish. Agar tenglamani undagi bitta yoki bir nechta parametrlarning turli qiymatlarida ko‘p marta yechishga to‘g‘ri kelsa, o‘z funksiyamizni yaratishimiz zarur. Uni yechish uchun ko‘rsatilgan funksiya kamida parametr qiymatini yoki bu parametrlarning o‘zgarish diapazonini bilish kerak.

Masalan $f(x,y)=x^2-y^2x+2$ funksiyada u o‘zgaruvchini parametr deb qarasak, uning

xar bir qiymatiga mos tenglamaning ildizini topamiz. ($f(x)=0$).

Mathcad matematik paketi

Mathcad paketi hisobchi-muxandislar uchun mo`ljallangan. Matematik mutaxassislar uchun boshqa sistemalar, masalan, Mathlab sistemasi mavjud bo`lib u murakkab masalalarni dasturlach uchun mo`ljallangan. Bu dastur PSE (problem solution environment-masalalar yechish uchun dasturli muhit) deb ataluvchi ifodalar sinfiga kiradi. Uning ishlashi tadqiqotchi nazari tushmaydigan ichki algoritm ishi bilan bog`liq.

Mathcad paketi injenering amaliyotida har kuni uchraydigan ko`p vaqt talab qiluvchi masalalarni oson hal etishga imkon beruvchi kuchli mikrokalkulyator kabi ishlaydi. Bunga doimiy va o`zgaruvchi parametrli algebraik va differensial tenglamani yechish, funksiyani tekshirish, ekstremumni izlash, analitik va sonli differensiallash va integrallash kabilarni misol keltirish mumkin.

Shu kabi sistemalar orasida Mathcadning afzallik tomonlari quyidagilar:

- masalalarni dasturlash yengil va ko`rgazmali
- matematik ifodalar injenerlar qog`ozda yozgani kabi kiritiladi
- foydalanish uchun qulay
- ichki vositalar yordamida yuqori sifatli jadvallar, grafiklar va matnlar bilan taminlangan texnik hisobotlar yaratish imkoniyati.

Umuman, uning yordamida turli-tuman matematik masalalarni yechish va natijalarni yuqori saviyada olish mumkin. Mathcaddan foydalanmaydigan zamonaviy matematikni tasavvur etish qiyin. Ushbu paket yordamida nafaqat soda va yordamchi hisoblashlarni, balki, yetarlicha murakkab hisob-kitoblar va ilmiy tadqiqotlar amalgam oshirish mumkin.

Mathcad butun dunyoga tanilgan. Undan 5mln. dan ortiq kishi foydalanadi. Har yili uning yangi versiyalari chiqariladi. Oxirgi paytlarda programmalarining takomillashishi kosmetik harakter kasb etadi. Interfeys yaxshilanadi, alohida funksiyalarning imkoniyatlari kengaytiriladi, internetda ishlash vositalari takomillashtiriladi.

Paket haqidagi barcha ma'lumotlarni internetdagи <http://www.mathcad.com> saytidan, Mathcadning Rossiyadagi distribyuteri sayti (“Exponenta” kompaniyasi) <https://exponenta.ru/> dan olish mumkin.

Mathcadning foydalanuvchilari bular – talabalar, olimlar, injenerlar, turli texnik mutaxassislar va umuman matematik hisob-kitoblar bilan shug`ullanuvchiga foydalanish qulayligi, matematik amallarning ko`rgazmaliligi, sonli metodlarning va ichki funksiyalar kutubxonasining boyligi, natijalarni ifodalashda kuchli apparatga ega ekanligi kabi imkoniyatlari Mathcadning eng ommaviy matematik ilovaga aylanishiga sabab bo`ldi.

Mathcad tarkibiga bir qancha integrallashgan komponentlar kiradi:

- kuchli matn redaktori matn va matematik ifodalarni kiritish, tahrirlash va formatlashga imkon beradi
- ichki sonli metodlardan foydalangan holda kiritilgan formulalar bo`yicha hisob-kitoblarni amalga oshiruvchi hisoblash protsessori

- sun'iy intellekt tizimiga kiruvchi, analitik hisob-kitoblarni o`tkazish imkonini beruvchi simvolli protsessor
- interaktiv elektron kitob ko`rinishda tashkil etilgan matematik va muxandislik bo'yicha ma'lumotlar saqlanuvchi katta kutubxonaga ega.

Boshqa matematik ilovalardan muhim farqi u "nimani ko`rsang, shuni olasan" (WYSIWY6) prinsipida ishlashi. Shuning uchun u foydalanish uchun juda qulay. Unda oldin dastur tuzish, keyin natija olish uchun uni bajarishga berish zarur emas. Buning o`rniga ichki formulalar redaktori yordamida matematik ifodani umumqabul qilingan ko`rinishda kiritiladi va shu zahoti natija olinadi. Bundan tashqari hujjatni printerda chop etish yoki uni elektron kitob tarkibiga qo'shish mumkin. Mathcadni ishlab chiqaruvchilar dasturlash bo'yicha mazsus bilimga ega bo`lmagan foydalanuvchiga zamonaviy hisoblash fanlari va kompyuter texnologiyalari yutuqlaridan to`liq foydalana olishlari uchun barcha imkoniyatlarni yaratdilar.

Mathcad ishga tushgach uning asosiy oynasi ochiladi. Uning tuzilishi Windowsning boshqa ilovalari kabi yuqoridan pastga qarab oyna sarlavhasi, menu satri, uskunalar paneli, ish varag`I va eng pastda holatlar satri joylashgan. Oddiy matn redaktorlari bilan birga yana matematik belgilarni kiritish va tahrirlash uchun mo`ljallangan Math nomli uskunalar paneli joylashgan. U va unga o`xshash qator yordamchi panellar vositasida tenglamalarni qulay kiritish imkon mavjud.

Mathcad interfeysi tashkil etuvchi elementlar:

menu satri

uskunalar panellari (Standard (standart), Formatting (formatlash), Resources (resurslar) va Controls (boshqarish elementlari))

Math uskunalar paneli va uning yordamida ishga tushishi mumkin bo`lgan qisqacha matematik uskunalar paneli

- ishchi soha
- holatlar satri
- kontekst menu
- muloqot oynalari
- Marhcadning qisqacha ma'lumotlari va ichki namunalaridan iborat resurslar oynasi

Ko`plab buyruqlarni menu yordamida ham, uskunalar paneli yordamida ham bajarish mumkin.

Uskunalar paneli tez-tez ishlataladi, buyruqlarni bajarishni tezlashtiradi.

Asosiy panellarga quyidagilar kiradi:

- Standard – fayllar ustida boshqarish, tahrirlash, ob'yektlarni qo'yish, ma'lumotnomadan foydalanish kabi ko`plab amallarni bajaradi
- Formatting –matnlar va formulalarni formatlaydi
- Math –matematik belgilari va operatorlarni qo'yadi
- Resources –Mathcad resurslarini tez chaqirish (namunalar, darsliklar, elektron kitoblar va h. k)
- Controls –hujjalarga foydalanuvchi interfeysidagi standart boshqarish elementlarini qo'yish (tekshirish bayroqlari, kiritish maydonlari)

Math paneli yordamida ekranga yana 9 ta panelni chiqarish mumkin. Ulardan birini chaqirish uchun Math panelidan mos tugmani bosish yetarli.

Matematik panelning vazifalari:

- Calculator(kalkulyator) –asosiy matematik amallarni qo`yish uchun hizmat qiladi. Oddiy kalkulyator tugmalari kabi joylashgani uchun shunday nomlangan.
- Graph(grafik) –grafiklar joylashtirish.
- Matrix(matritsa) –matritsa va matritsa uchun operatorlarni qo`yish.
- Evaluation(ifoda) –boshqarish va hisoblash operatorlarini qo`yish.
- Calculus(hisoblash) –integrallash va differensiallash, qo`shish operatorlarini qo`yish.
- Boolean(bul operatorlari) –mantiqiy operatorlarni qo`yish.
- Programming(programmalash) – Mathcad vositalari bilan programmalash.
- Greek(grek simvollari) –grek simvollarini qo`yish.
- Symbolic(simvolika) –simvolli operatorlarni qo`yish.

Matematik panelning ko`plab tugmalariga sichqoncha ko`rsatkichi keltirilganda suzib chiquvchi yordam paydo bo`ladi, unda qaynoq tugmalar ham ko`rsatiladi. Istalgan panelni Vid (View) menyusining Toolbars (uskunalar paneli) punkti yordamida chaqirish yoki yashirish mumkin.

Formula bo`yicha sodda hisoblashlarni bajarish uchun quyidagicha bajariladi:

1. ifoda yoziladigan joyni aniqlang va shu joyga sichqonchani bosiladi.
2. ifodaning chap qismini kiritiladi.
3. = belgisini yoki belgili tenglik > belgisini kiritiladi.

1-holda ifodaning sonli qiymati, 2-holda analitik qiymati (agar mumkin bo`lsa) hisoblanadi. Masalan, $\arccos(0)$ ni hisoblash uchun klaviaturadan $\arccos(0)=$ yoki $\arccos(0)>$ yozuvini kiritish yetarli, o`ng tomonda natija paydo bo`ladi.

$\arccos(0)=1.571$

$\arccos(0)>\pi/2$

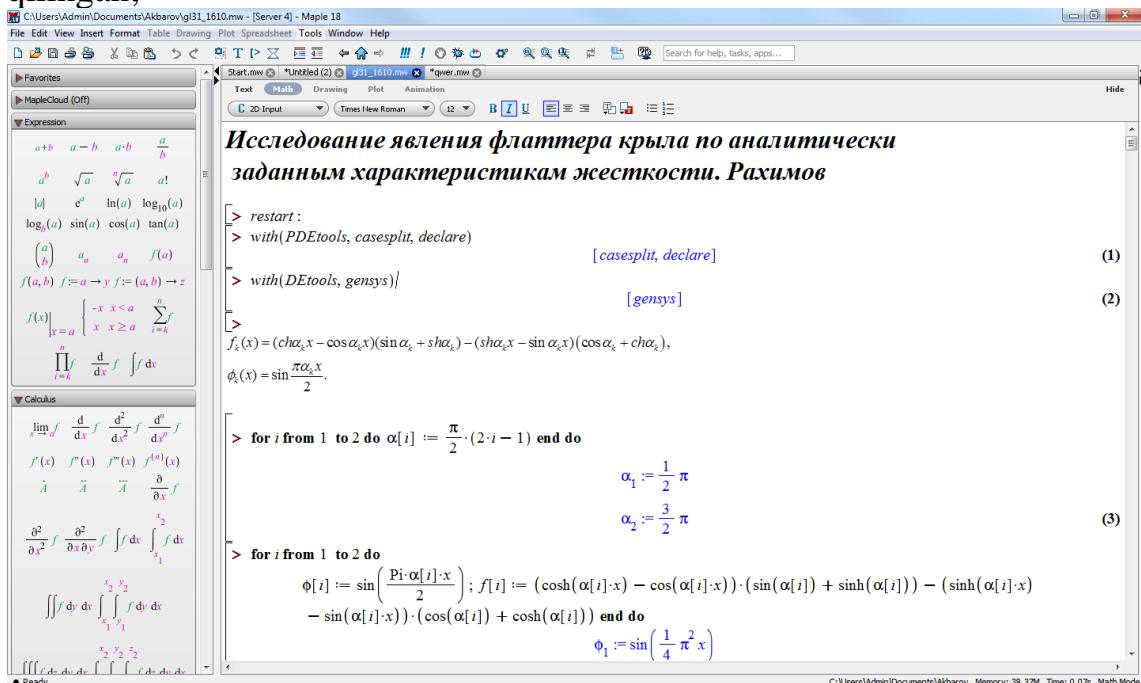
Dasturda hisoblashlar o`sha zahoti amalga oshiriladi. Murakkab va uzun hisoblarda uni **Esc** tugmasi orqali to`xtatib turgan foydali, kerak bo`lganda esa F9 orqali hisoblashni bajarish mumkin.

Maple tizimining asosiy imkoniyatlari va interfeysi

Maple tizimida quyidagi imkoniyatlar mavjud:

1. **Maple** sistemasida ham juda ko‘p matematik va statistik funksiyalar asosida ma’lumotlarni tahlil qilishning grafikli integrallashgan muhiti mavjud;
2. murakkab funksiyalarning 2 o‘lchamli, 3 o‘lchamli fazolarda grafiklarini chizib berishi mumkin;
3. **Maple** ning programmalashtirish tili asosida murakkab matematik, texnik va boshqa sohalardagi masalalarni echish imkoniyatini beradi;
4. o‘quv jarayonini tashkil qilishda kerakli mavzularning mashq va masalalar ob’ektlarining harakatini namoyish qilish uchun animatsion grafik muhit mavjud;
5. talabalar matematik usullarni o‘rganishda juda murakkab hisoblarga vaqtini sarflamasdan, faqat usullarning mohiyatini, qo’llanilish sohalarini o‘rganishlari uchun maxsus **Student** paketi mavjud;

6. Maple Windows, MacOS, Unix, Linux kabi operatsion muhitlarda joriy qilingan;



7. Windows operatsion tizimidagi **MS Office** ning turdosh tizimlari uchun integrallashgan muhitga ega;
8. Barcha bajariladigan ishlari ishchi varaq sifatida tashkil qilinib, muloqot interaktiv rejimda amalga oshiriladi;
9. **Excel** muhitida turib **Maple** ning grafikaga doir paketlariga murojaat qilish mumkin (**Excel** muhitida grafik chizish uchun funksiyaning qiymatlar jadvalini tuzish kerak);
10. Ishchi varaqlarni **RTF Word**, **LaTex**, **HTML** formatlariga o'tkazib saqlash mumkin;
11. **Maple** muhitida «**об'екты**» hosil qilish mumkin;
12. **Maple** dasturidagi xatoliklarni bartaraf qilish uchun **Java** imkoniyatlaridan foydalanish mumkin;
13. **Maple** vositasida yaratilgan dasturlardan elektron jadvallarga murojaat qilish mumkin.

Ixtiyoriy dasturiy tizimdan foydalanish uchun uning foydalanuvchilar bilan muloqot muhiti (**интерфейс**) ni yaxshi bilish kerak.

Maple tizimining **Windows** operatsion muhitida joriy qilingan interfeysi haqida to'xtalamiz. Tizim ishga tushurilgandan keyin quyidagi rasmda ko'rsatilgan interfeys oynasi paydo bo'ladi.

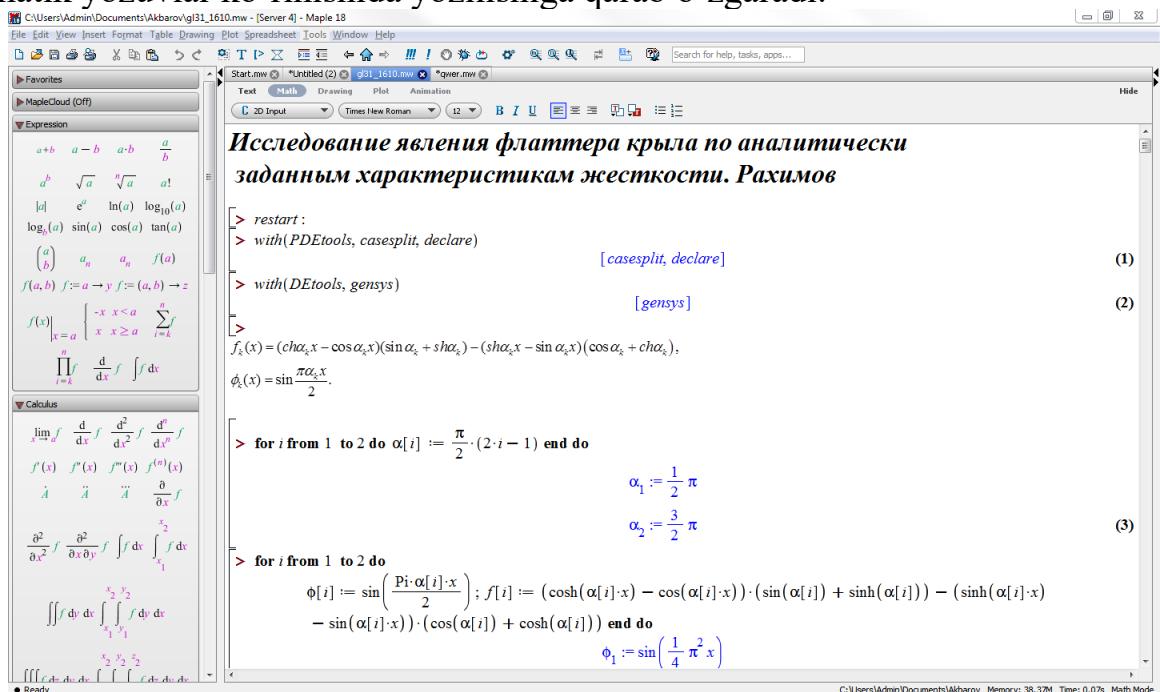
Oyna olti qismidan tashkil topgan:

1. sarlavha;
2. asosiy menyular satri;
3. asosiy instrument(vosita)lar paneli;
4. kontekstli instrumentlar paneli;
5. ishchi varaqning maydoni;
6. holatlар satri.

Sarlavhada **Maple** tizimining belgisi va joriy ishchi varaq faylining nomi ko'rsatiladi.

Asosiy menyular satrining holati ishchi varaqqa aks ettirilgan hujjatning mazmuniga qarab o'zgarib turadi. Ishchi varaqda grafik tasvirlangan bo'lsa, u holda asosiy menyular satrining holati rasmda tasvirlangan ko'rinishda bo'ladi

Asosiy menyular satrining pastki qismida amalda tez-tez qo'llanilib turiladigan komandalarga biriktirilgan knopkalar ko'rsatilgan asosiy instrumentlar paneli joylashgan. Bu knopkalar sichqoncha yordamida faollashtirilsa, ularga biriktirilgan komandalar bajariladi. Panelning holati ishchi varaqdagi hujjatga bog'liq emas. Bu panelning pastki qismida kontekstli instrumentlar paneli joylashgan. Kursor ishchi varaqning qanday qismida joylashganligiga va qanday ma'lumotni ko'rsatib turishiga qarab, kontekstli instrumentlar panelining holati o'zgarib turadi. Panelning besh xil holati mavjud: ikki o'lchamli, uch o'lchamli, animatsiyali grafiklar aks ettirilgan paytdagi holati va kursorni ishchi varaqning ma'lumot kiritish yoki chiqarish maydonida turishiga mos holatlari. Kursor ma'lumotlarni kiritish maydonida turgan bo'lsa, kontekst menyuning holati komandalarni standart **Maple** yoki standart matematik yozuvlar ko'rinishida yozilishiga qarab o'zgaradi.



Maple ning interfeysiida bir nechta oynadagi ishchi varaqlar bilan ishlash va giperlavhalar yordamida ishchi varaqlarning biridan ikkinchisiga o'tish mumkin.

Maple tizimida muloqot interaktiv rejimda amalga oshiriladi. Foydalanuvchi ishchi varaqning kiritish maydoniga kerakli komanda yoki komandalar guruhini kiritib, «Enter» tugmchasini bosish orqali ularning bajarilishini amalga oshirishi mumkin. Komandalar > belgisidan keyin kiritiladi va ularning qizil rangda aks ettirilishi **Maple** ning standart talqinida (notatsiyasida) amalga oshirilayotganini bildiradi. Agar bir nechta komandani bir guruhgaga birlashtirish kerak bo'lsa, oxirgi komandanadan tashqari barcha komandalardan keyin «Shift»+«Enter» juftlik tugmachalarni bosish kerak. Oxirga komanda kiritilgandan keyin «Shift» tugmachani bosish kerak. Komandalar guruhi tashkil qilingandan keyin guruhning ixtiyoriy bir komandasidan keyin «Enter» tugmasini bosish ularning barchasini bajarilishini ta'minlaydi. Komandalar guruhi chap tomonidan umumiylashtirish «[]» belgi bilan qamrab olinadi. Agar har bir komandani alohida «[]» belgi qamrab olgan bo'lsa, ularning har biri mustaqil bajariladi. Agar komanda «;;» belgi bilan tugasa, u bajarilgandan keyin

albatta natija chiqarish maydonida aks ettiriladi va «::» belgi bilan tugasa, komanda bajariladi, lekin natija aks ettirilmaydi.

Ishchi varaqning foydalanuvchi tomonidan ma'lumotlar kiritiladigan qismiga kiritish maydoni deyiladi. Kiritish maydoniga **Maple** ning komandalarini, operatorlarini va izohlar uchun matn kiritish mumkin. Yangi ishchi varaq yaratilganda, jumlilik qoidasi bo'yicha **Maple** ning komanda va operatorlarini kiritish rejimi o'rnatiladi. Bu rejimning belgisi «>>» hisoblanadi. Agar komanda yoki operator to'g'ri kiritilsa chiqarish maydonida natija qayd qilinadi, aks holda xatolik sababi ko'rsatiladi. Kiritish maydonida komandalarni **Maple** talqinida

```
[> for i to 2 do f2[i] := diff(f[i], x, x) end do;
```

yoki odatdagi matematik yozuv talqinida

```
> for i to 2 do f2i :=  $\frac{\partial^2}{\partial x^2} f_i$  end do
```

aks ettirish mumkin.

Nazorat uchun savollar:

1. MathCad qanday so'zlardan tashkil topgan?
2. MathCad va Maple dasturini ishga tushirish tartibini ayting?
3. MathCad va Maple interfeysining oyna tuzilishi qanday?
4. MathCad va Mapleda matematik panel vositalarini sanab o'ting?
5. Arifmetik amallar qanday bajariladi?
6. Mantiqiy amallarni sanab o'ting?

Foydalilanigan adabiyotlar ro'yxati:

Foydalilanigan adabiyotlar ro'yxati:

1. Alekseyev Ye. R. , Chesnokova O. V. *Resheniya zadach vychislitelnoy matematiki v paketax MathCad 12, MATLAB 7, Maple 9.* – M. : NT Press, 2006. – 496 s. : il. – (Samouchitel).
2. Daujenko A. F. , Kirillov V. X. , Kolomiyets L. V. , Orobey V. F. *MATLAB v inzenernykh i nauchnykh raschetax. Monografiya.* Odessa «Astroprint», 2003. – 214 s.
3. Plis A. I. , Silvina N. A. *MathCad 2000: Matematicheskiy praktikum dlya ekonomistov i inzenerov: Ucheb. posobiye.* – M. Finansy i statistika, 2000 g.
4. Makarov Ye. G. *Inzenernye raschety v MathCad. Uchebnyy kurs.* SPb. : Piter, 2003.
5. V. P. Dyakonov *MathCad 2000: Uchebnyy kurs.* Piter 2002 g.
6. O. A. Sdvijkov Dashkov I. K. *MathCad - 2000: Vvedeniye v kompyuternuyu matematiku.* 2002 g.
7. D. A. Gurskiy. *Vychisleniye v MathCad. Novoye znaniye* 2003 g.
8. Ne'matov A. , Oxunboev M. , Sobirov N. *MathCad tizimida matematik masalalarini yechish. Uslubiy qo'llanma.* Toshkent, 2009 y. 50 b.

2-mavzu. Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini echish.

Reja:

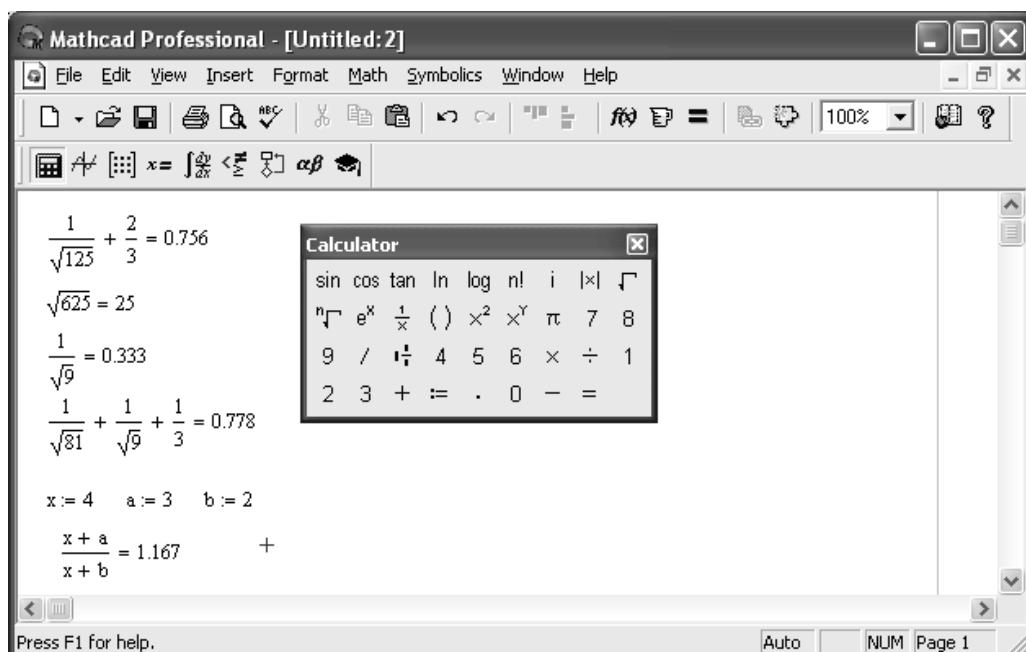
1. MathCAD va Maple tizimida matematik analiz masalalarini yechish.
2. Differensial tenglamalarni umumiyl yechimini topish.

Tayanch iboralar: interfeys, o'zlashtirish operatori, matematik ifoda, simvolli yechish, hisoblash paneli, simvolli amallarni dasturlash, analitik ko'rinish

1. Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini echish(MatCAD).

MathCad interfeysining ish maydonida kursov qizil rangdagi plus belgisi (krestik) ko`rinishda bo`ladi. Ifodalarni kiritishda bu belgi kiritilayotgan ifodani egallab olgan ko`k burchakli holatga aylanadi. Ifodada turli matematik funksiyalar asosiy matematik shablondan olinadi.

O`zgauvchilarga qiymat berish uchun o`zlashtirish operatori “:=” ishlataladi. Hisoblashlarni amalga oshirish uchun oldin formuladagi o`zgaruvchi qiymatlari kiritiladi, keyin matematik ifoda yozilib tenglik “=” belgisi kiritiladi, natijada ifoda qiymati hosil bo`ladi.



Masalan: ushbu $\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3}$ ifodani kiritish tartibi

Calculator (Kalkulyator) – asosiy matematik operatsiyalar shablondidan foydalanib quyidagicha amalga oshiriladi:

1. $\frac{1}{\sqrt{\square}}$ bosiladi va $\boxed{\frac{1}{\sqrt{\square}}}$ hosil bo`ladi.

2. bosiladi va $\frac{1}{\sqrt{125}}$ hosil bo'ladi.

$$\frac{1}{\sqrt{125}}$$

3. 125 teriladi va $\frac{1}{\sqrt{125}}$ hosil bo'ladi.

$$\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{1}{1}$$

4. va bosiladi va $\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3}$ hosil bo'ladi.

5. Kursor turgan joyga 3 raqami teriladi, suratga 1 raqami

$$\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3}$$

o'rniga 2 raqami teriladi va $\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3}$ hosil bo'ladi.

6. belgisini terish orqali ifodaning natijasi hosil

$$\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3} = 0.756$$

qilinadi, yani: $\frac{1}{\sqrt{125}} + \frac{2}{3}$.

Boshqa hisoblashlarni ham xuddi shu tarzda amalga oshiriladi.

Oddiy va matematik ifodalarni tahrirlashda menyu standart buyruqlaridan foydalaniladi. Tahrirlashda klaviaturadan ham foydalanish mumkin, masalan

- [Ctrl]+[X] – kesib olish;
- [Ctrl]+[C] – nusxa olish;
- [Ctrl]+[V] – qo'yish;
- [Ctrl]+[Z] – bajarishni bekor qilish.

Xuddi elektron jadvallaridagidek MathCaddagi hujjatga ixtiyoriy o'zgarish kirmsangiz bu o'zgarishga bog'liq bo'lgan barcha natijalar yangilanadi. MathCad o'ta murakkab matematik formulalarni hisoblashga mo'jallangan bo'lsa ham, uni oddiy kalkulyator sifatida ishlatalish mumkin.

Arifmetik amallar

| Amal | Klavish | O'qilishi |
|-------------|----------------|------------------|
| • | * | Ko'paytirish |
| + | + | Qo'shish |
| - | - | Ayirish |
| : | / | Bo'lish |

Munosabat amallar

| Amal | Klavish | O'qilishi |
|-------------|----------------|------------------|
| > | > | Katta |
| < | < | Kichik |
| = | Ctrl = | Teng |
| \geq | Ctrl) | Katta yoki teng |
| \leq | Ctrl (| Kichik yoki teng |
| \neq | Ctrl # | Teng emas |

Mantiqiy amallar

| Not \neg | And \wedge | Or \vee | Xor \otimes |
|------------------------------|--------------------------------|-----------------------------|---------------------------------|
| $0 \neg=1$ | $0 \wedge 0=0$ | $0 \vee 0=0$ | $0 \otimes 0=0$ |
| $1 \neg=0$ | $0 \wedge 1=0$ | $0 \vee 1=1$ | $0 \otimes 1=1$ |
| | $1 \wedge 0=0$ | $1 \vee 0=1$ | $1 \otimes 0=1$ |
| | $1 \wedge 1=1$ | $1 \vee 1=1$ | $1 \otimes 1=0$ |

MathCadda ifodalarning qiymatlarini hisoblash tartibi xuddi matematikadagidek bo'ladi.

MathCadda diskret o'zgaruvchilar deganda sikl operatorini tushunish kerak. Bunday o'zgaruvchilar ma'lum qadam bilan o'suvchi yoki kamayuvchi sonlarni ketma-ket qabul qiladi. Masalan:

$x:=0..5$. Bu shuni bildiradiki bu o'zgaruvchi qiymati qator bir necha qiymatlardir, ya'ni $x=0,1,2,3,4,5$.

$x:=1,1..5$. Bunda 1 – birinchi sonni, 1,1 – ikkinchi sonni, 5 - oxirgi sonni bildiradi.

$x:=A,A+B..B$. Bunda A – birinchi, A+B – ikkinchi, B - oxirgi sonni bildiradi.

Izoh! O'zgaruvchi diapazonini ko`rsatishda ikki nuqta o'rniga klaviaturadan (;) nuqta vergul kiritiladi yoki Matrix (Matriksa) panelidan Range Variable (Diskret o'zgaruvchi) tugmasi bosiladi. Hisoblangan qiymatni chiqarish uchun esa o'zgaruvchi va tenglik belgisini kiritish kifoya. Natijada o'zgaruvchi qiymati ketma-ket jadvalda chiqadi. Masalan, $x:=0..5$ deb yozib, keyin $x=$ kiritish kerak.

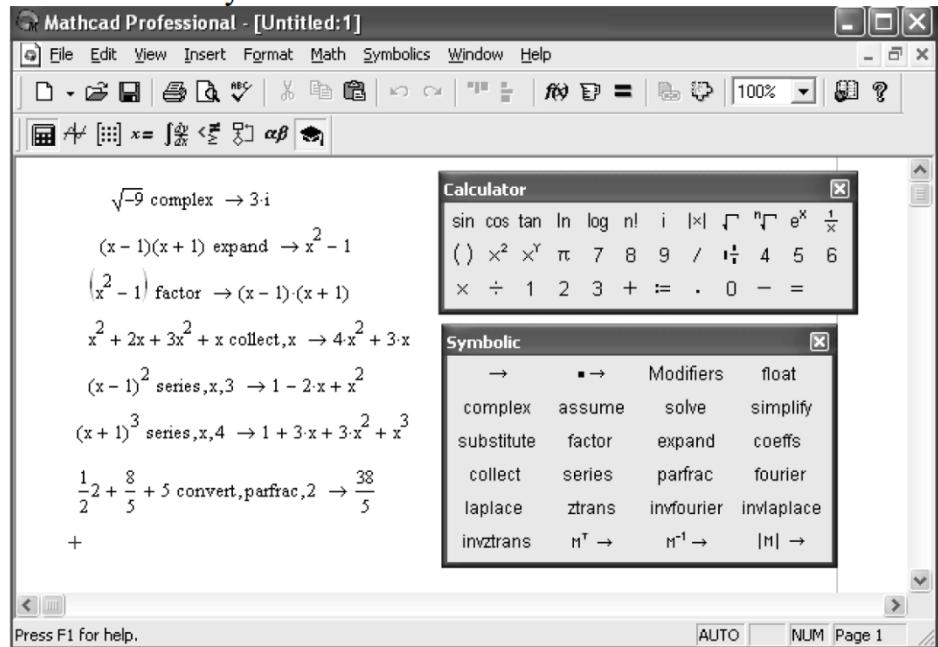
Foydalanuvchi funksiyaning uning argumentiga mos qiymatlarini hisoblab chiqarish va bu qiymatlarni jadval yoki grafik ko`rinishda tasvirlashda diskret o'zgaruvchilardan foydalanish qulaylikni keltiradi. Masalan, $f(x)=\sin(x)\cdot\cos(x)$ funktsiya qiymatlarini x ning 0 dan 5 gacha bo'lgan qiymatlarida hisoblash kerak bo'lsa, u holda quyidagi kiritishni amalga oshirish kerak: $f(x)=\sin(x)\cdot\cos(x)$ $x:=0..5$ $f(x)=javob$.

Ifodalarni soddalashtirish va ko'phadlarni ko'paytuvchilarga ajratish, almashtirishlar (Laplas, Fure va h.k.)ni bajarish buyruqlari quyidagi jadvalda keltirilgan:

| Vosita | Shablon | Ta'rifi |
|---------------|------------------|---|
| float | • float, •→ | Siljuvchi nuqtali shaklda hisoblash |
| complex | • complex, •→ | Kompleks son shakliga o'tkazish |
| expand | • expand, •→ | Bir necha o'zgaruvchili yig'indi, ko'paytma va darajani ochish |
| simplify | • simplify, •→ | Ifodalarni ixchamlash, soddalashtirish |
| substitute | • substitute, •→ | Ifodalarni hisoblash |
| collect | • collect, •→ | Oddiy yig'indida tasvirlangan polinom ko'rinishdagi ifodani soddalashtirish |
| series | • series, •→ | Darajali qatorga yoyish |
| assume | • assume, •→ | Aniq qiymat bilan yuborilgan o'zgaruvchini hisoblash |
| parfrac | • parfrac, •→ | Oddiy kasrga ifodalarni yoyish |
| coeffs | • coeffs, •→ | Polinom koeffitsienti vektorini aniqlash |
| factor | • factor, •→ | Ifodalarni ko'paytuvchilarga yoyish |
| fourier | • fourier, •→ | Fure to'g'ri almashtirishi |
| laplace | • laplace, •→ | Laplas to'g'ri almashtirishi |

| | | |
|------------|------------------|------------------------------|
| ztrans | • ztrans, •→ | To'g'ri z – almashtirish |
| invfourier | • invfourier, •→ | Fure teskari almashtirishi |
| invlaplace | • invlaplace, •→ | Laplas teskari almashtirishi |
| invztrans | • invztrans, •→ | Teskari z - almashtirish |

Misollar keltiraylik:



Tenglamalarni sonli va simvolli yechish

MathCad har qanday tenglamani, hamda ko`pgina differentsial va integral tenglamalarni yechish imkoniyatini beradi. Misol uchun kvadrat tenglamanining oldin simvolli yechimini topishni keyin esa sonli yechimini topishni qarab chiqamiz.

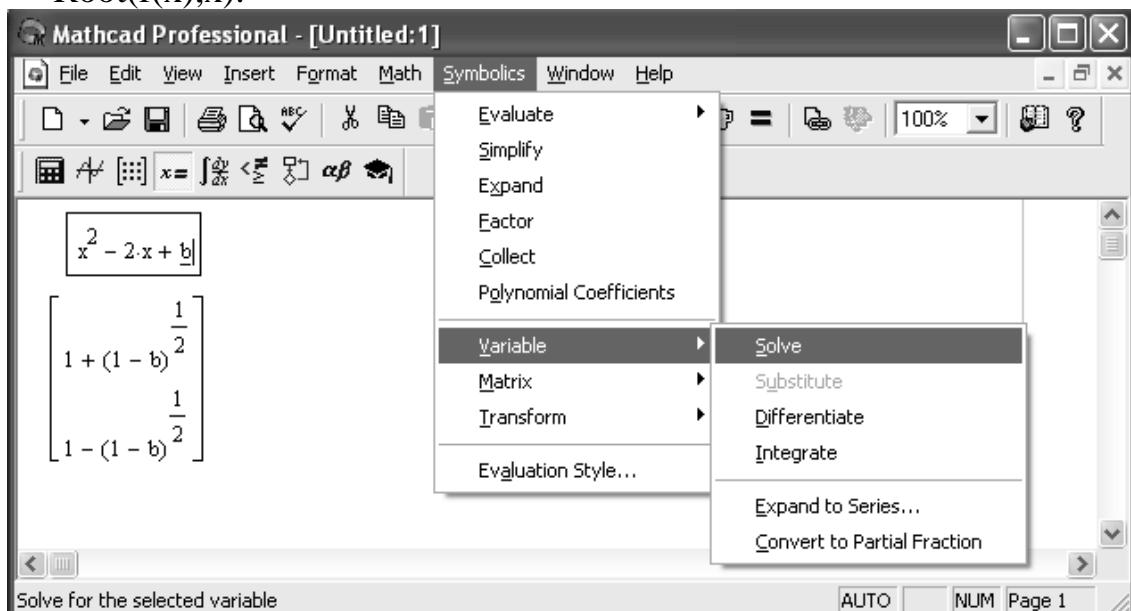
Simvolli yechish. Tenglamaning simvolli yechimini topish uchun quyidagi protsedurani bajarish kerak:

1. Tenglamani kiritish va tenglama yechimi bo`lgan o`zgaruvchini kursorning ko`k burchagida ajratish.

2. Bosh menyudan Symbolics → Variable → Solve (Simvolli ifoda → O`zgaruvchi → Yechish) buyrug`ini tanlash. (16-rasmda keltirilgan)

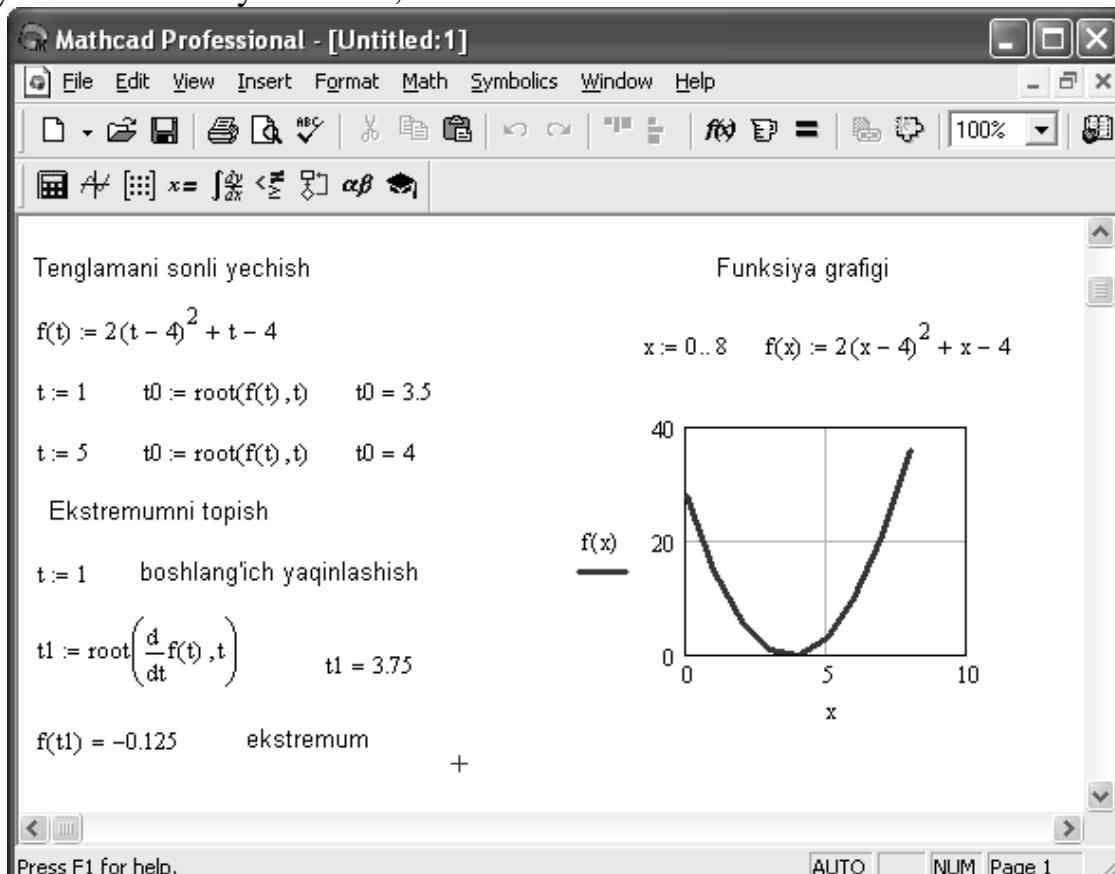
Sonli yechish. Algebraik tenglamalarni yechish uchun MathCadda bir necha funktsiyalar mavjud. Ulardan Root funktsiyasini ko`rib chiqamiz. Bu funktsiyaga murojaat quyidagicha:

Root(f(x),x).



Root funktsiyasi iteratsiya usuli sekuhix bilan yechadi va sabab boshlang`ich qiymat oldindan talab etilmaydi. Quyida berilgan rasmida tenglamani sonli yechish va uning ekstremumini topish keltirilgan.

Tenglamani yechish uchun odlin uning grafigi quriladi va keyin uning sonli yechimi izlanadi. Funktsiyaga murojaat qilishdan oldin yechimga yaqin qiymat beriladi va keyin Root funktsiya kiritilib, $x_0 =$ beriladi.



Root funktsiyasi yordamida funktsiya hosilasini nulga tenglashtirib uning ekstremumini ham topish mumkin. Funktsiya ekstremumini topish uchun quyidagi protsedurani bajarish kerak:

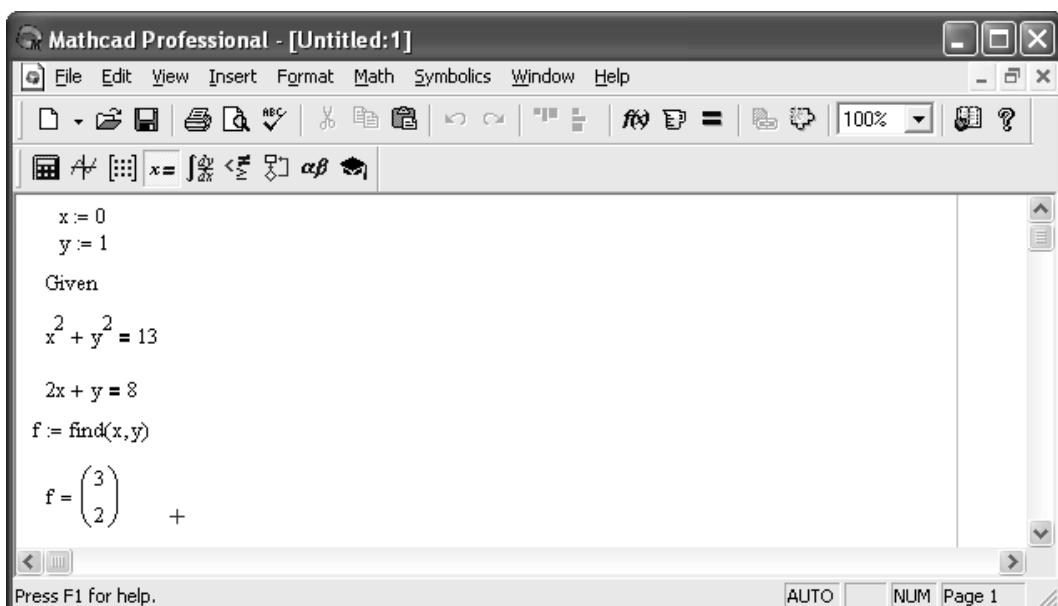
1. Ekstremum nuqtasiga boshlang`ich yaqinlashishni berish kerak.
2. Root funktsiyasini yozib uning ichiga birinchi tartibli differentialsini va o`zgaruvchini kiritish.
3. O`zgaruvchini yozib teng belgisini kiritish.
4. Funktsiyani yozib teng belgisini kiritish.

Tenglamalar sistemasini yechish

MathCadda tenglamalar tizimini yechish

Given...Find

hisoblash bloki yordamida amalga oshiriladi. Tenglamalar tizimini yechish uchun iteratsiya usuli qo'llaniladi va yechishdan oldin boshlang'ich yaqinlashish barcha noma'lumlar uchun beriladi.



Tenglamalar tizimini yechish uchun quyidagi protsedurani bajarish kerak:

1. Tizimga kiruvchi barcha noma'lumlar uchun boshlang'ich yaqinlashishlarni bernish.

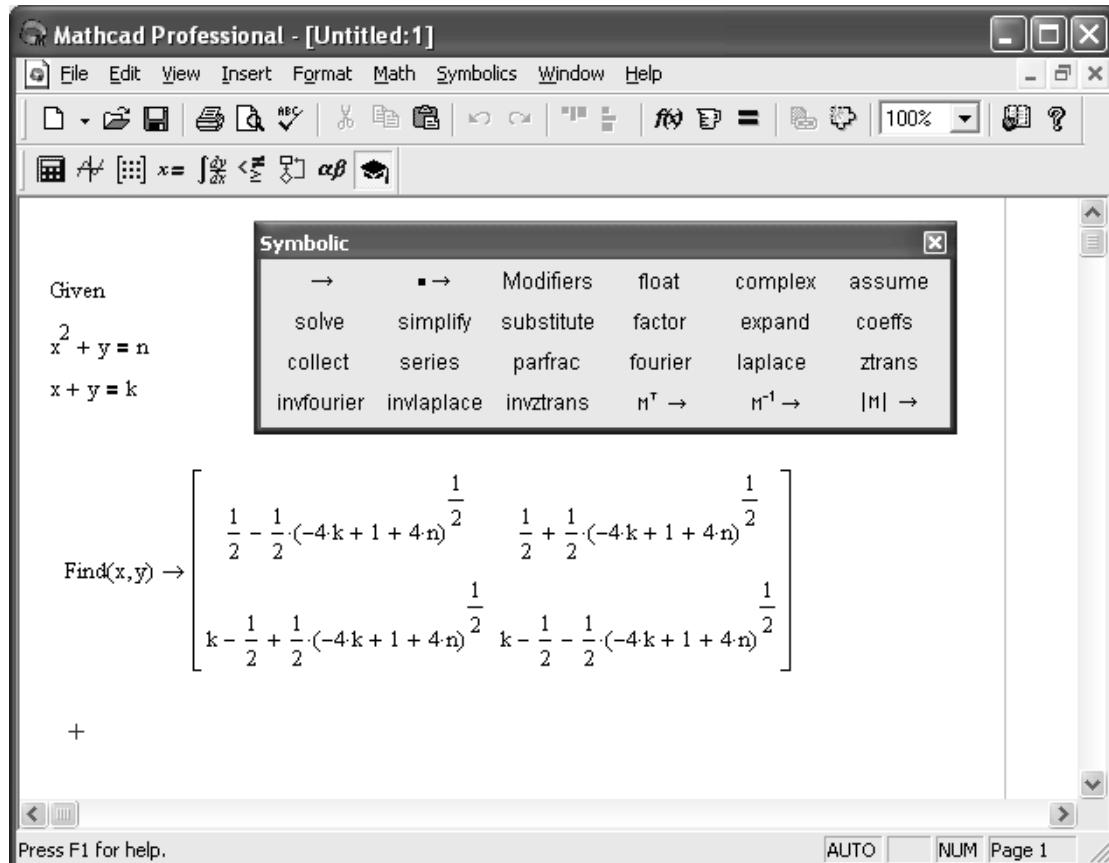
2. Given kalit so`zi kiritiladi.

3. Tizimga kiruvchi tenglama va tengsizlik kiritiladi. Tenglik belgisi qalin bo`lishi kerak, buning uchun Ctrl+= klavishilarini birgalikda bosish kerak bo`ladi yoki Boolean (Bul operatorlari) panelidan foydalanish mumkin.

4. Find funktsiyasi tarkibiga kiruvchi o`zgaruvchi yoki ifodani kiritish.

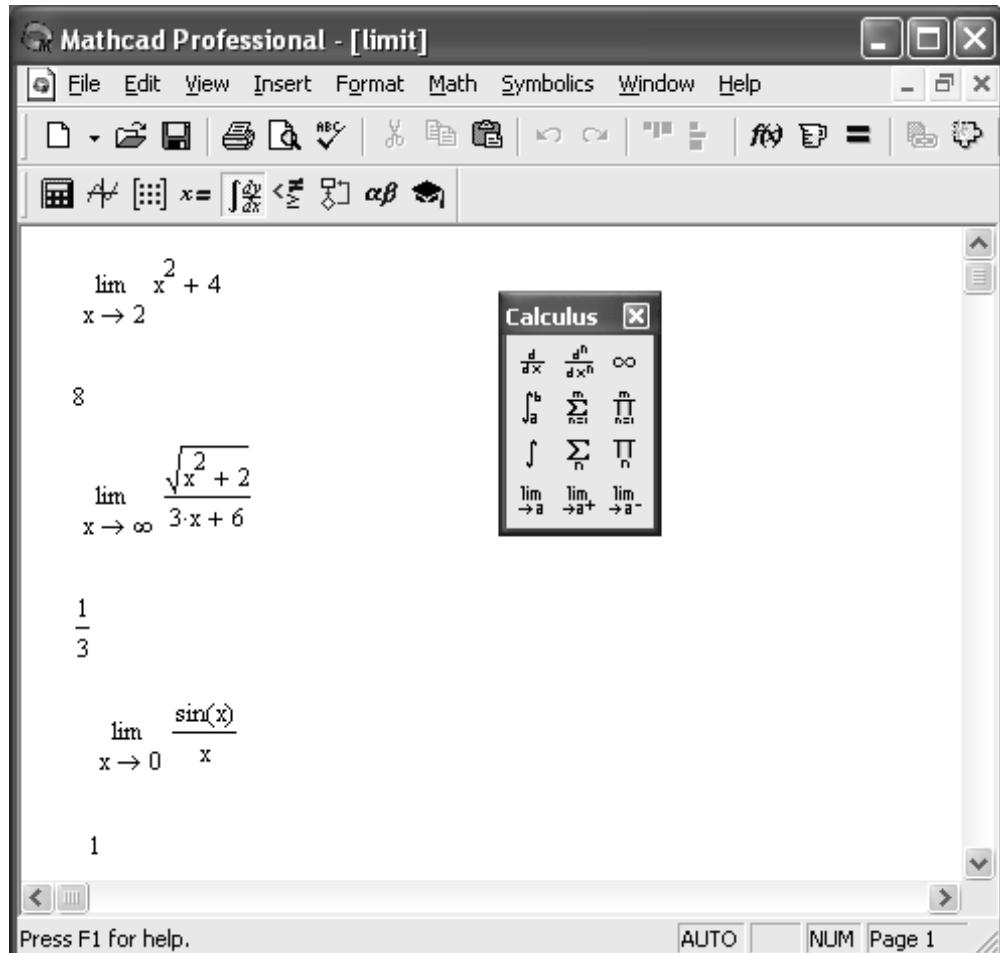
Funktsiyaga murojaat quyidagicha bajariladi: Find(x,y,z). Bu yerda x,y,z – noma'lumlar. Noma'lumlar soni tenglamalar soniga teng bo`lishi kerak.

Find funktsiyasi funktsiya Root ga o`xshab tenglamalar tizimini sonli yechish bilan bir qatorda, yechimni simvolli ko`rinishda ham topish imkonini beradi.



Limitlarni hisoblash. MathCadda limitlarni hisoblashning uchta operatori bor.

1. Matematika panelidan Calculus Toolbar (Hisoblash paneli) tugmasi basilsa, Calculus (Hisoblash) paneli ochiladi. U yerning pastki qismida limitlarni hisoblash operatorlarini kiritish uchun uchta tugmacha mavjud. Ularning birini bosish kerak.
2. lim so`zining o`ng tomonidagi kiritish joyiga ifoda kiritiladi.
3. lim so`zining ostki qismiga o`zgaruvchi nomi va uning intiladigan qiymati kiritiladi.
4. Barcha ifodalar burchakli kursorda yoki qora ranga ajratiladi.
5. Symbolics → Evaluate → Symbolically (Simvolli hisoblash → Baholash → Simvolli) buyruqlari beriladi. MathCad agar limit mavjud bo`lsa, limitning intilish qiymatini qaytaradi.



| | | | |
|-------|---------------------------------|----------|---|
| Limit | $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ | [Ctrl] L | Funksiyani x aga intilgandagi limitini hisoblaydi.(simvolik rejimda) |
| Limit | $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$ | [Ctrl] B | Funksiyani x aga chapdan intilgandagi limitini hisoblaydi. (simvolik rejimda) |
| Limit | $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ | [Ctrl] A | Funksiyani x aga o'ngdan intilgandagi limitini hisoblaydi. (simvolik rejimda) |

2. Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini echish(Maple).

Ifodalarni soddallashtirish

Ifodalarni soddallashtirish uchun simplify funksiysidan foydalaniladi. Ushbu funksiya quyidagi ko'rinishlarda ishlatiladi:

simplify(expr) — soddallashtirilgan exrr ifodani yoki Maple qoidalari doirasida soddallashtirish imkoniyati bo'lmasa uning o'zini qaytaradi;

simplify(expr, nl, n2, . . .) — nl, n2 parametrlarni hisobga olgan holda soddallashtirilgan yexrr ifodani qaytaradi;

simplify(exrg,assume=prop) — hamma ko'rsatilgan shartlarni hisobga olgan holda soddallashtirilgan yexrr ifodani qaytaradi.

Quyidagi misollarni ko'raylik:

```
> simplify((3*x*y^3)^2);

$$9x^2y^6$$

> simplify((x^y)^x+3^(3));

$$(x^y)^x + 27$$

> simplify(sin(x)^2+cos(x)^2);

$$1$$

> e:=cos(x)^5+sin(x)^4+2*cos(x)^2-2*sin(x)^2-cos(2*x);

$$e := \cos(x)^5 + \sin(x)^4 + 2 \cos(x)^2 - 2 \sin(x)^2 - \cos(2x)$$

> simplify(e);

$$\cos(x)^5 + \cos(x)^4$$

> w:=(-5*b^2*a)^(1/2);

$$w := \sqrt{-5b^2a}$$

> simplify(w,radical);

$$\sqrt{5}\sqrt{-b^2a}$$

> simplify(w,radical,symbolic);

$$b\sqrt{5}\sqrt{-a}$$

```

Ayrim hollarda soddalashtirish amalga oshmasligi mumkin, masalan:

```
> simplify(sqrt(x^4*y^2));

$$\sqrt{x^4y^2}$$

```

Bunday hollarda kerakli aniqliklarni kiritib soddalashtirishga erishish mumkin

```
> simplify(sqrt(x^4*y^2),assume=real);
```

```

$$x^2|y|$$

```

```
> simplify(sqrt(x^4*y^2),assume=positive);

$$x^2y$$

```

Bu yerda o'zgaruvchilar birinchi holda real deb, ikkinchi holda musbat deb aniqlashtirildi.

Simvolli amallarni dasturlash

Simvolli amallarni dasturlashni $f(x)=0$ ko'rinishidagi chiziqsiz tenglamalarni Nyutonning iteratsiyalar usuli bilan yechish misolida ko'raylik.

Ma'lumki Nyuton usuli quyidagi formulaga asosan iteratsion hisoblashlarga asoslangan:

$$x_{i+1} = x_i + f(x_i)/f'(x_i).$$

Uni simvolli ko'rinishda dasturlaymiz:

```
> NI := proc( f,x )
    description "Chiziqsiz tenglamalarni yechish";
    local i;
    > i:=x-f/diff(f,x);
    > unapply(i,x) end;
NI := proc(f, x)
local i;
description "Chiziqsiz tenglamalarni yechish";
i := x - f/diff(f, x); unapply(i, x)
end proc
```

```

> print( NI );
proc(f, x)
local i;
description "Chiziqsiz tenglamalarni yechish";
    i := x - f/diff(f, x); unapply(i, x)
end proc

```

Bu yerda iteratsion formulani analitik ko'rinishda olish uchun unapply funktsiyasi ishlatalgan. Endi yechilishi zarur bo'lgan ifoda berilsa yechimning analitik ifodasini olish mumkin:

```

> f:=sin(x)^2-0.5;
f := sin(x)^2 - .5
> T:=NI(f,x);
T := x → x - 1/2 * sin(x)^2 - .5
      2   sin(x) cos(x)

```

So'ngra x uchun boshlang'ich yaqinlashishni $x=x_0$ ko'rinishida berib qator iteratsiyalar uchun hisoblash natijalarini olish mumkin:

```

> x0:=0.2;
x0 := .2
> to 8 do x0:=T(x0);od;
x0 := 1.382611210
x0 := .117460944
x0 := 2.206529505
x0 := 2.360830634
x0 := 2.356194357
x0 := 2.356194490
x0 := 2.356194490
x0 := 2.356194490

```

Bu misoldan boshlang'ich sakrashlardan keyin tezlik bilan aniq yechimga yaqinlashilganligini ko'rish mumkin. Ushbu usul yordamida tenglamaning faqat bitta ildizini topish mumkin. Boshqa ildizlar boshlang'ich shartni o'zgartirish yo'li bilan aniqlanadi, masalan:

```

> x0:=5.0;
x0 := 5.0
> to 8 do x0:=T(x0);od;
x0 := -1.797189560
x0 := -1.192931138
x0 := -1.280714861
x0 := -1.284021145
x0 := -1.284025417
x0 := -1.284025416
x0 := -1.284025417
x0 := -1.284025416

```

Yuqorida olingan dastur yordamida boshqa funktsiyalarni (tenglamalarni) ham yechish mumkin. Masalan $\ln(x^2)-0.5=0$ chiziqsiz tenglamani yechishni ko'raylik:

```
> f:=ln(x^2)-0.5;
f := ln(x2) - .5
> T:=NI(f,x);
T := x → x - 1/2 (ln(x2) - .5) x
> x0:=0.2;
x0 := .2
> to 8 do x0:=T(x0);od;
x0 := .5718875825
x0 := 1.034437603
x0 := 1.258023119
x0 := 1.283760340
x0 := 1.284025389
x0 := 1.284025417
x0 := 1.284025416
x0 := 1.284025417
```

Bu yerda itaratsiya formulasi boshqacha ko'rinishga ega bo'ldi (bunday bo'lishi tabiiy), lekin bunga qaramasdan bir necha iteratsiyalardan keyin aniq ildizga yaqinlashildi.

Tenglama va tongsizliklarni yechish

Tenglamalarni analitik ko'rinishda yechish

CHiziqli va chiziqli bo'lмаган tenglamalarni analitik ko'rinishda yechish uchun universal bo'lган solve funktsiyasidan foydalaniladi. U quyidagi shakllarda bo'lishi mumkin:

```
solve(eqн, var)
solve(eqнs, vars)
```

Parametrlari

eqн - tenglama, tongsizlik yoki protsedura
eqнs - tenglamalar yoki tongsizliklar to'plami
var - o'zgaruvchi (unga nisbatan yechim izlanadi)
vars - o'zgaruvchilar (ularga nisbatan yechim izlanadi)

Agar eqн ni yozishda tenglik yoki tongsizlik belgisi ishlatalmasa solve funktsiyasi eqн=0 tenglamaning ildizlarini izlaydi.

Tenglamalar sistemasini yechishda tenglamalar va o'zgaruvchilar ko'plik shaklida, yaoni figurali qavs ichida beriladi. Natijalar ham ko'plik shaklida bo'ladi. Ularni odatdagи ko'rinishga keltirish uchun assign funktsiyasi ishlataladi. U ko'plikdan (figurali qavs ichidan) olingan qiymatlarni o'zgaruvchilarga beradi.

Tenglamalarning yechimlari analitik ko'rinishda bo'ladi. Ularni sonli ko'rinishga o'tkazish uchun evalf yoki convert funktsiyalaridan foydalaniladi:

```
> z = x y
> x=solve( z=x*y, x );
x = z/y
```

```

> y=solve( z=x*y, y );

$$y = \frac{z}{x}$$

>  $x^3 - 4x = 8$ 
> x=evalf(solve(x^3-4*x=8,x));

$$x = (2.649435914, -1.324717958 + 1.124559025I, -1.324717958 - 1.124559025I)$$


```

Natijani evalf funktsiyasi yordamida yaqqol ko'rinishga o'tkazish

Quyidagi misolda RootOf funktsiyasi orqali ifodalangan natijani evalf funktsiyasi yordamida yaqqol ko'rinishga o'tkazilgan:

```

> x - cos(x) = 0
> f := proc(x) x-cos(x) end proc:
solve( f(x),x);
RootOf(_Z - cos(_Z))
> x=evalf(%);

$$x = .7390851332$$


```

Keyingi misolda funktsiya ko'rinishida berilgan tenglamani yechish ko'rsatilgan:

```

> eq := x^4-5*x^2+6*x=2;

$$eq := x^4 - 5x^2 + 6x = 2$$

> x[1,2,3,4]:=evalf(solve(eq,x));

$$x_{1, 2, 3, 4} = (1., 1., .732050808, -2.732050808)$$


```

Tenglamalar sistemasini yechishga misollar:

$$\begin{aligned}x_1 + x_2 + x_3 &= 1 \\3x_1 + x_2 &= 3 \\x_1 - 2x_2 - x_3 &= 0\end{aligned}$$

```

> tenglamalar := {x1+x2+x3=1, 3*x1+x2=3, x1-2*x2-x3=0};

$$tenglamalar := \{3x_1 + x_2 = 3, x_1 - 2x_2 - x_3 = 0, x_1 + x_2 + x_3 = 1\}$$

> yechimlar:= solve( tenglamalar );

$$yechimlar := \{x_2 = \frac{3}{5}, x_3 = -\frac{2}{5}, x_1 = \frac{4}{5}\}$$

> evalf(solve( tenglamalar ));

$$\{x_2 = .6000000000, x_3 = -.4000000000, x_1 = .8000000000\}$$


```

Tenglamalar sistemasi grafik yo'l bilan yechish

Quyidagi misolda tenglamalar sistemasi grafik yo'l bilan yechilgan. Buning uchun avval bibliotekadan grafiklarni qurish funktsiyasi plots chaqiriladi:

```

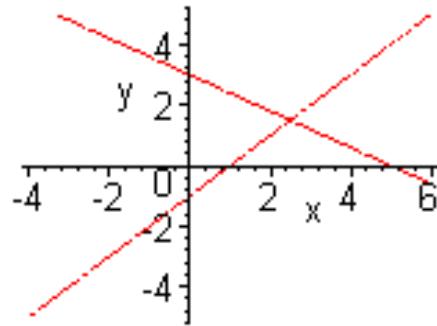
> restart:with(plots):
Warning, the name changecoords has been redefined
> sys:={3*x+5*y=15, y=x-1}:
> solve(sys,{x,y});

$$\{x = \frac{5}{2}, y = \frac{3}{2}\}$$


```

Quriladigan grafik abtsissa va ordinata o'qlarining chegaralari ko'rsatiladi:

```
> implicitplot(sys,x=-6..6,y=-5..5);
```



Uchta tenglamadan iborat sistemani yechish va uning uch o'lchamli grafigini qurishga misol:

> restart:with(plots):

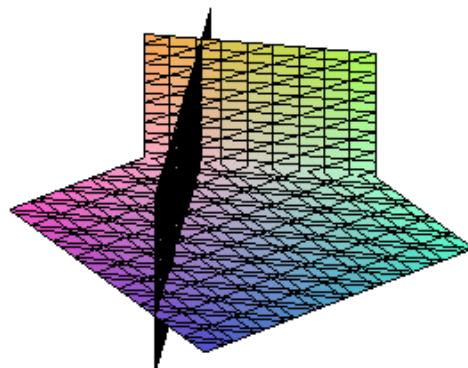
Warning, the name changecoords has been redefined

> sys:={z=4,x+y=10,x-y=5}:

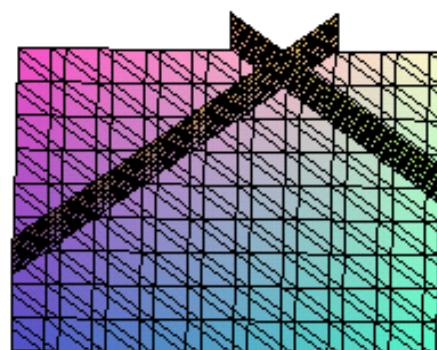
> solve(sys,{x,y,z});

$$\{ z = 4, y = \frac{5}{2}, x = \frac{15}{2} \}$$

> display(implicitplot3d(sys,x=-10..10,y=-10..10,z=-10..10));



Qurilgan grvfikning ustiga sichqonchaning ko'rsatkichini olib kelib, uning chap tugmasi bosilgan holatda aylantirib, grafikni kerakli ko'rinishga kelguncha aylantirish mumkin:



Quyidagi misolda to'rtta tenglamadan iborat sistemaning yechilishi ko'rsatilgan:

```
> sys:={4*x1+7*x2-x3+3*x4=11,
> -2*x1+2*x2-6*x3+x4=4,
> x1-3*x2+4*x3-x4=-3,
> 3*x1-5*x2-7*x3+5*x4=8}:
> solve(sys,{x1,x2,x3,x4});
{ x2 =  $\frac{8}{19}$ , x1 =  $\frac{135}{19}$ , x3 =  $\frac{-81}{19}$ , x4 =  $\frac{-156}{19}$  }
```

Maple to'liq bo'lмаган tenglamalar sistemasini ham yechishi mumkin:

```
> restart:sys:={4*x1+x2=5,x1=7,x1+x4-x3=8}:
> solve(sys,{x1,x2,x3,x4});
{ x2 = 8, x4 = 1 + x3, x3 = x3, x1 = 7 }
```

CHiziqli bo'lмаган va trantsendent tenglamalarni yechish

CHiziqli bo'lмаган va trantsendent tenglamalarni yechish uchun tenglamalar sistemasi va noma'lumlar to'plam ko'rinishida beriladi:

```
> restart:
> solve({x*y=a,x+y=b},{x,y});
{ y = RootOf(_Z2 - _Z b + a), x = -RootOf(_Z2 - _Z b + a) + b }
> allvalues(%);
allvalues( { y =  $\frac{1}{2}b + \frac{1}{2}\sqrt{b^2 - 4a}$ , x =  $\frac{1}{2}b - \frac{1}{2}\sqrt{b^2 - 4a}$  } ),
allvalues( { y =  $\frac{1}{2}b - \frac{1}{2}\sqrt{b^2 - 4a}$ , x =  $\frac{1}{2}b + \frac{1}{2}\sqrt{b^2 - 4a}$  } )
```

Yuqoridagi tenglamaning $a=2$ va $b=3$ qiymatlar uchun yechimi:

```
> s:=solve({x*y=2,x+y=3},{x,y});
s := { y = 1, x = 2 }, { y = 2, x = 1 }
```

Keyinchalik boshqa tenglamalarni yechishda x va y noma'lumlardan foydalanadigan bo'lsak xatoliklar yuzaga kelmasligi uchun, ularni aniqlanmagan holatga unassing funktsiyasi yordamida yoki qo'shtirnoqlarning ichiga olish yo'li bilan o'tkazamiz:

```
> unassing('x');y:='y';
unassing(x)
y := y
> x;y;
x
y
```

RootOf funktsiyasi

Tenglamalarni yechishda RootOf funktsiyasi hosil bo'lib qolishi mumkin. U

tenglama ildizlarini radikallar yordamida ifodalab bo'lmasligini ko'rsatadi. RootOf funktsiyasi mustaqil holda ham RootOf(expr) yoki RootOf(expr,x) (bu yerda expr-algebraik ifoda, x-o'zgaruvchi) ko'rinishlarida qo'llanilishi mumkin. Yechim x o'zgaruvchiga nisbatan izlanadi. Agar x ko'rsatilmagan bo'lsa z o'zgaruvchi bo'yicha umumiy yechim izlanadi. RootOf ko'rinishdagi yechimni yaqqol holda olish uchun all values funktsiyasidan foydalaniladi:

```
> RootOf(a*x^2=a/x,x);
RootOf(_Z^3 - 1)
> allvalues(%);
allvaleus(1), allvaleus(-1/2 + 1/2*I*sqrt(3)), allvaleus(-1/2 - 1/2*I*sqrt(3))
> restart:RootOf(x^2-16,x);
RootOf(_Z^2 - 16)
> x[1,2]:=allvalues(%);
x_{1,2} := 4, -4
```

Demak, RootOf funktsiyasi tenglamalarni ixcham ko'rinishda yechishning samarali usuli ekan.

Tarkibida maxsus funktsiyalar bo'lgan tenglamalarni yechish

Maple tizimining afzalliklaridan biri tarkibida maxsus funktsiyalar bo'lgan tenglamalarni yechish hisoblanadi:

```
> solve(max(x,3*x-12)=min(10*x+8,22-x),{x});
{x = -8/9}, {x = 17/2}
> solve(x-.9=sin(x/25),{x});
{x = .9374908456}
> solve(ln(x)=sqrt(8),{x});
{x = e^(2*sqrt(2))}
> solve(3*x=ln(x),{x});
{x = -1/3 LambertW(-3)}
> evalf(%);
{x = -.1556659526-.6072466076*I}
```

Tenglamaning aniqlangan ildizlarini o'rniga qo'yib tekshirib ko'ramiz:

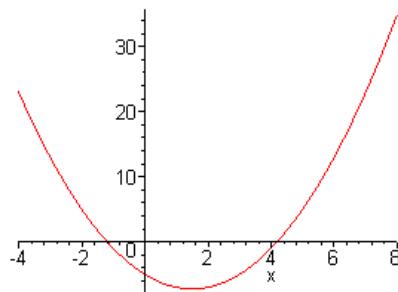
```
> 3*(.1556659526-.6072466076*I);
.4669978578-1.821739823I
> ln(-.1556659526-.6072466076*I);
-.4669978580-1.821739823I
```

Tengsizliklarni yechish

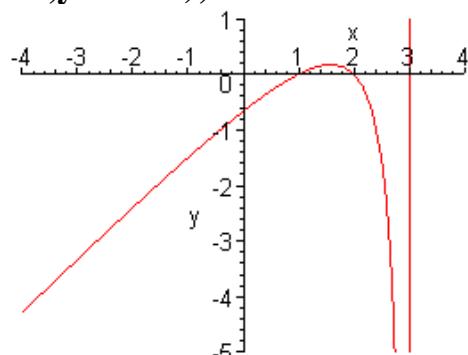
Tengsizliklarni yechish uchun ham solve funktsiyasidan foydalaniladi. Tengsizliklar tenglamalar singari beriladi. Maple tengsizlikning aniqlanish sohasini

beradi. Bunda tengsizlik o'rini bo'lмаган qiymat *Open* so'zi bilan ko'rsatiladi:

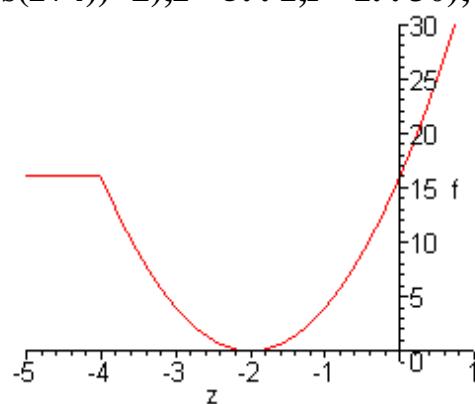
```
> solve(7*x-3>67,x);
RealRange(Open(10), infinity)
> solve(7*x-3>=67,x);
RealRange(10, infinity)
> solve(x^2-3*x-5>0,x);
RealRange(-infinity, Open(3/2 - 1/2*sqrt(29))), RealRange(Open(3/2 + 1/2*sqrt(29)), infinity)
> plot(x^2-3*x-5,x=-4..8);
```



```
> solve((x-1)*(x-2)/(x-3)>-1,x);
RealRange(Open(1 - sqrt(2)), Open(1 + sqrt(2))), RealRange(Open(3, infinity))
> plot((x-1)*(x-2)/(x-3),x=-4..4,y=-5..1);
```



```
> f := abs((z+abs(z+6))^2)>8;
f := 8 < |z + |z + 6||^2
> solve(f,{z});
{ -3 + sqrt(2) < z }, { z < -3 - sqrt(2) }
> evalf(%);
{ -1.585786438 < z }, { z < -4.414213562}
> restart:plot(abs((z+abs(z+4))^2),z=-5..1,f=-1..30);
```



Tengsizliklar sistemasini yechish namunasi:

```
> solve({x*y*z>0,x>-1,y+z>10},{x,y,z});  
{ -1 < x, y = 0, 10 < z }, { -1 < x, z = 0, 10 < y }
```

Echish natijalarida bir necha o'zgaruvchining aniqlanish sohalari ko'rsatilgan.

Tenglamalarni sonli ko'rinishda yechish

CHiziqli bo'limgan tenglamalar yoki tenglamalar sistemasining yechimini haqiqiy sonlar shaklida olish uchun

fsolve(eqns, vars, option)

funktsiyadan foydalanish mumkin:

```
> x=fsolve(sin(x)=Pi/4,x);  
x = .9033391108  
  
> x=fsolve(sin(x)=1/2,x);  
x = 6.806784083  
  
> x[1,2]=fsolve(2*x^2+x-1=9,x);  
x1,2 = (-2.500000000 2.000000000)  
  
> fsolve(x^5-x,x);  
-1.000000000 0., 1.000000000
```

Kompleks ildizlarni ham olish uchun fsolve funktsiyasida complex parametri ham ko'rsatiladi:

```
> fsolve(x^5-x,x,complex);  
-1.000000000 -1.000000000I, 0., 1.000000000I, 1.000000000
```

Ma'lum oraliqdagi ildizlarni olish uchun kerakli oraliq ko'rsatiladi (masalan - 0,1dan 1,5gacha):

```
> fsolve(x^5-x,x=-0.1..1.5);  
0., 1.000000000
```

Tenglamalar sistemasini yechish namunasi:

```
> f:=sin(x+y)-exp(x)*y=0:  
> q:=x^2-y=2:  
> fsolve({f,q},{x,y},{x=-1..1,y=-2..0});  
{y = -1.552838698 x = -.6687012050}
```

Nazotrat uchun savollar:

1. MathCad va Mapleda matematik hisoblashlar qanday bajariladi?
2. MathCad va Mapleda algebraik amallar bajarish uchun qaysi buyruqlardan foydalilanadi
3. MathCad va Mapleda tenglamalarni sonli yechishda qaysi buyruqdan foydalilanadi?
4. Tenglamalar sistemasi qanday yechiladi?
5. Limitlarni hisoblash qanday amalga oshiriladi?

Foydalanilgan adabiyotlar ro'yxati:

1. Alekseyev Ye. R. , Chesnokova O. V. Resheniye zadach vychislitelnoy matematiki v paketax MathCad 12, MATLAB 7, Maple 9. – M. : NT Press, 2006. – 496 s. : il. – (Samouchitel).

2. Daujenko A. F. , Kirillov V. X. , Kolomiyets L. V. , Orobey V. F. MATLAB v inzenernykh i nauchnykh raschetax. Monografiya. Odessa «Astroprint», 2003. – 214 s.

3. Plis A. I., Silvina N. A. *MathCad 2000: Matematicheskiy praktikum dlya ekonomistov i injenerov: Ucheb. posobiye.* – M. Finansy i statistika, 2000 g.
4. Makarov Ye. G. *Injenernye raschety v MathCad. Uchebnyy kurs.* SPb. : Piter, 2003.
5. V. P. Dyakonov *MathCad 2000: Uchebnyy kurs.* Piter 2002 g.
6. O. A. Sdvijkov Dashkov I. K. *MathCad - 2000: Vvedeniye v kompyuternuyu matematiku.* 2002 g.
7. D. A. Gurskiy. *Vychisleniye v MathCad. Novoye znaniye* 2003 g.
8. Ne'matov A., Oxunboev M., Sobirov N. *MathCad tizimida matematik masalalarini yechish. Uslubiy qo'llanma.* Toshkent, 2009 y. 50 b.

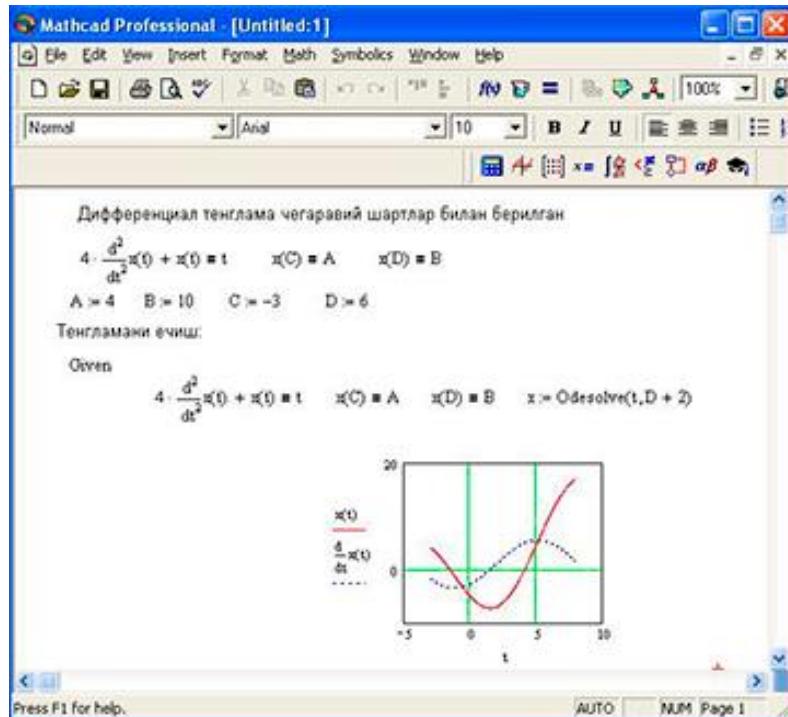
3-mavzu. Oddiy differensial tenlamalar uchun Koshi va aralash masalalarini echish

1. Oddiy differensial tenlamalar uchun Koshi va aralash masalalarini MathCADda echish
2. Oddiy differensial tenlamalar uchun Koshi va aralash masalalarini Mapleda echish
3. MathCad va Mapleda grafiklar qurish.

Tayanch iboralar: differensial tenglamalar, Odesolve funksiyasi, boshlang'ich shartlar, analitik ko'rinishda yechish, yaqqol ko'rinishda yechish, differensial tenglamalar sistemasini yechish, darajali ko'pxad ko'rinishida yechish, Laplas, Furg'e va boshqa integral o'zgartirishlar, funksiya grafiklarini hosil qilish.

1. Oddiy differensial tenlamalar uchun Koshi va aralash masalalarini MathCADda echish

Differensial tenglamalarni echish ancha murakkab. SHu sabab Mathcadda barcha differensial tenglamalarni ma'lum chegaralanishlarsiz to'g'idan-to'g'ri echish imkoniyati mavjud emas. Mathcadda differensiallar tenglama va tizimlarini echishning bir necha usullari mavjud. Bu usullardan biri Odesolve funksiyasi yordamida echish bo'lib, bu usul boshqa usullarga nisbatan eng soddasidir. Bu funksiya Mathcad 2000 da birinchi bor yaratildi va u birinchi bor differensial tenglamani echdi. Mathcad 2001da bu funksiya yanada kengaytirildi. Odesolve funksiyasida differensial tenglamalar tizimini ham echish mumkin. Mathcad differensial tenglamalarni echish uchun yana ko'pgina qurilgan funksiyalarga ega. Odesolve funksiyasidan tashqari ularning barchasida, berilgan tenglama formasini yozishda ancha murakkablik mavjud. Odesolve funksiyasi tenglamani kiritish blokida oddiy differensial tenglamani o'z shaklida, xuddi qog'ozga yozgandek yozishga imkon yaratadi. Odesolve funksiyasi yordamida differensial tenglamalarni boshlang'ich shart va chegaraviy shartlar bilan ham echish mumkin.



Differensial tenglamalarni echish.

Berilgan tenglamani yozishda xuddi differensiallash operatorini ishlatgan holda ham yoki shtrixlar bilan ham yozish mumkin. Boshlang‘ich shartni yozishda esa faqat shtrix bilan yozish kerak va uni kiritish uchun Ctrl+F7 klavishilarini baravar bosish kerak.

Odesolve funksiyasiga murojaat uch qismdan iborat hisoblash bloki yozuvini talab qiladi:

Given kalit so‘zi;

Differensial tenglama va boshlang‘ich yoki chegaraviy shart yoki differensial tenglamalar tizimi va unga shartlar;

Odesolve(x,xk,n) funksiya, bu erda x – o‘zgaruvchi nomi, xk – integrallash chegarasi oxiri (integrallashning boshlang‘ich chegarasi boshlang‘ich shartda beriladi); n – ichki ikkinchi darajali parametr bo‘lib, u integrallash qadamlar sonini aniqlaydi (bu parametr berilmasa ham bo‘ladi). Unda qadamni Mathcad avtomatik ravishda tanlaydi.

Differensial tenglamalar tizimini echish uchun Odesolve funksiyasi ko‘rinishi quyidagicha: Odesolve(<noma’lumlar vektori>, x, xk, n)

2. Oddiy differentzial tenlamalar uchun Koshi va aralash masalalarni Mapleda echish

Differentsial tenglamalarni yechish matematik hisoblarda muxim o‘rinlardan birini egallaydi va jumladan ular fizik va texnik ob’ektlar hamda tizimlarni modellashda katta ahamiyatga ega. Maple tizimi differentzial tenglamalarni ham analistik ham sonli ko‘rinishda yechish imkoniyatini beradi. Oddiy differentzial tenglamalarni (Koshi masalasini) yechish uchun dsolve funktsiyasining quyidagi ko‘rinishlaridan foydalanish mumkin:

dsolve(ODE)

```

dsolve(ODE, y(x), extra_args)
dsolve((ODE, ICs}, y(x), extra_args)
dsolve({sysODE, ICs}, {funcs}, extra_args)

```

Bu yerda ODE — boshlang'ich shartlari ko'rsatilgan yakka oddiy differentsiyal tenglama yoki birinchi tartibli differentsiyal tenglamalar sistemasi , u(x) — bir o'zgaruvchining funktsiyasi, ICs — boshlang'ich shartlarni beruvchi ifoda, {sysODE} — differentsiyal tenglamalar, {funcs} — aniqlanmagan funktsiyalar, extra_argument — yechilish usulini beruvchi optsiya. Yechilayotgan tenglamalar klassi extra_argument parametri yordamida ko'rsatiladi. Ushbu parametrning asosiy qiymatlari quyidagilar:

- exact — analitik ko'rinishda yechish (sukut holati uchun qabul qilingan);
- explicit — yaqqol ko'rinishda yechish;
- system — differentsiyal tenglamalar sistemasini yechish;
- ICs — boshlang'ich shartlari berilgan differentsiyal tenglamalar sistemasini yechish;
- formal series — darajali ko'pxad ko'rinishida yechish;
- integral transform — Laplas, Furg'e va boshqa integral o'zgartirishlar asosida yechish;
- series — Order o'zgaruvchining qiymati ko'rsatiladigan darajali qator ko'rinishida yechish (qatorning eng yuqori darajasining qiymati Order o'zgaruvchisi yordamida ko'rsatiladi, masalan **Order:=10**) ;
- numeric — sonli ko'rinishda yechish.

Koshi masalasini yechishda boshlang'ich shartlarni yoki chegaraviy masalalarni yechishda chegaraviy shartlarni dsolve parametrlari tarkibiga qo'shish kerak. Agar Maple tizimi differentsiyal tenglamaning tartibiga qaraganda kamroq boshlang'ich yoki chegaraviy shartlarda yechimni topa olsa yechimda S1, S2 va h. k. aniqlanmagan konstantalar paydo bo'ladi. Bunday konstantalar sistemani analitik yechishda ham bo'lishi mumkin. Agar yechim yaqqol bo'lмаган ko'rinishda topilsa, unda T parametr ham hosil bo'ladi.

Sukut bo'yicha dsolve funktsiyasi differentsiyal tenglamalarni yechishning eng maqbul deb topgan usulini avtomatik ravishda tanlaydi. Lekin dsolve funktsiyasining parametrlarida kvadrat qavslar ichida boshqa maqbul usulni ko'rsatish mumkin. Buning uchun quyidagi usullar mavjud:

| | | | |
|----------------|-------------|-----------|-----------|
| quadrature | linear | Bernoulli | separable |
| inverse linear | homogeneous | Chini | lin_sym |
| exact | Abel | pot_sym | |

Differentsiyal tenglamalarni yozishda hosila diff funktsisi yoki D operatori orqali ko'rsatiladi va sysODE ifodasida tenglamalar sistemasidan tashqari boshlang'ich shartlar ham ko'rsatilishi kerak.

Differentsiyal tenglamalarni Maple tilida yozish va **dsolve** buyrug'idan foydalanish bo'yicha misol ko'raylik:

```
> deqn:=diff(y(x),x$2)+3*diff(y(x),x)+2*y(x);
```

$$deqn := \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) \right) + 3 \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) + 2 y(x)$$

```
> dsolve(deqn,y(x));
y(x) = _C1 e(-x) + _C2 e(-2 x)
```

Bu yerda $C1$ va $C2$ – ixtiyoriy konstantalar.

CHegaraviy shartlarni berib tenglamani qaytadan yechib ko'raylik

```
> bvp:=y(0)=0,y(1)=1;
```

```
bvp := y(0) = 0, y(1) = 1
```

```
> dsolve({deqn,bvp},y(x));
```

$$y(x) = \frac{e^{-x}}{e^{(-1)} - e^{(-2)}} - \frac{e^{(-2 x)}}{e^{(-1)} - e^{(-2)}}$$

Agar yaqqol yechim topilmasa **dsolve** buyrug'iidan yechimni qatorlarga yoyilgan ko'rinishda (**series** optsiyasi), Laplas o'zgartirishlari usuli bilan (**laplace** optsiyasi) yoki sonli ko'rinishda topish uchun foydalanish mumkin. Agar **dsolve** buyrug'i **numeric** optsiyasi bilan ishlatsa protsedura hosil qilinadi. Bunday protseduraga yechimning ayrim qiymatlarini hisoblash uchun murojaat qilish mumkin.

```
> init:=y(0)=0,D(y)(0)=1;
```

```
init := y(0) = 0, D(y)(0) = 1
```

```
> F:=dsolve({deqn,init},y(x),numeric);
```

```
F := proc(rkf45_x) ... end proc
```

```
> F(.5);
```

$$\left[x = .5, y(x) = .238651241090805128 \frac{\partial}{\partial x} y(x) = .129228176968825880 \right]$$

```
> F(2);
```

$$\left[x = 2., y(x) = .117019668786085982 \frac{\partial}{\partial x} y(x) = -.0987040583766135572 \right]$$

Quyidagi

$$\frac{\partial}{\partial x} y(x) - \sin(x) = 0$$

differentsial tenglananing uch xil yo'l bilan yechilishini ko'raylik:

```
> dsolve(diff(y(x),x)-sin(x)=0);
```

$$y(x) = -\cos(x) + _C1$$

```
> dsolve(diff(y(x),x)-sin(x)=0,[linear]);
```

$$y(x) = -\cos(x) + _C1$$

```
> dsolve(diff(y(x),x)-sin(x)=0,y(x));
```

```
>
```

$$y(x) = -\cos(x) + _C1$$

Uchala holda ham yechim bir xil chiqdi.

Keyingi misolda

$$> M := \sin(x) \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) - \cos(x) y(x) = 0$$

tenglananing har-xil usullar bilan yechilishi ko'rsatilgan:

```
> M:=sin(x)*diff(y(x),x)-cos(x)*y(x)=0;
```

$$M := \sin(x) \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) - \cos(x) y(x) = 0$$

```
> dsolve(M,[linear],useInt);
```

```

y(x) = _C1 e $\left( \int \frac{\cos(x)}{\sin(x)} dx \right)$ 
> value(%);
y(x) = _C1 sin(x)
> dsolve(M);
>
y(x) = _C1 sin(x)
> dsolve(M,[linear]);
y(x) = _C1 sin(x)
> dsolve(M,[linear],useInt);
y(x) = _C1 e $\left( \int \frac{\cos(x)}{\sin(x)} dx \right)$ 
> value(%);
y(x) = _C1 sin(x)
> dsolve(M,[separable],useInt);

$$\int \frac{\cos(x)}{\sin(x)} dx - \int \frac{1}{a} d_a + _C1 = 0$$

> value(%);
ln(sin(x)) - ln(y(x)) + _C1 = 0
> dsolve(M,[lin_sym]);
y(x) =  $\frac{\sin(x)}{_C1}$ 
> dsolve(M,[lin_sym],useInt);
y(x) = e $\left( \int \frac{\cos(x)}{\sin(x)} dx \right)$  _C1

```

Ikkinchি tartibli differentsial tenglamalarni yechish

Differentsial tenglama tarkibiga kiruvchi yuqori tartibli hosilalarni ko'rsatish uchun \$ simvoldan foydalilaniladi. Quyidagi

$$\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) \right) - \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) = \sin(x)$$

ikkinchি tartibli differentsial tenglamaning yechilishini ko'raylik:

```

> dsolve(diff(y(x),x$2)-diff(y(x),x)=sin(x),y(x));
y(x) = - $\frac{1}{2}$  sin(x) +  $\frac{1}{2}$  cos(x) + ex _C1 + _C2

```

Keyingi misolda berilgan

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) - 2 y(x) = 0$$

ikkinchি tartibli differentsial tenglamaning

$$y(0) = 1.2, y(1) = .9$$

boshlang'ich shartlarga asosan sonli (**numeric**) yechimini olish ko'rsatilgan:

```

> d := dsolve({diff(y(x),x,x)-2*y(x)=0, y(0)=1.2, y(1)=0.9},numeric);

```

```

d:=proc(bvp_x) ... end proc
> d(0);

$$\left[ x = 0., y(x) = 1.19999999999999950 \frac{\partial}{\partial x} y(x) = -1.25251895272789948 \right]$$

> d(1);

$$\left[ x = 1., y(x) = .89999999999999912 \frac{\partial}{\partial x} y(x) = .555701111490339850 \right]$$

> d(0.52);

$$\left[ x = .52, y(x) = .827746847196821122 \frac{\partial}{\partial x} y(x) = -.243173630695110749 \right]$$


```

Tenglamaning analitik yechimini olish uchun **dsolve** funktsiyasi tarkibidagi numeric so'zi yozilmaydi:

```
> d := dsolve({diff(y(x),x,x)-2*y(x)=0, y(0)=1.2, y(1)=0.9});
```

```
>
```

$$d := y(x) = \frac{3}{10} \frac{(3 e^{(\sqrt{2})} - 4) e^{(\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1} + \frac{\frac{3}{10} (4 e^{(2 \sqrt{2})} - 3 e^{(\sqrt{2})}) e^{(-\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1}$$

Olingan analitik yechimni Maple tilida quyidagicha yozish mumkin:

```
> d := y(x) = 3/10*(3*exp(sqrt(2))-4)/(exp(2*sqrt(2))-1)*exp(sqrt(2)*x)+3/10*(4*exp(2*sqrt(2))-3*exp(sqrt(2)))/(exp(2*sqrt(2))-1)*exp(-sqrt(2)*x);
```

$$d := y(x) = \frac{3}{10} \frac{(3 e^{(\sqrt{2})} - 4) e^{(\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1} + \frac{\frac{3}{10} (4 e^{(2 \sqrt{2})} - 3 e^{(\sqrt{2})}) e^{(-\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1}$$

Echimning x=0 nuqtadagi qiymati:

```
> d(0);
```

$$y(x)(0) = \frac{3}{10} \frac{(3 e^{(\sqrt{2})} - 4) (e^{(\sqrt{2} x)})(0)}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1} + \frac{\frac{3}{10} (4 e^{(2 \sqrt{2})} - 3 e^{(\sqrt{2})}) (e^{(-\sqrt{2} x)})(0)}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1}$$

```
> x=0;
```

```
> d;
```

$$y(x) = \frac{3}{10} \frac{(3 e^{(\sqrt{2})} - 4) e^{(\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1} + \frac{\frac{3}{10} (4 e^{(2 \sqrt{2})} - 3 e^{(\sqrt{2})}) e^{(-\sqrt{2} x)}}{e^{(2 \sqrt{2})} - 1}$$

```
> evalf(%);
```

$$y(x) = .1571676780e^{(1.414213562x)} + 1.042832322e^{(-1.414213562x)}$$

Funktсиyaning x=0 nuqtadagi qiymati:

$$y(0) = 0.1571 + 1.0428 \approx 1.2$$

bo'lib berilgan boshlang'ich shartga mos. Boshang'ich shartlar berilganligi uchun yechimda _SN ko'rinishidagi ixtiyoriy doimiylar mavjud bo'lmaydi.

Differentsial tenglamalar sistemasini yechish

Oddiy differentsial tenglamalar (ODT) sistemasining aniq yechimlarini topish uchun dsolve funktsiyasi ishlataladi.

Funktсиya quyidagi ko'rinishda chaqiriladi

dsolve(ODE_sys, optional_1, optional_2, ...)

Parametrlari

ODE_sys - ODT sistemasi, o'z ichiga tengsizliklarni (inequations) ham olishi mumkin;

optional_i - (qo'shimcha) argumentlar, ular har qanday tartibda berilishi mumkin va quyidagicha tavsif qilinadi:

funcs - funktsiyalarning nomlari

explicit - chiziqli bo'lмаган ODT sistemasining yechimida hosil bo'ладиган то'плamlar tarkibi;

useInt - yechimni hosil qilishda inert integrallardan foydalanish:

singsol=false - chiziqli bo'lмаган ODT sistemasining yechishda faqat birgina yechim hosil bo'lishining oldini olish;

rif - chiziqli bo'lмаган tenglamalarni yechishda DEtools[Rif] paketidan foydalanib differentials qadamni tanlash.

Quyida berilgan

$$sys := \frac{\partial}{\partial x} y(x) = 2 z(x) - y(x) - x,$$

$$\frac{\partial}{\partial x} z(x) = y(x)$$

differentsial tenglamalar sistemasini

$$y(0)=0, z(0)=1$$

boshlang'ich shartlar bo'yicha yechish turlicha usullar bilan amalga oshirilgan:

1) yaqqol ko'rinishda

$$sys:=\text{diff}(y(x),x)=2*z(x)-y(x)-x, \text{diff}(z(x),x)=y(x); \quad fcns:=\{y(x),z(x)\};$$

dsolve({sys,y(0)=0,z(0)=1});

$$\{ z(x) = \frac{5}{12} e^{(-2x)} + \frac{1}{3} e^x + \frac{1}{4} + \frac{1}{2} x, y(x) = -\frac{5}{6} e^{(-2x)} + \frac{1}{3} e^x + \frac{1}{2} \}$$

2) qatorlarga yoyilgan ko'rinishda

Order:=4:dsolve({sys,y(0)=0,z(0)=1},fcns,series);

$$\{ y(x) = 2x - \frac{3}{2}x^2 + \frac{7}{6}x^3 + O(x^4), z(x) = 1 + x^2 - \frac{1}{2}x^3 + O(x^4) \}$$

Order:=10:dsolve({sys,y(0)=0,z(0)=1},fcns,series);

$$\{ y(x) = 2x - \frac{3}{2}x^2 + \frac{7}{6}x^3 - \frac{13}{24}x^4 + \frac{9}{40}x^5 - \frac{53}{720}x^6 + \frac{107}{5040}x^7 - \frac{71}{13440}x^8 + \frac{61}{51840}x^9 + O(x^{10}),$$

$$z(x) = 1 + x^2 - \frac{1}{2}x^3 + \frac{7}{24}x^4 - \frac{13}{120}x^5 + \frac{3}{80}x^6 - \frac{53}{5040}x^7 + \frac{107}{40320}x^8 - \frac{71}{120960}x^9 + O(x^{10}) \}$$

3) Laplas o'zgartirishlaridan foydalanib

dsolve({sys,y(0)=0,z(0)=1},fcns,laplace);

$$\{ y(x) = -\frac{5}{6} e^{(-2x)} + \frac{1}{3} e^x + \frac{1}{2}, z(x) = \frac{1}{3} e^x + \frac{5}{12} e^{(-2x)} + \frac{1}{2}x + \frac{1}{4} \}$$

Bu yerda shuni takidlash kerakki, qatorlar ko'rinishida olingan yechim taqribiydir. U yaqqol yechim va Laplas o'zgartirishlari yordamida olingan yechimlardan farq qiladi.

Maple tizimi keng imkoniyatlarga ega bo'lishiga qaramasdan ayrim differentsiyal tenglamalarni analitik ko'rinishda yechimni olishga urinib ko'rish kerak.

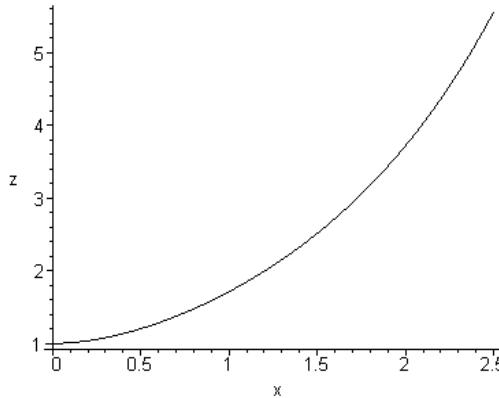
Differentsial tenglamalarni sonli ko'rinishda yechish

Ko'pchilik chiziqli bo'lмаган differentsiyal tenglamalar analitik yechimga ega bo'lmaydi. Bundan tashqari, ayrim hollarda analitik yechim kerak ham emas. Lekin javobni grafik bog'lanishlar ko'rinishida olish zarur bo'ladi.

Bunday hollarda numeric yoki type=numeric parametriga ega bo'lган dsolve funktsiyasidan foydalanib differentsiyal tenglama sonli ko'rinishda yechiladi. Bunda yechim 4 va 5 tartibli Runge—Kutta—Felberg usulini amalga oshiruvchi maxsus protsedura ko'rinishida qaytariladi. Ushbu protsedura rkf45 deb ataladi va uning yordamida har qanday nuqtadagi yechimni topish yoki yechimning grafigini qurish mumkin.

Quyidagi misolda yechimni grafik ko'rinishda aks ettirish uchun odeplot paketidagi plot[odeplot] funktsiyadan foydalanilgan:

```
> sis:=diff(y(x),x)-2*z(x)-y(x)-x,diff(z(x),x)-y(x);
sis :=  $\left(\frac{\partial}{\partial x} y(x)\right) - 2 z(x) - y(x) - x, \left(\frac{\partial}{\partial x} z(x)\right) - y(x)$ 
> fens:={y(x),z(x)}:
> F:=dsolve({sys,y(0)=0,z(0)=1},fens,numeric);
F := proc(rkf45_x) ... end proc
> F(2);
[x = 2., y(x) = 2.94775557620857454, z(x) = 3.72064994303630758]
> plots[odeplot](F,[x,z(x)],0..2.5,labels=[x,z],color=black);
```



Differentsial tenglamalarni yechishga mo'ljallangan dsolve funktsiyasi parametrlarining ro'yhatiga yechish usulini yaqqol ko'rinishda ham kiritish mumkin. Masalan method=dverk78 opsiyasi kiritilsa tenglama 7 yoki 8 tartibli uzluksiz Runge—Kutta usuli bilan yechiladi.

Umuman olganda, differentsiyal tenglamalarni sonli yechishda quyidagi usullardan foydalanish mumkin:

- classical — klassik usulning 8 ta versiyasidan biri (agar yechish usuli yaqqol ko'rsatilmasa);
- rkf45 — Filberg tomonidan takomillashtirilgan 4 yoki 5 tartibli Runge—Kutta usuli;
- dverk78 — 7 yoki 8 tartibli uzluksiz Runge—Kutta usuli;

- gear — bir qadamli ekstrapolyatsion Gir usulining ikkita versiyasidan biri;
- mgear — ko'p qadamli ekstrapolyatsion Gir usulining uchta versiyasidan biri;
- lsode — qattiq differentsiyal tenglamalarni yechuvchi Livenmorsk yechkichlarining sakkizta versiyasidan biri;
- taylorseries — Teylor qatoriga yoyish usuli.

Yuqorida ko'rsatilgan usullar tartiblari yoki versiyalarining eng maqbولي Maple tizimi tomonidan avtomatik tarzda tanlab olinadi.

Differentsial tenglamalarni yechishda 'abserr' =aerr parametri yordamida yechimning absolyut xatoligini, 'minerr'=mine parametri yordamida esa minimal xatoligini berish mumkin. Lekin ko'pchilik hollarda ushbu kattaliklarning sukul bo'yicha Maple tizimi tanlaydigan qiymatlari qoniqarli bo'ladi.

Maple differentsiyal tenglamani yechishni hisoblash jarayoniga moslashgan holda amalga oshiradi, yahni oldindan baholanadigan xatolik katta bo'lsa yechish qadami h avtomatik tarzda kamaytiriladi, kichik bo'lsa orttiriladi.

Quyidagi misolda

$$y'' + \sin(t) = 0$$

ikkinchi tartibli differentsiyal tenglama sonli usulda yechilgan

> **PDEtools[declare]((x,y,z,f,g)(t), prime=t);**
derivatives with respect to: t of functions of one variable will now be displayed with

x(t) will now be displayed as x

y(t) will now be displayed as y

z(t) will now be displayed as z

f(t) will now be displayed as f

g(t) will now be displayed as g

> **t1:=diff(y(t),t,t)+sin(t)=0;**

t1 := y'' + sin(t) = 0

> **bsh1:=y(0)=0,D(y)(0)=1;**

bsh1 := y(0) = 0, D(y)(0) = 1

> **ech1:=dsolve({t1,bsh1},numeric);**

ech1 := proc(rkf45_x) ... end proc

> **ech1(0);**

[t = 0., y = 0., y' = 1.]

> **ech1(3.14/2);**

[t = 1.570000000, y = .99999954780836698, y' = .000796357849325357584]

> **ech1(3.14);**

[t = 3.14, y = .00159168755423910736, y' = -.99999877570356010]

bu yerda **PDEtools[declare]** paketidan foydalanish tenglamalarni kompakt ko'rinishda ko'rsatish uchun xizmat qiladi, **x,y,z,f,g-funktsiyalar va prime=t** yordamida differentsiyallash o'zgaruvchisi ko'rsatiladi. Endi funktsiyalarning hosilalari ' bilan belgilanadi hamda x(t) ning o'rniga x, y(t) ning o'rniga u va h. k. yoziladi.

Differentsial tenglamalarni kompakt ko'rinishga o'tkazish

Tenglamalarni kompakt ko'rinishga o'tkazish uchun PDEtools paketi ishga

tushirilgan bo'lishi kerak:

PDEtools[declare] – kompakt ko'rsatish funktsiyasini e'lon qilish;

PDEtools[undeclare] – indeksli kompakt ko'rsatish funktsiyasini ishga tushirish.

Kompakt ko'rinishga o'tkazish funktsiyasi quyidagi ko'rinishlarda chaqirilishi mumkin

declare(**f(x)**, **g(x,y)**, '...')

declare(**expr**)

declare()

declare(**prime=x**)

declare(**prime**)

undeclare(**f(x)**, '...')

undeclare(**expr**)

undeclare(**all**)

ON

OFF

show

Uning parametrlari quyidagilar:

- **f(x)** - kompakt ko'rinishga o'tkazilishi kerak bo'lган funktsiya
- **expr** - kompakt ko'rinishga o'tkazilishi kerak bo'lган ifodalar
- **prime = x** – birinchi bo'lib ko'rsatiladigan differentsiyallash o'zgaruvchisi.

Misollar:

PDEtools paketi

with(PDEtools):

buyrug'i yordamida ishga tushiriladi

declare(y(x), prime=x);

y(x) will now be displayed as y

derivatives with respect to: x of functions of one variable will now be displayed with

,

Endi $u(x)$ funktsiya u ko'rinishida bo'ladi.

Deklaratsiyani tekshirish:

> **declare();**

Declared :

y(x) to be displayed as y

derivatives with respect to: x of functions of one variable are being displayed with '

> **declare(prime);`**

derivatives with respect to: x of functions of one variable are being displayed with '

Quyida differentsiyal tenglamani kompakt ko'rinishga o'tkazishga misol ko'rsatilgan:

> **ode := diff(diff(y(x),x),x)*diff(y(x),x)*y(x)*f(x)-2*diff(y(x),x)^3*x^6**

+ 2*diff(y(x),x)^2*y(x)*diff(g(x),x) + y(x)^5;

ode := y'' y' f(x) - 2 y³ x⁶ + 2 y² y g' + y⁵

OFF buyrug'i yordamida **declare** funktsiyasining ishlashini to'xtatib differentsiyal tenglamaning birlamchi ko'rinishga o'tkazaylik va ON buyrug'i yordamida **declare**

funktsiyasini qaytadan ishga tushirib olingan natijalarni taqqoslaylik:

> **OFF;**

ode;

$$\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) \right) \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) y(x) f(x) - 2 \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right)^3 x^6 + 2 \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right)^2 y(x) \left(\frac{\partial}{\partial x} g(x) \right) + y(x)^5$$

> **ON;**

ode;

$$y'' y' y f(x) - 2 y^3 x^6 + 2 y^2 y g' + y^5$$

Differentsial tenglamani standart ko'rinishga o'tkazish uchun show buyrug'idan ham foydalanish mumkin:

> **show;**

$$\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) \right) \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right) y(x) f(x) - 2 \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right)^3 x^6 + 2 \left(\frac{\partial}{\partial x} y(x) \right)^2 y(x) \left(\frac{\partial}{\partial x} g(x) \right) + y(x)^5$$

> **ode;**

$$y'' y' y f(x) - 2 y^3 x^6 + 2 y^2 y g' + y^5$$

Bog'lanmagan o'zgaruvchini indeksiga o'tkazish uchun undeclare funktsiyasidan foydalaniladi.

> **undeclare(prime);`**

There is no more prime differentiation variable; all derivatives will be displayed as indexed functions

> **ode;**

$$y_{x,x} y_x y f(x) - 2 y_x^3 x^6 + 2 y_x^2 y g_x + y^5$$

> **undeclare(all);**

*y(x) will now be displayed *as is**

> **declare();**

Nothing declared

> **OFF;**

> **pde := x*diff(f(x,y),y)-diff(f(x,y),x)-f(x,y)^2*g(x)/h(y);**

$$pde := x \left(\frac{\partial}{\partial y} f(x, y) \right) - \left(\frac{\partial}{\partial x} f(x, y) \right) - \frac{f(x, y)^2 g(x)}{h(y)}$$

> **ON;**

pde;

$$x f_y - f_x - \frac{f(x, y)^2 g(x)}{h(y)}$$

declare(f(x,y));

f(x,y) will now be displayed as f

Endi f(x,y) funktsiya f ko'rinishida bo'ladi:

> **pde;**

$$x f_y - f_x - \frac{f^2 g(x)}{h(y)}$$

> **declare(pde);**

g(x) will now be displayed as g

f(x,y) will now be displayed as f

h(y) will now be displayed as h

Endi hamma funktsiyalar ixcham indeksli ko'rinishda bo'ladi:

> **pde;**

$$x f_y - f_x - \frac{f^2 g}{h}$$

Funktsiyalarning faqat bittasini yoki hammasini oddiy ko'rinishga o'tkazish mumkin:

undeclare(g);

*g(x) will now be displayed *as is**

Endi g(x) funktsiya "qanday bo'lsa shunday" ko'rinishga o'tadi

> **pde;**

$$x f_y - f_x - \frac{f^2 g(x)}{h}$$

> **undeclare(all);**

*f(x,y) will now be displayed *as is**

*h(y) will now be displayed *as is**

> **pde;**

$$x f_y - f_x - \frac{f(x, y)^2 g(x)}{h(y)}$$

OFF buyrug'i **undeclare** funktsiyasining ishlashini to'xtatadi:

> **OFF;**

pde;

$$x \left(\frac{\partial}{\partial y} f(x, y) \right) - \left(\frac{\partial}{\partial x} f(x, y) \right) - \frac{f(x, y)^2 g(x)}{h(y)}$$

Natijada differentsiyal tenglama standart ko'rinishga o'tdi.

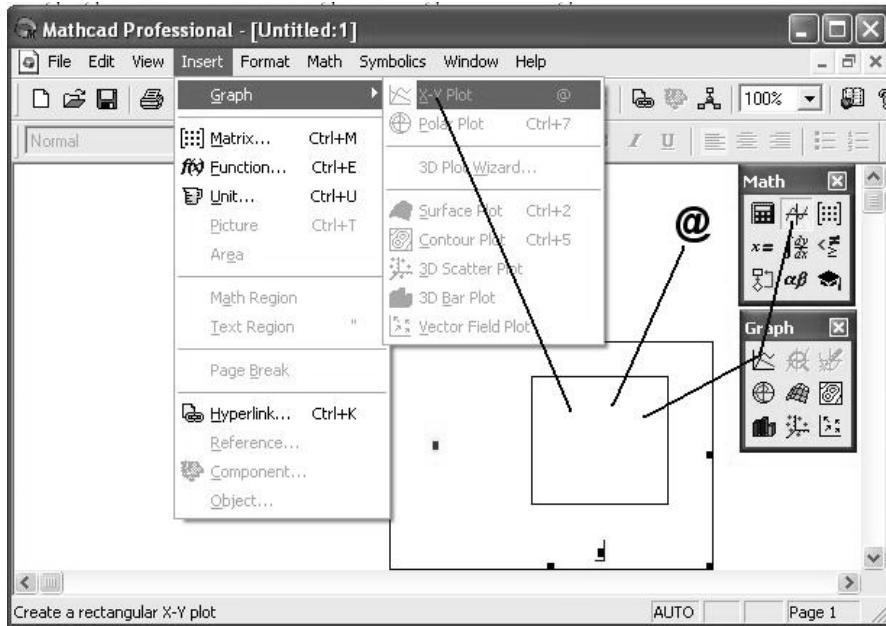
3. *MathCad va Mapleda grafiklar qurish.*

MathCad dasturida ixtiyoriy funksiyaning yoki diskret o'zgaruvchilarga bog'liq bo'lgan ifodalarni grafiklarini chizish imkoniyatiga ega. Bundan tashqari bir nechta funsiyaning grafigini bitta grafikda tasvirlash mumkin. Chizmada har bir grafik diskret o'zgaruvchiga bog'liq bo'ladi. Bu diskret o'zgaruvchi ham absisalar o'qi uchun ham ordinatalar o'qlari uchun ifodada qatnashishi kerak. MathCad diskret o'zgaruvchilarning har bir qiymati uchun bitta nuqtani tasvirlaydi.

MathCad da ikki o'chovli grafik hosil qilish uchun sichqonchani bo'sh joyga qo'yib grafik soha tanlanadi. Bu quyidagicha amalga oshiriladi.

- Sichqoncha bilan grafik yasash joyini belgilang.
- Menyu qatorining Insert bo'limidan Graph ga kirib X –Y

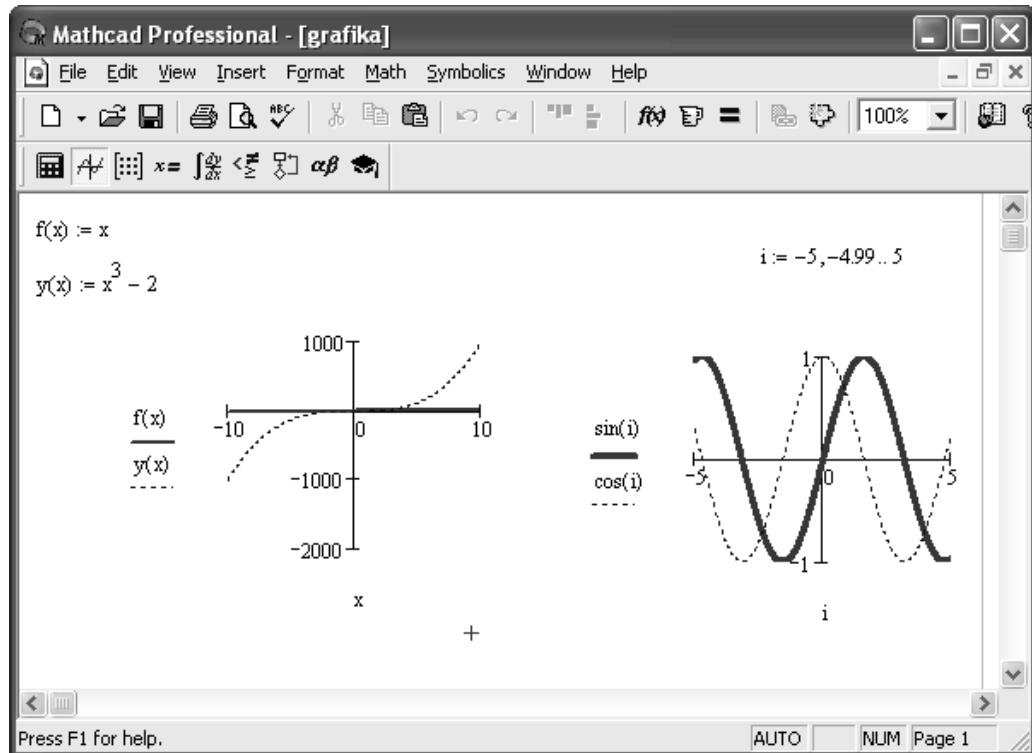
Plot ni tanlang yoki @ tugmasini bosing yoki matematik belgilar panelidan grafik belgisiga kirib ikki o'chovli grafik belgisini tanlang.



Ikki o'chovli grafikni hosil qilish.

Grafikdagi bo'sh joylarni to'ldiring. Gorizontal o'qning o'rta sidagi bo'sh joyga argumentning qiymati kiritiladi. Vertikal o'qning o'rta sidagi bo'sh joyga funksiyning qiymati kiritiladi. MathCad dasturida bir nechta funksiyani bitta grafikda chizish uchun o'zgaruvchi va funksiyalar “,” bilan ajratiladi.

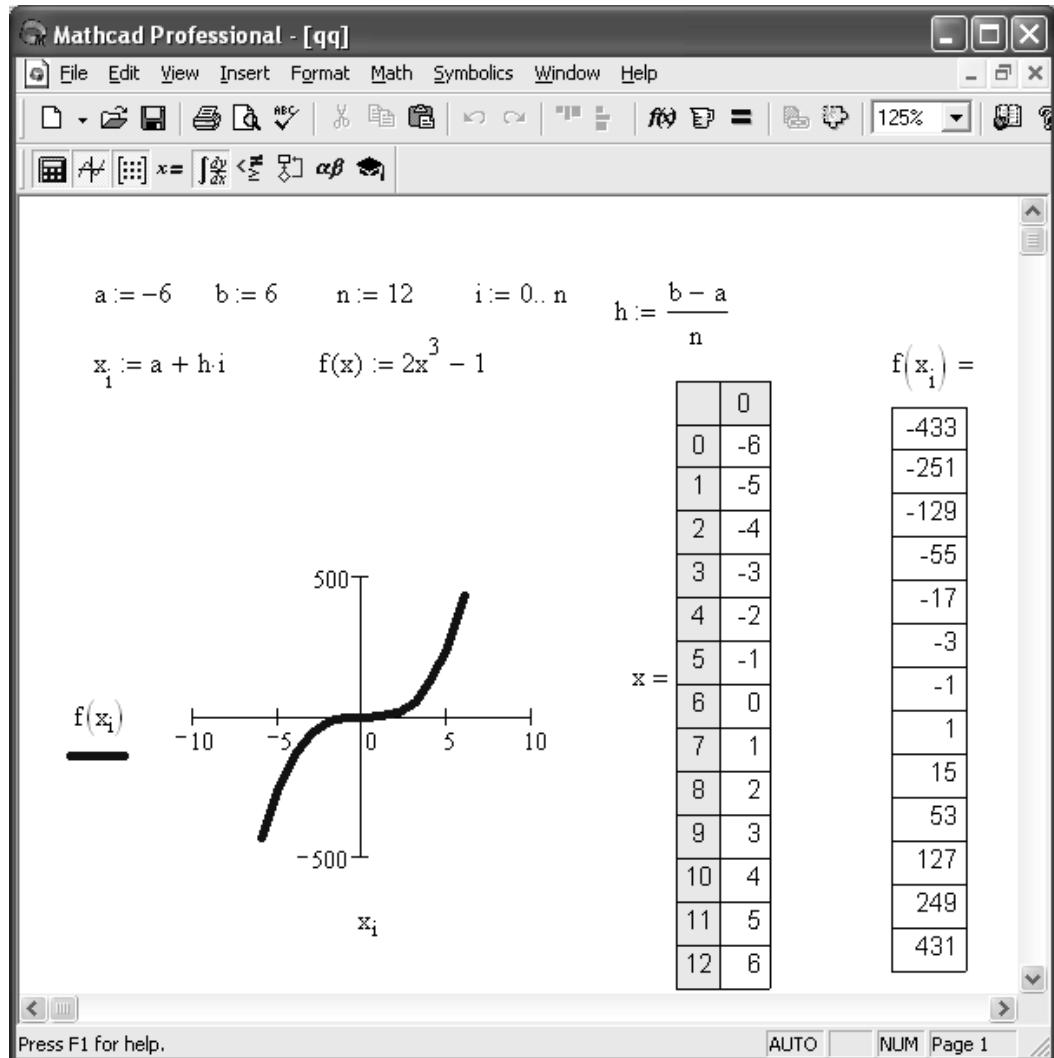
Misol:



Rasmdan ko'rindik koordinata o'qlarini va grafikni ko'rinishini grafikni ustiga sichqonchani ikki marta bosib o'zgartirish mumkin va xuddi ifoda kabi grafikni siljитish, katta-kichik qilish, qирqish, nusxalash mumkin.

Funksiyani $[a,b]$ oraliqda grafigini chizish.

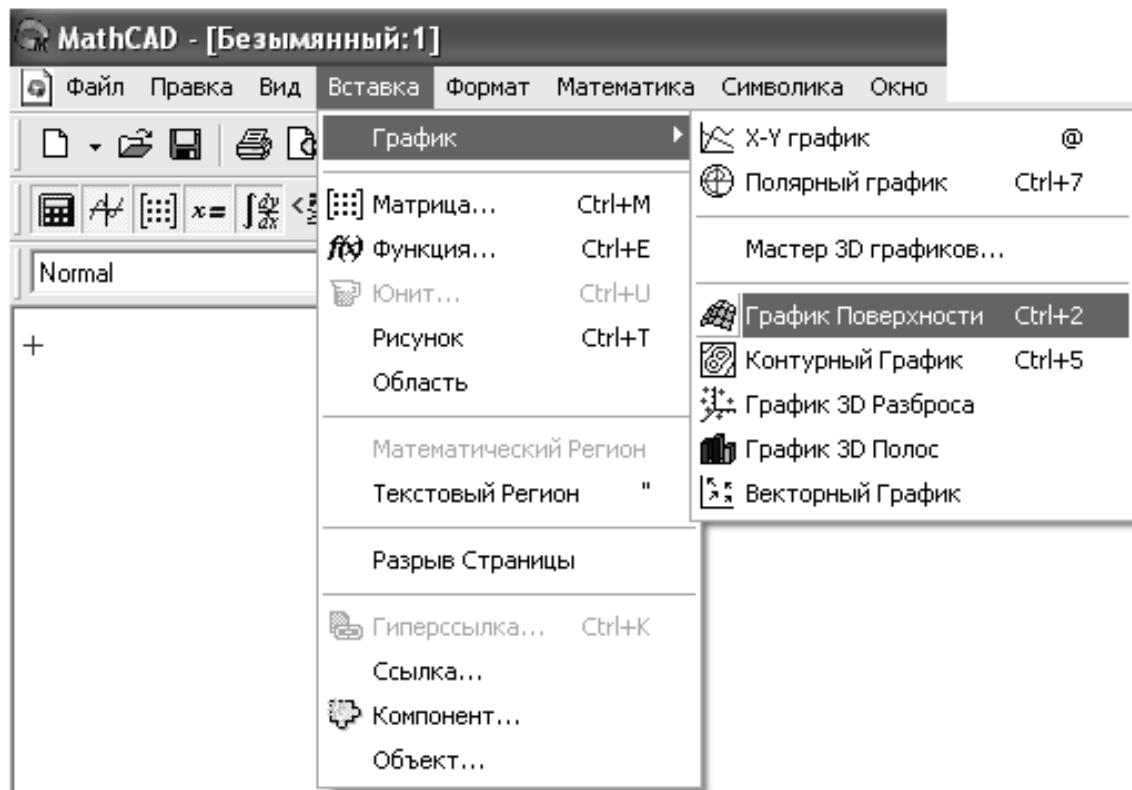
Biror f funksiya berilgan bo'lisin va bu funksiyani grafigini $[a,b]$ oraliqni n ta bo'lakka bo'lib chizish uchun i diskret o'zgaruvchi olib $[a,b]$ kesmani quyidagicha n ta bo'lakka bo'lamiz. h qadam sifatida $\frac{b-a}{n}$ ni olamiz va i diskret o'zgaruvchini quyidagicha aniqlaymiz $i := 0..n$ x_i ni quyidagicha aniqlaymiz $x_i := a + h * i$ va bizga x_i va $f(x_i)$ nuqtalar hosil bo'ladi. Bu nuqtalarga mos funksiyaning grafigini chizish mumkin. Funksiyaning grafigi 23-rasmida keltirilgan.



Uch o'lchovli grafiklar qurish.

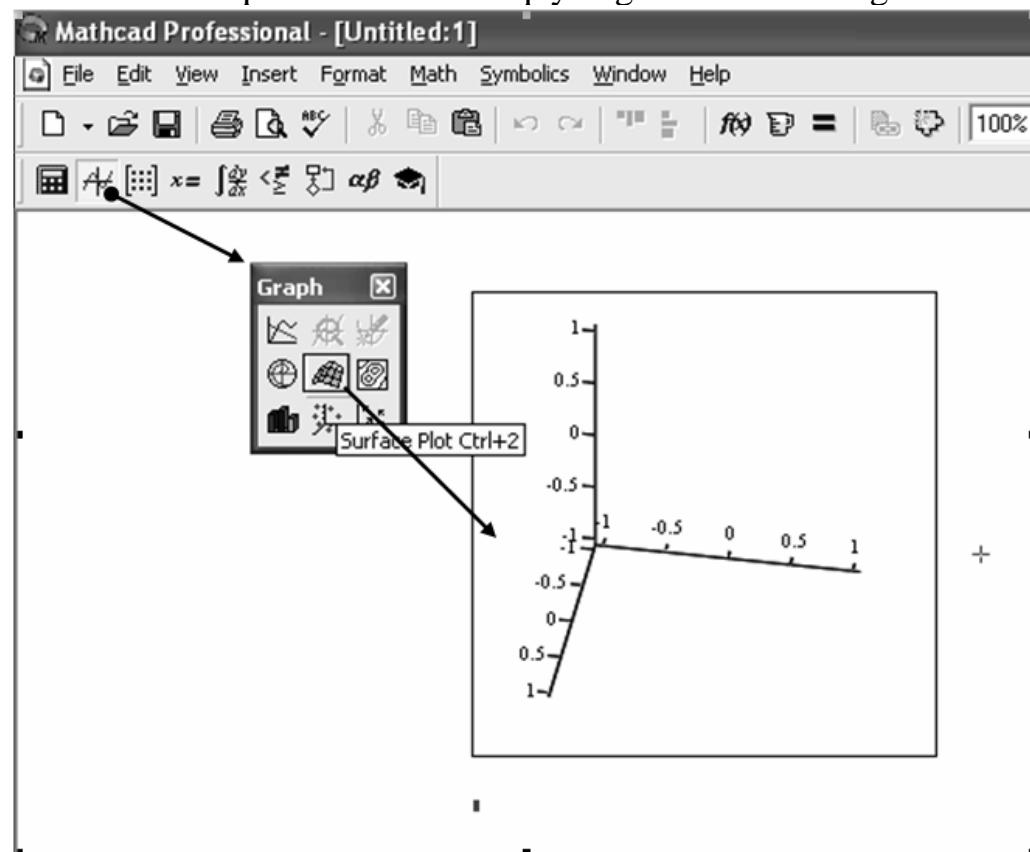
MathCad dasturida uch o'chovli grafiklarni ham qurish mumkin. Uch o'lchovli grafik sohani hosil qilish uchun Insert (Vstavka) menyusidan foydalilanildi. Unda Graph (Grafik) buyrug'i ichidan

Surface Plot (Grafik Poverxnosti) tanlanadi.

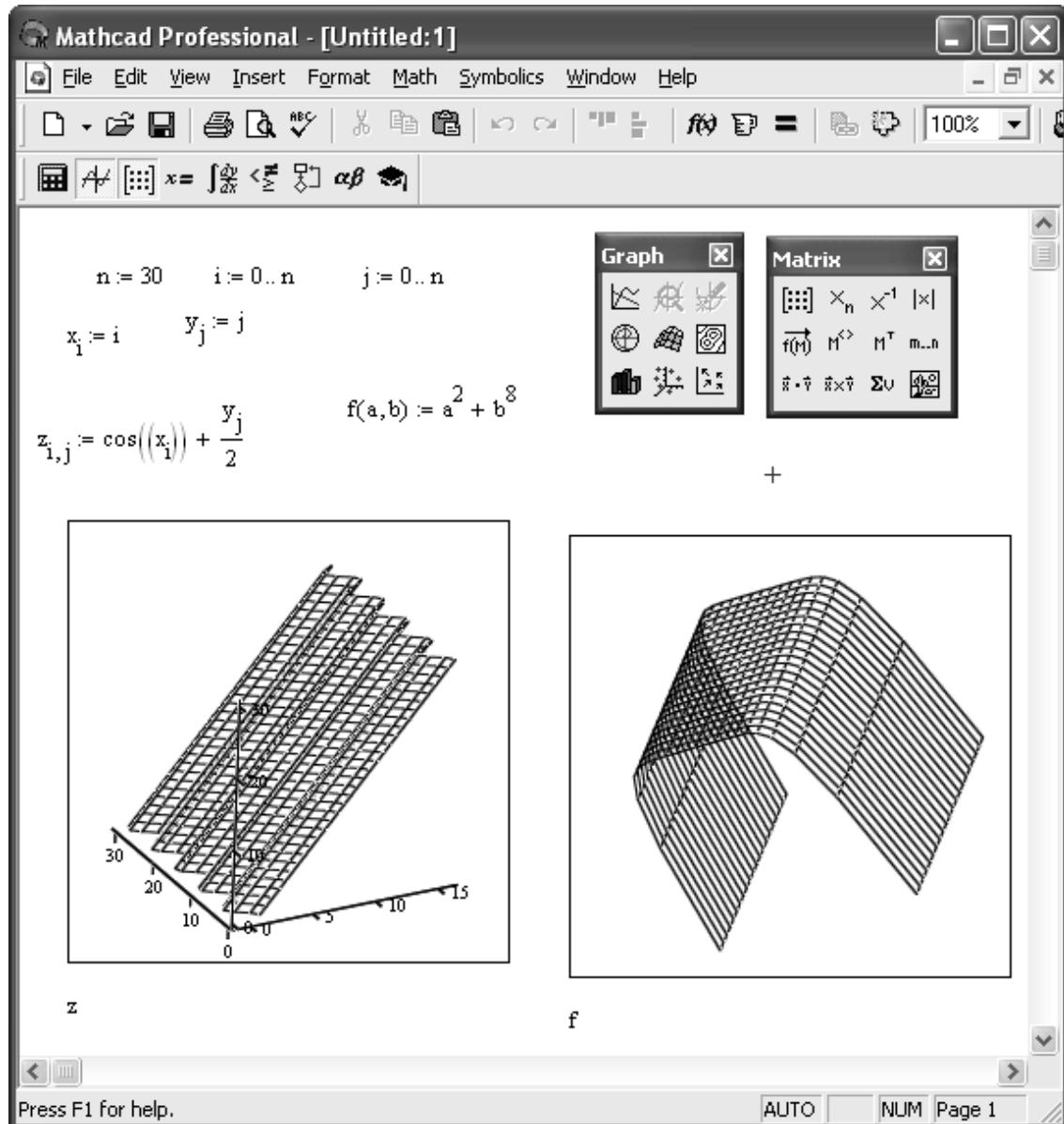


Uch o'lchovli grafik sohani hosil qilish.

Uch o'lchovli grafik sohani matematik panel vositalaridan grafik shablonidan foydalanib ham hosil qilish mumkin. U quyidagi rasmda keltirilgan:



Uch o'lchovli grafikaga misollar:



Mapleda grafika

Maple har qanday murakkablikgagi matematik grafiklarni qurish imkoniyatiga ega. Uning yadrosiga cheklangan miqdordagi grafiklarni qurish funktsiyalari biriktirilgan. Ular yoddamida eng ko'p qo'llaniladigan ikki o'lchamli (plot) va uch o'lchamli (plot3d) grafiklarni qurish mumkin.

Maxsus grafiklarni (masalan, gradientlarning vektor maydonlarini, differentsiyal tenglamalar yechimlarining grafiklarini, fazaviy portretlarni va h. k.) qurish uchun Maple paketlariga ko'p miqdordagi grafik funktsiyalar kiritilgan. Ularni ishga tushirish uchun tegishli ko'rsatmalar beriladi (masalan with buyrug'i yordamida).

Grafik funktsiyalar yordamida xech qanday boshlang'ich tayyorgarliksiz tipik grafiklarni qurish mumkin. Buning uchun faqat grafik quradigan funktsiya va mustaqil o'zgaruvchining o'zgarish chegaralarini ko'rsatish yetarli. Lekin majburiy bo'limgan qo'shimcha parametrlardan foydalanish grafikning ko'rinishini o'zgartirish imkoniyatini beradi – masalan, masalan chiziqlarning turi va rangini o'zgartirish, yozuvlarni kiritish, koordinata o'qlarini o'zgartirish va h. k.

Ikki o'lchamli grafiklarni qurish uchun plot funktsiyasi quyidagi ko'rinishlarda berilishi mumkin:

```
plot(f, h, v)  
plot(f, h, v, ...)
```

bu yerda f — vizuallashtirilayotgan funktsiya (yoki funktsiyalar), h — o'zgarish chegaralari bilan ko'rsatiladigan o'zgaruvchi, v — o'zgarish chegaralari bilan ko'rsatiladigan ko'rsatilishi majburiy bo'limgan o'zgaruvchi, ... — grafikni qurish usulini qo'rsatuvchi parametr yoki parametrlar (chiziqlarning qalinligi va rangi, chiziqlarning turi va h. k.).

Ikki o'lchamli grafiklar uchun quyidagi parametrlarni ko'rsatish mumkin:

- axes — koordinatalar turi (axes=NORMAL — odatdag'i o'qlar, sukul bo'yicha chiqariladi, axes=BOXES — grafik shkalal'i o'qlardan iborat ramkaga olinadi, axes=FRAME — kesishadigan chiziqlar ko'rinishidagi o'qlar, axes = NONE — grafik koordinata o'qlarisiz quriladi);
 - axes font — koordinata o'qlaridagi yozuvlarning shriftini beradi;
 - color — chiziqlarning rangini beradi;
 - coords — koordinata sistemasining turi;
 - discontinuity — uzlusiz grafik qurish (qiymati true yoki false bo'lishi mumkin);
 - filled — agar filled=true bo'lsa qurilgan chiziq va gorizontal koordinata o'qi bilan chegaralangan soha color parametri bilan berilgan rangga bo'yaladi;
 - font — shrift [turi, uslubi, o'lchami] ko'rinishida beriladi;
 - labels — koordinatalar o'qlaridagi yozuvlar [X, Y] ko'rinishida beriladi, bu yerda X va Y — grafikning x va u o'qlaridagi yozuvlar;
 - label directions — koordinata o'qlaridagi [X, Y] yozuvlarning yo'naliishlari, bu yerda X va Y satriy qiymatlarga (HORIZONTAL -gorizontal va VERTICAL- vertikal) ega bo'ladi;
 - label font — yozuvlar shriftining turi;
 - legend — legendalarni (chiziqlarning belgilari) chiqaradi;
 - linestyle — chiziqning turi (1 — uzlusiz, 2 — nuqtali, 3 — punktir va 4 — shtrixpunktir);
 - numpoints — grafikdagi nuqtalarning minimal miqdori (sukut bo'yicha numpoints=49);
 - scaling — grafikning masshtabi: CONSTRAINED (siqilgan) yoki UNCONSTRAINED (siqilmagan — sukul bo'yicha);
 - size — shriftning o'lchami;
 - style — grafikni qurish usuli (POINT — nuqtali, LINE — chiziqli);
 - symbol — grafik nuqtalari uchun simvolning ko'rinishi (BOX — to'g'ri to'rtburchak, CROSS — krest, CIRCLE — aylana, POINT — nuqta, DIAMOND — romb);
 - symbolsize — grafik nuqtalari uchun simvollarning o'lchamlari, punktlarda (sukut bo'yicha10);
 - title — grafikning sarlavxasi (title="string", bu yerda string — satr);
 - titlefont — sarlavxa uchun shrift);
 - thickness — grafikdagi chiziqlarning qalinligi (0, 1, 2, 3, sukul bo'yicha qiymati— 0);

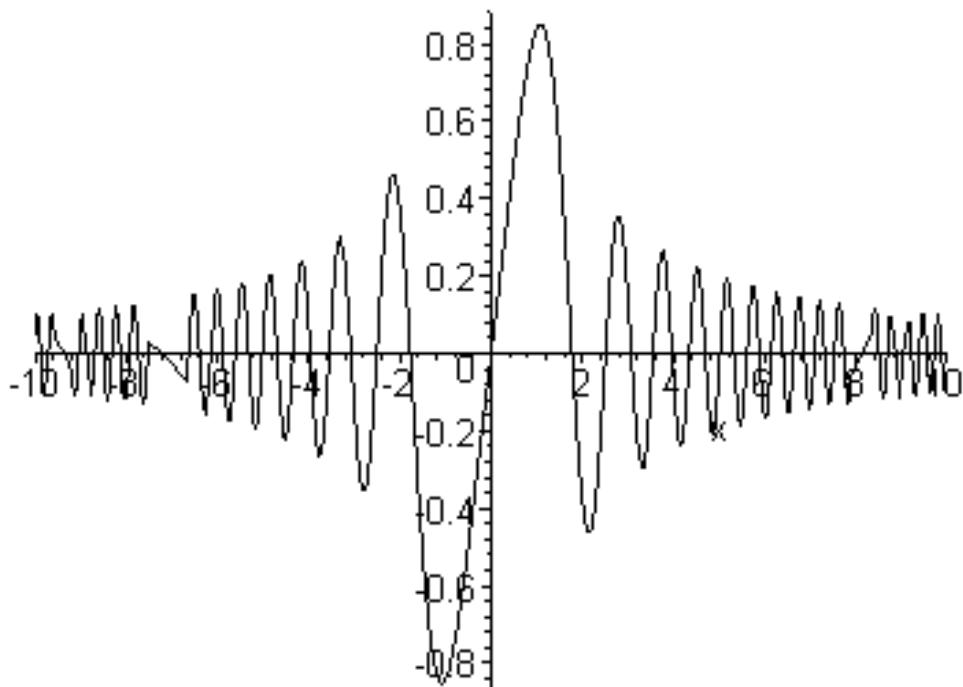
- `view=[A, V]` — ekranda aks etadigan grafikning minimal va maksimal koordinatalari, $A = [x_{\min} \dots x_{\max}]$, $B=[y_{\min} \dots y_{\max}]$ (sukut bo'yicha grafikdagi chiziqlar to'liq aks etadi);
 - `x tickmarks` — x o'qidagi belgilarning minimal soni;
 - `y tickmarks` — u o'qidagi belgilarning minimal soni.

Umuman olganda grafikning parametrlarini o'rnatishda sezilarli qiyinchiliklar yuzaga kelmaydi, faqat titul yozuvlarda kirillitsa simvollari qabul qilinmasligi mumkin - bu holda muammo shrift tanlash yo'li bilan hal qilinishi mumkin.

YAkka funktsiyaning grafigi

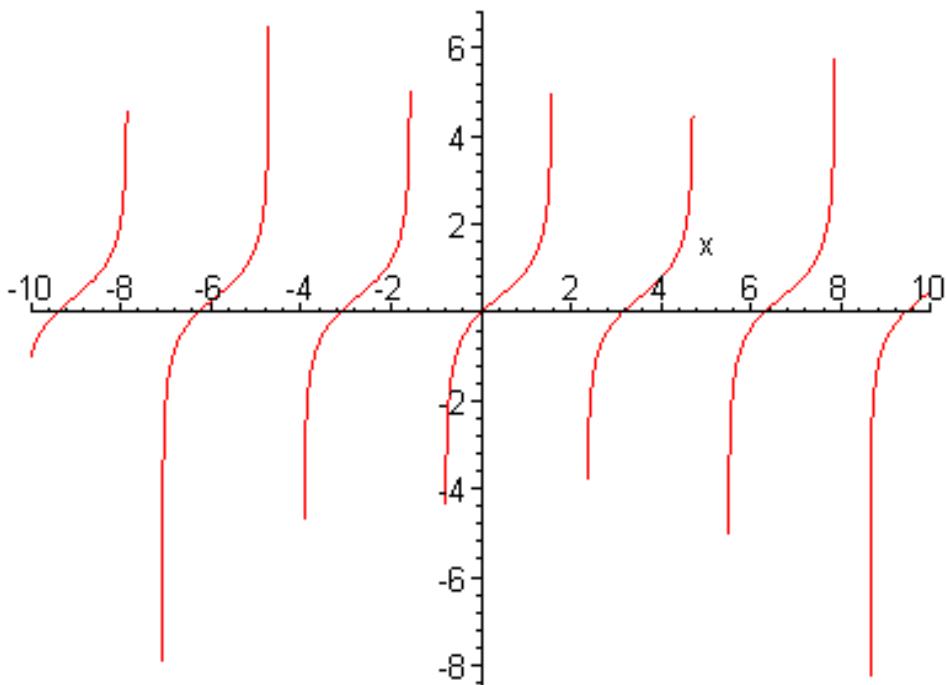
YAkka funktsiyaning grafigini qurishda funktsiya yaqqol ko'rinishda f shablonning o'rniga yoziladi:

```
> plot(sin(x^2)/x,x=-10..10,color=black);
```



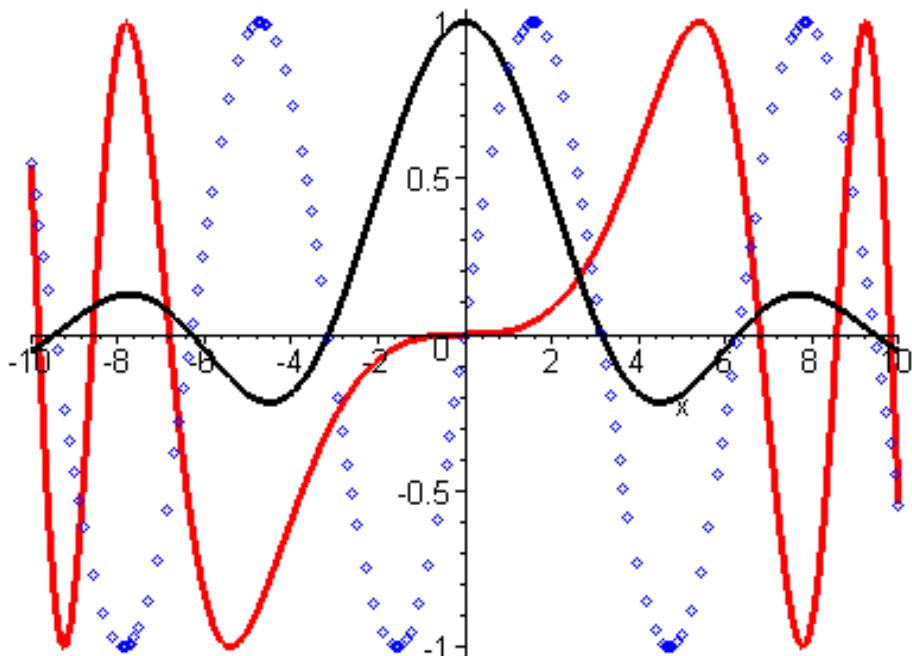
Ayrim funktsiyalar, masalan $\tan(x)$ uzilishlarga ega va uzilish nuqtalarida $+\infty$ yoki $-\infty$ ga intiladi. Bunday funktsiyalarning grafigini qurishda Maple tizimining grafik protsessori hamma vaqt ham ordinata o'qi bo'yicha optimal diapazonni to'g'ri tanlay olmaydi:

```
> plot(ln(1+tan(x)),x=-10..10);
```



Bitta rasmda bir necha funktsiyaning grafigini qurish uchun grafiklari quriladigan funktsiyalarni va ular uchun umumiy intervalni ko'rsatish yetarli:

```
> plot([sin(x),sin(x)/x,sin(x^3/100)],x=-10..10,
color=[blue,black,red],style=[point,line,line]);
```



Odatda turli funktsiyalarning grafiklari avtomatik ravishda har xil ranglarda quriladi.

Funktsiyalarning grafiklarini nuqtalar bo'yicha qurish uchun nuqtalar to'plamidagi har bir nuqtaning koordinatalari ko'rsatiladi:

```
>> p:=[[i,sin(i/3)]$i=1..30];
```

```

p := [[1, sin(1/3)], [2, sin(2/3)], [3, sin(1)], [4, sin(4/3)], [5, sin(5/3)], [6, sin(2)],  

      [7, sin(7/3)], [8, sin(8/3)], [9, sin(3)], [10, sin(10/3)], [11, sin(11/3)], [12, sin(4)],  

      [13, sin(13/3)], [14, sin(14/3)], [15, sin(5)], [16, sin(16/3)], [17, sin(17/3)],  

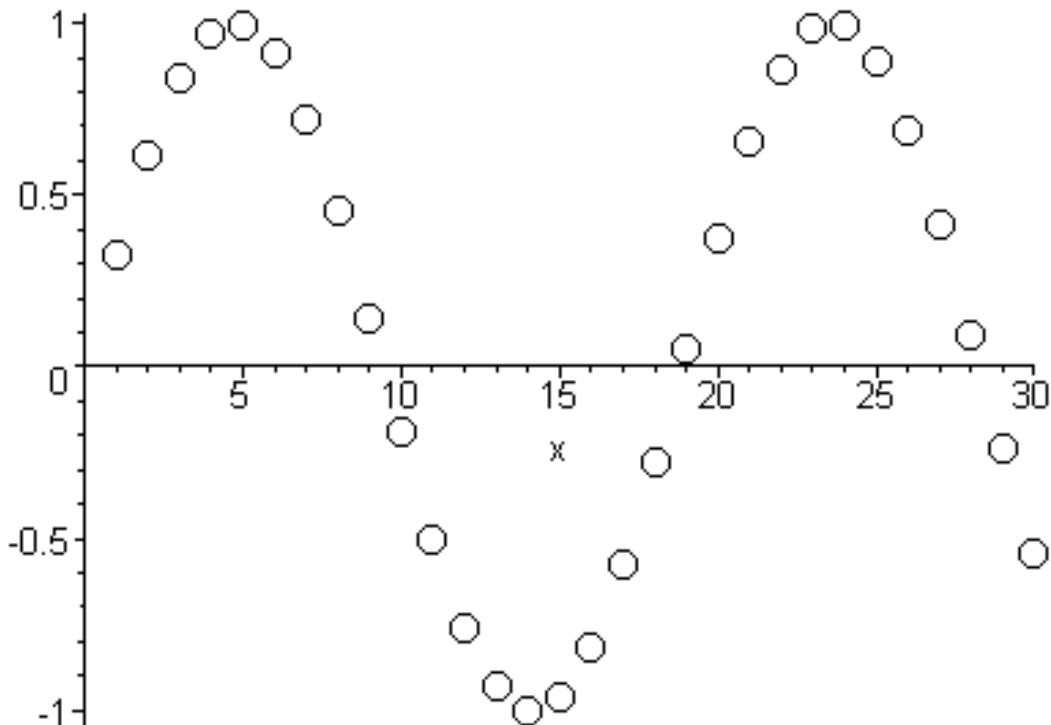
      [18, sin(6)], [19, sin(19/3)], [20, sin(20/3)], [21, sin(7)], [22, sin(22/3)],  

      [23, sin(23/3)], [24, sin(8)], [25, sin(25/3)], [26, sin(26/3)], [27, sin(9)],  

      [28, sin(28/3)], [29, sin(29/3)], [30, sin(10)]]

```

```
plot(p,x=0..30,color=black,style=point,symbol=circle,symbolsize=20);
```

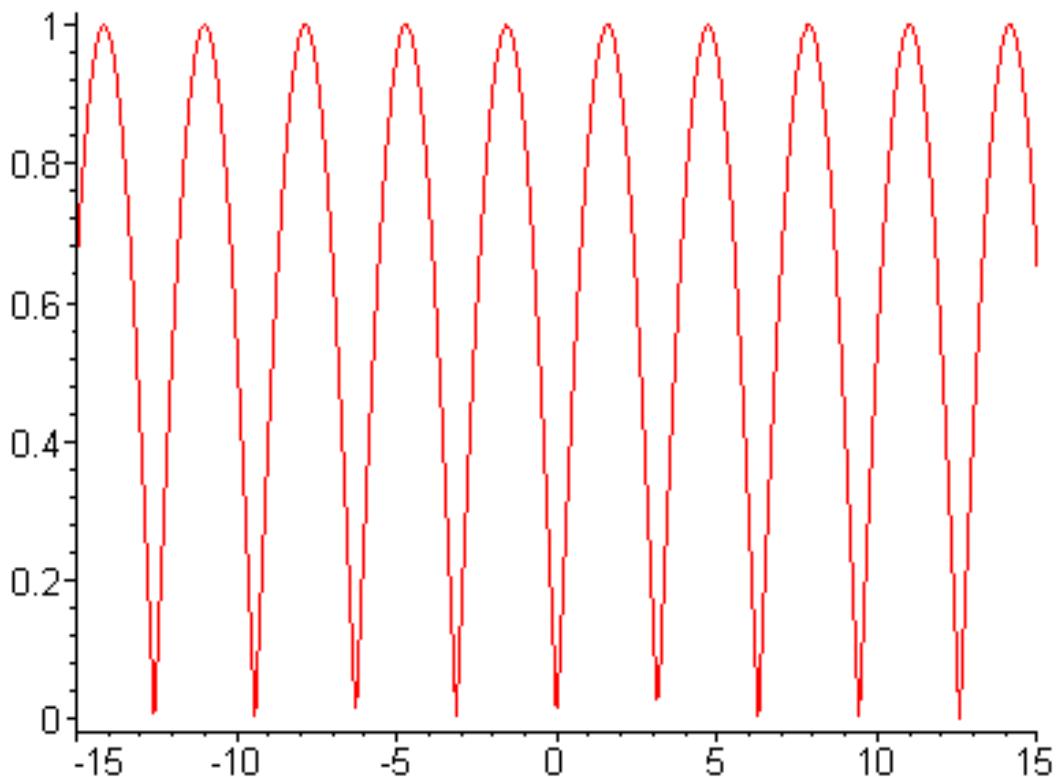


Odatda protseduralar ko'rinishida berilgan funktsiyalarning grafigini qurishda deyarli muammolar yuzaga kelmaydi:

```

> u:=proc(x) if sin(x)>0 then sin(x) else -sin(x) fi end;
  u := proc(x) if 0 < sin(x) then sin(x) else -sin(x) end if end proc
> plot(u,-15..15,axes=framed);

```



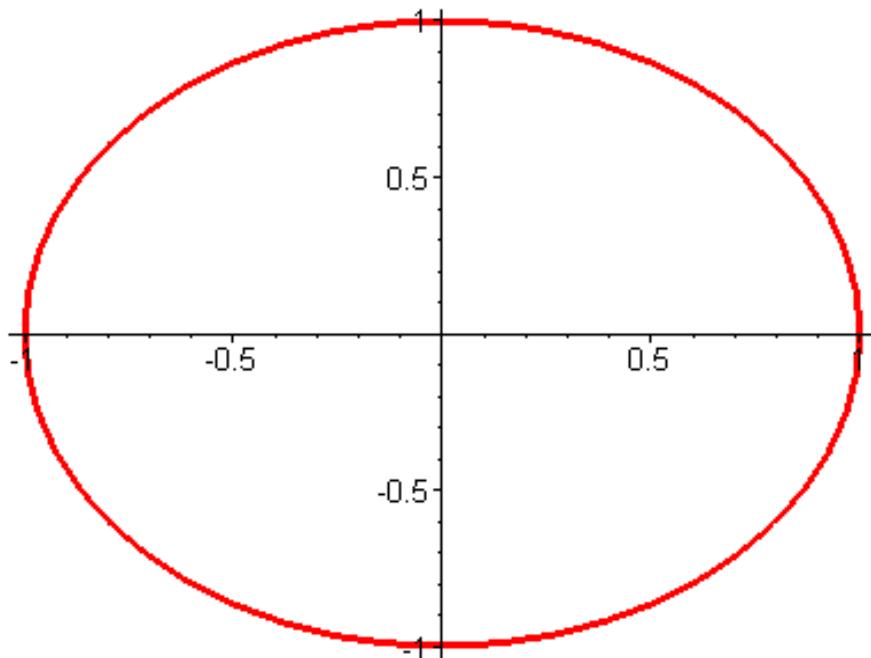
Ayrim hollarda funktsional bog'lanishlarni berish uchun parametrik tenglamalardan foydalaniladi, masalan $x = f_1(t)$ i $u = f_2(t)$. Ularning grafiklarini qurish uchun (x, u) nuqtalar dekart koordinatalar sistemasidagi grafikda ko'rsatiladi va to'g'ri chiziq kesmalar bilan birlashtiriladi. Buning uchun quyidagi ko'rinishdagi plot funktsiyasidan foydalaniladi:

```
plot([f1(t),f2(t),t-tmin..tmax],h,v,p)
```

bu yerda abtsissa va ordinata o'qlari bo'yicha diapazonlarni hamda r parametrni ko'rsatish majburiy emas.

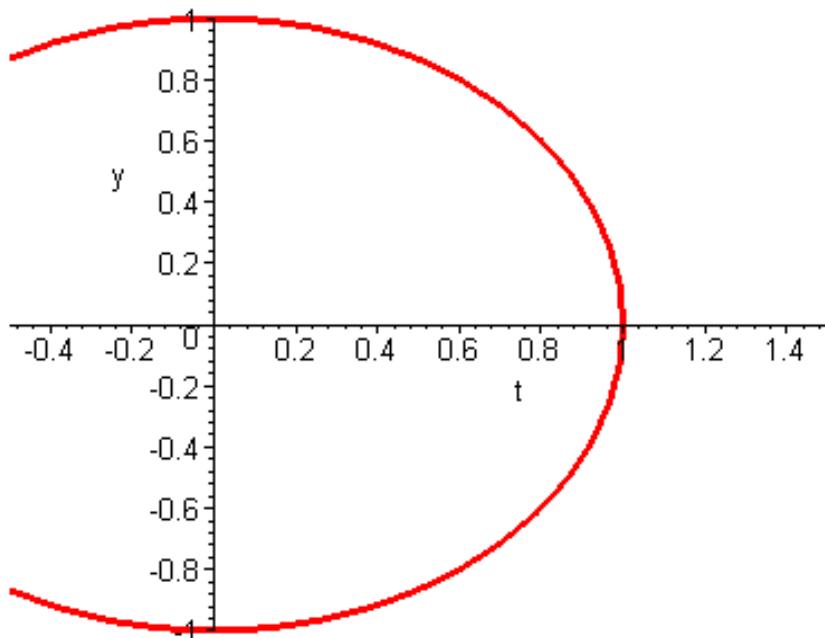
Agar $f_1(t)$ va $f_2(t)$ funktsiyalar tarkibida davriy funktsiyalar (masalan trigonometrik) bo'lsa yopiq figuralarni hosil qilish uchun t o'zgaruvchining o'zgarish diapazoni $0 \dots 2\pi$ yoki $-\pi \dots \pi$ olinishi kerak. Masalan, $f_1(t)$ i $f_2(t)$ funktsiyalar sifatida $\sin(t)$ i $\cos(t)$ funktsiyalar olinsa aylananing grafigi quriladi:

```
> plot([\sin(t),\cos(t),t=-Pi..Pi],thickness=3);
```



Yuqoridagi grafikning ma'lum qismini olish uchun h (masalan $t=-0.5..1.5$) va v (masalan $y=-1..1$) diapazonlar ko'rsatiladi:

```
> plot([sin(t),cos(t),t=-Pi..Pi],t=-0.5..1.5,y=-1..1,thickness=3);
```

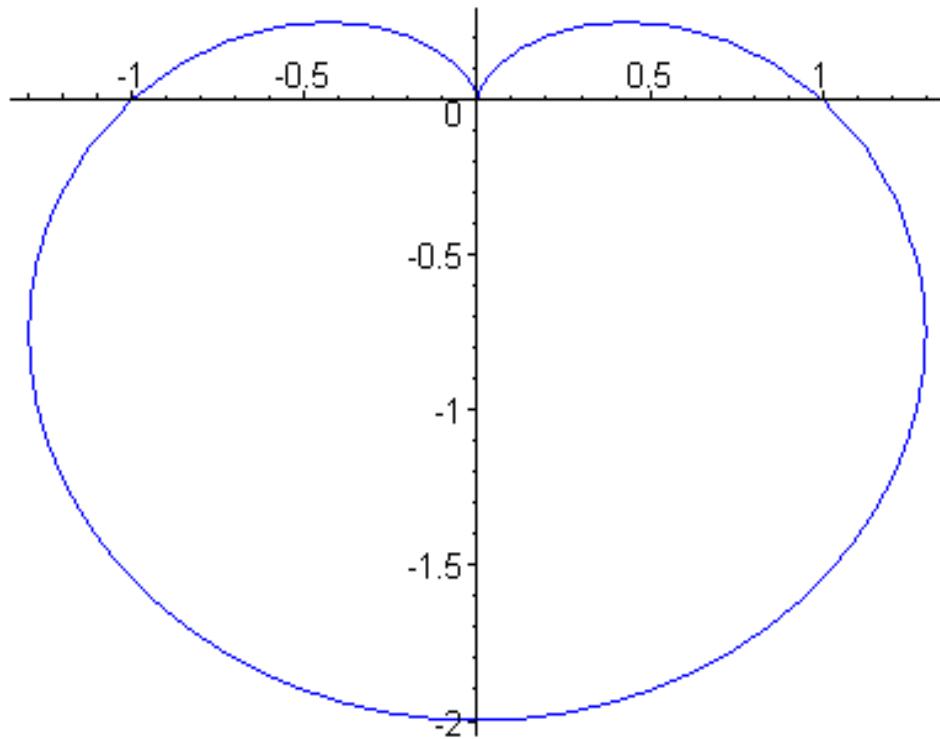


Funktsiyalarning grafiklarini qutbli koordinatalar sistemasida qurish (coords-polar) uchun plot funktsiyasi quyidagi ko'rinishda yoziladi:

```
plot([r(t),theta(t),t=tmin..tnmax],h,v,p,coords=polar)
```

Bunda t burchakning o'zgarishiga mos bo'lgan $r(t)$ radius-vektorning o'zgarishini ifodalovchi chiziqning grafigi hosil bo'ladi:

```
> plot([1-sin(t),t,t=0..2*Pi],color=blue,coords=polar);
```



Ikki va uch o'lchamli grafiklarni qurish imkoniyatlarini kengaytiruvchi plots paketi besh yuzga yaqin grafik funktsiyalarga ega. U quyidagicha ishga tushiriladi:

> with(plots);

[animate, animate3d, animatecurve, changecoords, complexplot, complexplot3d, conformal, contourplot, contourplot3d, coordplot, coordplot3d, cylinderplot, densityplot, display, displayed, fieldplot, fieldplot3d, gradplot, gmdplot3d, implicitplot, implicitplot3d, inequal, listcontplot, Hslcontplot3d, listdensityplot, listplot, listplot3d, loglogplot, logplot, matrixplot, odeplot>pareto, pointplot, pointplot3d, polarplot, polygonplot, polygonplot3d, polyhedrajsupported, polyhedraplot, replot, rootlocus, semilogplot, setoptions, setoptions3d, spacecurve, sparsematrixplot, sphereplot, surfdata, textplot, textplot3d, tubeplot]

Ushbu paket quyidagi funktsiyalarga ega:

- animate — ikki o'lchamli grafiklarning animatsiyasi;
- animate3d — uch o'lchamli grafiklarning animatsiyasi;
- animatecurve — chiziqlarning animatsiyasi;
- changecoords — koordinatalar sistemalarini almashtirish;
- complexplot — kompleks tekislikda ikki o'lchamli grafiklarni qurish;
- complexplot3d — kompleks tekislikda uch o'lchamli grafiklarni qurish;
- conformal — kompleks funktsiyaning konform grafigi ;
- contourplot — konturli grafikani qurish;
- contourplot3d — uch o'lchamli konturli grafikani qurish;
- coordplot — ikki o'lchamli grafiklarning koordinatlar sistemasini qurish;
- coordplot3d — uch o'lchamli grafiklarning koordinatlar sistemasini qurish;

qurish;

- cylinderplot — tsilindrik koordinatalarda sirtning grafikasini qurish;
- densityplot — zichlikning ikki o'lchamli grafigini qurish;
- display — grafik ob'ektlarning ro'yhati uchun grafik qurish;

- `display3d` — uch o'lchamli grafik ob'ektlarning ro'yhati uchun grafik qurish;
- `fieldplot` — ikki o'lchamli vektor maydonining grafigni qurish;
- `fieldplot3d` — uch o'lchamli vektor maydonining grafigini qurish;
- `gradplot` — gradientning ikki o'lchamli vektor maydoni grafigini qurish;
- `gradplot3d` — gradientning uch o'lchamli vektor maydoni grafigini qurish;
- `implicitplot` — yaqqol bo'lмаган funktsiyaning ikki o'lchamli grafigini qurish;
 - `implicitplot3d` — yaqqol bo'lмаган funktsiyaning uch o'lchamli grafigini qurish;
- `inequal` — tengsizliklar sistemasi yechimining grafigini qurish;
- `listcontplot` — qiymatlar to'ri uchun ikki o'lchamli konturli grafik qurish;
- `listcontplot3d` — qiymatlar to'ri uchun uch o'lchamli konturli grafik qurish;
- `listdensityplot` — qiymatlar to'ri uchun ikki o'lchamli zichlik grafigini qurish;
 - `listplot` — qiymatlar ro'yhati uchun ikki o'lchamli grafik qurish;
 - `listplot3d` — qiymatlar ro'yhati uchun uch o'lchamli grafik qurish;
 - `loglogplot` — funktsiyaning logarifmik ikki o'lchamli grafigini qurish;
 - `logplot` — funktsiyaning yarim logarifmik ikki o'lchamli grafigini qurish;
 - `matrixplot` — matritsa orqali berilgan qiymatlarga asosan uch o'lchamli grafik qurish;
- `odeplot` — differentsial tenglamalar yechimining ikki yoki uch o'lchamli grafigini qurish;
 - `pareto` — diagrammalar qurish (histogrammalar va grafika);
 - `pointplot` — nuqtalar bilan ikki o'lchamli grafik qurish;
 - `poi ntplot3d` — nuqtalar bilan uch o'lchamli grafik qurish;
 - `polarplot` — qutbli koordinatalar sistemasida ikki o'lchamli egrini chiziqning grafigini qurish;
 - `polygonplot` — bir yoki bir necha ko'pburchaklarning grafigini qurish;
 - `polygonplot3d` — bir yoki bir necha ko'pburchaklarning uch o'lchamli grafigini qurish;
- `polyhedraplot` — uch o'lchamli ko'pyoqlikni qurish;
- `replot` — grafikni qaytadan qurish;
- `rootlocus` — kompleks noma'lumli tenglama ildizlarining grafigini qurish;
- `semilogplot` — funktsiyaning abstsissa o'qidagi masshtab logarifmik bo'lgan grafigini qurish;
- `setoptions` — ikki o'lchamli grafik uchun sukut bo'yicha parametrлarni o'rnatish;
 - `setoptions3d` — uch o'lchamli grafik uchun sukut bo'yicha parametrлarni o'rnatish;
- `spaeecurve` — uch o'lchamli egrini chiziqlarni qurish;
- `sparsematrixplot` — qiymatlari nolga teng bo'lмаган matritsaning ikki o'lchamli grafigini qurish;

- sphereplot — uch o'lchamli sirtning grafigini sferik koordinatalarda qurish;
- surfdata — sirtning uch o'lchamli grafigini sonli ma'lumotlar bo'yicha qurish;
- textplot — matnni ikki o'lchamli grafikning ko'rsatilgan nuqtasiga chiqarish;
- textplot3d — matnni uch o'lchamli grafikning ko'rsatilgan nuqtasiga chiqarish;
- tubeplot — «truba» turdag'i uch o'lchamli grafikni qurish.

Teng satxli chiziqlar bilan grafik qurish (konturli grafiklar) kartografiyada keng ishlataladi. Bunday grafiklarni qurish uchun contourplot funktsiyasidan foydalaniladi. Undan quyidagi formatlarda foydalanish mumkin:

```
contourplot(expr1,x=a..b,y=c..d)
contourplot(f,a..b,c..d)
contourplot([exprf ,exprg,exprh ] S=a..b,t=c..d)
contourplot([f. g. h ],a..b,c..d)
contourplot3d(expr1,x=a..b,y=c..d)
contourplot3d(f,a..b,c..d)
contourplot3d([exprf,exprg,exprh],s=a..b,t=c..d)
contourplot3d([f. g. h ],a..b,c..d)
```

Bu yerda f , g i h — funktsiyalar; $expr1$ — yuza balandligi va x, u koordinatalar orasidagi bog'lanishni ko'rsatuvchi ifoda; $exprf$, $exprg$ va $exprh$ — yuzaning s va t ga bog'liq bo'lган parametrik shakldagi ifodalar; a va b — haqiqiy turdag'i konstantalar; s va d — haqiqiy turdag'i konstantalar yoki ifodalar; x , u , s va t — mustaqil o'zgaruvchilarning nomlari.

Nazorat uchun savollar:

1. ODT echishda nimalarga e'tibor berish zarur?
2. MathCAD va Maple dasturlarida differensial tenglamalarni echish uchun qaysi funktsiyalardan foydalanamiz.
3. MathCad va Maple dasturlarida necha o'lchovli grafiklar bilan ishlash mumkin?
4. MathCad va Maple dasturlarida ikki o'lchovli grafik qanday quriladi?
5. MathCad va Maple dasturlarida uch o'lchovli grafik qanday quriladi?

Foydalanilgan adabiyotlar ro'yxati:

1. Alekseyev Ye. R. , Chesnokova O. V. Resheniye zadach vychislitelnoy matematiki v paketax MathCad 12, MATLAB 7, Maple 9. – M. : NT Press, 2006. – 496 s. : il. – (Samouchitel).
2. Daurenko A. F. , Kirillov V. X. , Kolomiyets L. V. , Orobey V. F. MATLAB v inzenernykh i nauchnykh raschetax. Monografiya. Odessa «Astroprint», 2003. – 214 s.
3. Plis A. I. , Silvina N. A. MathCad 2000: Matematicheskiy praktikum dlya ekonomistov i inzenerov: Ucheb. posobiye. – M. Finansy i statistika, 2000 g.
4. Makarov Ye. G. Inzenernye raschety v MathCad. Uchebnyy kurs. SPb. : Piter, 2003.
5. V. P. Dyakonov MathCad 2000: Uchebnyy kurs. Piter 2002 g.
6. O. A. Sdvijkov Dashkov I. K. MathCad - 2000: Vvedeniye v kompyuternuyu matematiku. 2002 g.
7. D. A. Gurskiy. Vychisleniye v MathCad. Novoye znaniye 2003 g.
8. Ne'matov A. , Oxunboev M. , Sobirov N. MathCad tizimida matematik masalalarni yechish. Uslubiy qo'llanma. Toshkent, 2009 y. 50 b.

IV. AMALIY MASHG'ULOTLAR MATERIALLARI

1-Mavzu: MathCAD va Maple tizimi.

1. Sonli qiymatlar bilan ishslash.
2. Arifmetik ifodalarni hisoblash.

I. Maple da elementar matematika masalalarini yechish

§1. 1. Maple oynasining tuzilishi.

Maple kompyuterga o'rnatilgandan so'ng, uni standart 2 yo'l bilan ishga tushirish mumkin: 1) Windows OT ning bosh menyusi orqali yoki 2) Ish stolida yaratilgan yorliq orqali. Biz Maple 9. 5 versiya bilan ishlaymiz.

Maple oynasi Windows OT ning standart oynasiga o'xshash bo'lib, oynaning nomi satri, menu satri, quollar paneli, ishchi maydon, holat satri, lineyka va o'girish liftlaridan iborat:

Asosiy menu punktlari:

File(Fayl)- fayllar bilan ishlaydigan standart komandalar, masalan, faylni saqlash, ochish, yangisini yaratish va hokazo, to'plamidan iborat.

Edit(Pravka)- fayllarni tahrirlovchi standart komandalar, masalan, nusxalash, ajratilgan matn qismini buferga olish, komandani bekor qilish va hokazo, to'plamidan iborat.

View (Vid)- oynani ko'rinishini o'zgartiruvchi standart komandalar to'plamidan iborat.

Insert (Vstavka)- oynaga matnli, komandali maydonlar, grafiklarni qo'yish uchun mo'ljallangan komandalar to'plamidan iborat.

Format (Format)- hujjatni bezash uchun ishlatiladigan komandalar to'plamidan iborat.

Options (Parametrlari)- ma'lumotni ekoanga kiritish va chiqarish bilan bog'liq komandalar to'plamidan iborat.

Windows (Okno)- bir ishchi oynadan ikkinchi ishchi oynaga o'tish uchun mo'ljallangan komandalar to'plamidan iborat.

Help (Spravka)- Maple haqida batafsil ma'lumotlarni o'z ichiga oladi.

Maple da ishslash muloqat (sessiya) tarzida olib boriladi: foydalanuvchi Maple ga ekranda **komanda** bilan murojaat qiladi, Maple uni qayta ishlab ekranda komandadan keyingi satrga **javob** qaytaradi (quyidagi rasmga qarang). SHunga asoasn, ishchi maydon shartli ravishda uch qismga bo'linadi:

1)Kiritish (komanda) maydoni-komandalardan iborat. Komandalar >sommand(p1,p2,...); (yoki :) ko'rinishga ega, qizil rangli, chapga tekislangan;

2)CHiqarish (javob) maydoni- Maple ning kiritilgan komandaga javobidan iborat bo'lib, analitik ifoda, sonli qiymat, to'plam, grafik ob'ekt, xatolik haqidagi xabardan iborat bo'lishi mumkin va ko'k rangda. Javob komandadan keyingi satrga chiqariladi, markazga tekislangan bo'ladi;

3)matn (komentariya) maydoni- foydalanuvchi tomonidan kiritiladigan ixtiyoriy matndan iborat va u ma'lumotni qayta ishslashga ta'sir etmaydi, va uning mohiyatini tushuntirish uchun ishlatiladi, va **qora** rangli.

Matn va komanda maydoniga o'tish quollar panelidagi (yoki Insert (Vstavka) menyusidagi ularga mos komandalar orqali)

tugmalarni bosish orqali bajariladi.

```

"Амалий иш №1"
"Бажарди НамДУ ФМ факультети 305 гурӯҳ талабаси студент Олимов Зафар"
"Кабул килди дод. А.Имомов"

> (sqrt(6+2*sqrt(5))-sqrt(6-2*sqrt(5)))/sqrt(3);

$$\frac{2\sqrt{3}}{3}$$


> omega:=theta/t; abs(f(x)-omega)<epsilon;

$$\omega = \frac{\theta}{t}$$


$$|f(x) - \omega| < \epsilon$$


> cos(Pi/3)+tan(14*Pi/3);

$$\frac{1}{2} + \sqrt{3}$$


> eq:=(x+1)*(x-1)*(x^2-x+1)*(x^2+x+1);

$$eq := (x + 1)(x - 1)(x^2 - x + 1)(x^2 + x + 1)$$


> expand(eq);

$$x^6 - 1$$


> p:=x^5-x^4-7*x^3+x^2+6*x;

$$p := x^5 - x^4 - 7x^3 + x^2 + 6x$$


> factor(p);

$$x(x - 1)(x - 3)(x + 2)(x + 1)$$


>

```

Topshiriq 1. 1.

1. Maple ni ishga tushiring.
2. Maple ishga tushgandan so'ng birinchi satr komanda satri bo'ladi. Uni matn maydoniga aylantiring. Bu satrda "Amaliy ish №1" deb mavzu nomini kriting. Enter tugmasini bosib yangi satrga o'ting va "Bajardi: _____" deb yozing. Enter tugmasini bosib yangi satrga o'ting
3. "Qabul qildi: _____" deb yozing va Enter tugmasini bosib yangi satrga o'ting.
4. Hosil bo'lgan faylni disk, fleshkada saqlang. Buning uchun File>Save as komandasini berib faylga : Familiya_AT_1 deb nom berib saqlab qo'ying. Enter tugmasini bosib yangi satrga o'ting.
5. Keyingi satrda "Amaliy topshiriq AT_1 fayli Familiya_AT_1" nom bilan saqlangan deb yozing. (O'ylab ko'ring bu nimaga kerak).
6. Keyingi satrlarda bu topshiriqdan so'ng komandalar va ularning natijalari yoziladi.

§1. 2. Maple sonlar va arifmetik amallar

Asosiy matematik o'zgarmaslar va arifmetik amallar.

Asosiy matematik o'zgarmaslar quyidagilardir: Pi- bu π soni, I-mavhum birlik i, infinity- ∞ , Gamma -Eyler o'zgarmasi, false-yolg'on, true-rost. Arifmetik amallar belgilari: +-qo'shish, -ayirish, *-ko'paytirish, /-bo'lish, ^-darajaga ko'tarish, !-faktorial. Solishtirish belgilari: <,>,>=,<=,<>,= (kichik, katta, katta va teng, kichik va teng, teng emas, teng).

Butun, ratsional va kompleks sonlar.

Maple da sonlar tabiiy ravishda matematikadagi kabi butun (integer), ratsional, haqiqiy (real) va kompleks (complex) bo'lishi mumkin. Ularning ma'nolari bir xil, faqat yozilish qoidalariga aniq itoat qilish kerak. Ratsional sonlar uch xil ko'rinishda tasvirlanadi: 1) oddiy kasr ko'rinishidagi ratsional son, masalan: $28/70$; 2)o'nli kasr ko'rinishidagi (float) ratsional son: 2.3457 ; 3)daraja ko'rishishidagi ratsional son, masalan, $1,602 \cdot 10^{-19}$ son $1.602 \cdot 10^{(-19)}$ ko'rinishda yoziladi.

Ratsional sonni taqrifiy o'nli kasr ko'rinishda olish uchun biror butun sonni o'nli nuqta bilan nol sonini qo'shib yozish kerak.

SHartli kelishuv: Maple da javob ,yuqorida ko'rorganizdek, komandadan keyingi satrda ko'rsatiladi. Kompakt yozish uchun javobni biz komanda yonida \\ belgidan keyin ko'rsatamiz, masalan, $>a+b;$ \\ $a+b$.

| | | |
|----------------------|---|---------------|
| Komanda satri | $>1. 2+3. 4;$ | |
| Javob satri | | 3. 6 |
| Komanda satri | $>\text{Sin}(\text{Pi}/6);$ | |
| Javob satri | | $\frac{1}{2}$ |
| Kelishuvga asosan | $>\text{sin}(\text{Pi}/6. 0);$ 500000000 | $\ \ 0.$ |

Maple da grek alfavitidan ham foydalanish mumkin. Buning uchun satrda grek harfinining nomi yoziladi, katta harflarni yozish uchun grek harfinining nomida bosh harf katta qilib yozildi kerak. Masalan,

| | | | |
|---------------------|---------------------|-----------------|---------------------|
| α -alpha | β -beta | γ -gamma | δ -delta |
| ϵ -epsilon | ζ -zeta | η -eta | θ -teta |
| ι -ita | κ -kappa | K-Kappa | λ -lambda |
| μ -mu | ν -nu | ξ -xi | \omicron -omikron |
| π -pi | ρ -rho | Σ -Sigma | σ -sigma |
| τ -tau | υ -uosilon | ϕ -phi | χ -chi |
| ψ -psi | ω -omega | Γ -Gamma | Ω -Omega |

Grek harflarini yozish uchun ekranda maxsus menu mavjud.

Topshiriq №1. 2.

Test yechishga misollar keltiramiz.

- Hisoblang $\sqrt{23-8\sqrt{7}} + \sqrt{23+8\sqrt{7}}$ (m: 96-6-28) . J-r: A)7 B)6 C)8 D)9

> a:=sqrt(23-8*sqrt(7))+sqrt(23+8*sqrt(7));\|a=8

2. Hisoblang $(\sqrt{3+2\sqrt{2}} + \sqrt{3-2\sqrt{2}} + \sqrt{2})/4\sqrt{2}$ (m:V-07) J-r: A)0. 5 B) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ C)0. 75 D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

>b:=(sqrt(3+2*sqrt(2))+sqrt(3-2*sqrt(2))+sqrt(2))/(4*sqrt(2));\|0. 75

§1. 3. Komandalarning ko'rinishi va ularni bajartirish usullari.

Mapleda komandalar nomli va nomsiz bo'ladi. Nomli komanda quyidagicha bo'ladi: >sommand(p1,p2,...); yoki >sommand(p1,p2,...): , ya'ni komanda nomdan va qavslar ichida parametrlardan iborat va ikki nuqta yoki nuqta vergul bilan tugallanadi. Komanda arifmetik ifoda bo'lsagina uning maxsus nomi bo'lmaydi. Agar komanda nuqta vergul (:) bilan tugallansa uning natijasi ekranga chiqariladi, ikki nuqta (:) bilan tugallansa komanda bajariladi natijasi ekranga chiqarilmaydi.

Komandalar ikki xil usul bilan bajartirilishi mumkin:

1-usul-to'g'ri usul. Komanda teriladi; yoki : yoziladi va Enter bosiladi.

2-usul-smart usul. Ifoda teriladi va ; qo'yilib Enter bosiladi, javob ustida sichqoncha o'ng tugmasi bosilib ifoda kontekst menyusidan kerakli komanda tanlanadi. (Qanday ajoyib imkoniyat!).

Protsent % simvoli oldingi komanda natijasini chaqirish uchun ishlatiladi va komandalar yozishni qisqartirish uchun ishlatiladi, masalan,

>1+2: >%+3; \| 6

O'zgaruvchiga qiymat berish uchun := ishlatiladi.

Maple ishga tushgach operativ xotirada uning birorta ham komandasini bo'lmaydi, ular ishlash davomida operativ xotiraga chaqiriladilar. Komandalar operativ xotiraga chaqirilishiga qarab uch turga bo'linadi. 1) Maple ishga tushgach avtomatik ravishda ishga tushiriladiganlar, 2) readlib(command) komandasini orqali chaqiriladiganlar, 3) maxsus paketlar (package) dan chaqiriluvchi komandalar. Package paketga tegishli barcha komandalarni chaqirish >with(package) komandasini yordamida, paketga tegishli biror command dani chaqirish esa >package[command](options) komandasini yordamida amalga oshiriladi, bu yerda va bundan keyin options so'zi komandaning parametlarini bildiradi. Paketlarga misol sifatida linalg-chiziqli algebra masalalarini yechish, geometri-planimetriya masalalarini yechish, geom3d-stereometriya masadalarini yechish, student-studentlarga masalalarni interaktiv (muloqat) tarzida analitik ko'rinishda qadam ba qadam oraliq natijalarni namoyish qilgan holda yechish imkoniyatlarini beruvchi paketlarni keltirish mumkin.

Standart funktsiyalar.

Maple da standart funktsiyalarning ayrimlarini ro'yxatini keltiramiz:

| N | funktsiya | Maple da | N | funktsiya | Maple da |
|---|-----------|----------|----|-----------|-----------|
| 1 | e^x | exp(x) | 12 | cosecx | cosec(x) |
| 2 | lnx | ln(x) | 13 | arcsinx | arcsin(x) |
| 3 | lgx | lg10(x) | 14 | arccosx | arcos(x) |

| | | | | | |
|----|---------------|------------------|----|-----------------------------------|-----------------------|
| 4 | $\log_a x$ | $\log[a](x)$ | 15 | arctgx | $\text{arctg}(x)$ |
| 5 | \sqrt{x} | $\text{sqrt}(x)$ | 16 | arcctgx | $\text{arcctg}(x)$ |
| 6 | $ x $ | $\text{abs}(x)$ | 17 | shx | $\text{sh}(x)$ |
| 7 | $\sin x$ | $\sin(x)$ | 18 | chx | $\text{ch}(x)$ |
| 8 | $\cos x$ | $\cos(x)$ | 19 | thx | $\text{th}(x)$ |
| 9 | tgx | $\text{tg}(x)$ | 20 | $\text{cth}x$ | $\text{cth}(x)$ |
| 10 | ctgx | $\text{ctg}(x)$ | 21 | $\delta(x)$ -Dirak funktsiyasi | $\text{Dirac}(x)$ |
| 11 | $\sec x$ | $\sec(x)$ | 22 | $\theta(x)$ -Xevisayd funktsiyasi | $\text{Heaviside}(x)$ |

Maple ga juda katta miqdorda maxsus funktsiyalar ham kiritilgan. Ular Bessel, Eylarning beta-, gamma-funktsiyalari, xatoliklar integrali, elliptik integrallar, har xil ortogonal ko'phadlar va hokazo. Eyler soni $ye=2. 718281828\dots$ $\exp(x)$ orqali quyidagicha hisoblanadi: $\exp(1)$.

Topshiriq №1. 3.

- Matnli rejimda Amaliy topshiriq №2 deb yozing.
- $a = \cos\left(\frac{12\pi}{8}\right)(\log_2 0.25 + \log_{0.25} 2)$ ni hisoblang. \|(t. 10-2-58;j:0;1;-1;0.5;-0.5)

Komandani 1-to'g'ri usul bilan bajaramiz:

> a:=cos(12*Pi*(log[2](0.25)+log[0.25](2))/5);\|a:=1.

3. $\sin^4\left(\frac{\pi}{8}\right) + \cos^4\left(\frac{3\pi}{8}\right) + \sin^4\left(\frac{5\pi}{8}\right) + \cos^4\left(\frac{7\pi}{8}\right)$ ifodani hisoblang.

Komandani smart usul (o'ngdag'i jadval kontekst menuy)bilan bajaramiz:

>b:=(sin(Pi/8))^2+(cos(3*Pi/8))^2+(sin(5*Pi/8))^2+(cos(7*Pi/8))^2;



> R3 := evalf[5](sin(1/8*Pi)^2+cos(3/8*Pi)^2 +sin(5/8*Pi)^2+cos(7/8*Pi)^2);
\|R3:=2. 0000

Komandani to'g'ri usul bilan tekshirib ko'ramiz:

> simplify(b); \|\2

§1. 4. Matematik ifodalarni shaklini almashtirish. Testlar yechish.

Ayrim ko'p uchraydigan komandalar va ularga doir misollar keltiramiz.

| | Komanda | Ma'nosi | Parametrlaning ma'nosi |
|---|------------|--------------------------------------|------------------------|
| 1 | expand(eq) | Qavslarni olib yoyish | eq-ifoda |
| 2 | fastor(eq) | Ko'phadni ko'paytuvchilarga ajratish | |
| 3 | normal(eq) | Kasrni normal | |

| | | | |
|---|------------------------|--|--|
| | | ko'rinishga keltirish | |
| 4 | collect(eq, var) | O'xshash hadlarni ixchamlash | var-o'zgaruvchi |
| 5 | simplify(eq {,option}) | Ifodalarni soddalashtirish | option-parametr |
| 6 | combine(eq, param) | Darajalarni birlashtirish yoki trigonometrik ifodalarni darajalarini pasaytirish | param=trig, param=power, |
| 7 | radnormal(eq) | Ildiz, darajali ifodalarni soddalashtirish | |
| 8 | convert(eq,param) | Ifoda param tipli ifodaga almashtiriladi | param- tip parametr param=sincos, param=tan, param=vector, param=string, param=termin |
| 9 | subs(g(x)=t, f) | f(x) da g(x)=t deb o'zgaruvchini almashtirish | |

Topshiriq 1. 4.

1. Qavslarni olib yoyish.

```
>eq:=(x+1)*(x-1)*(x^2-x+1)*( x^2+x+1); \eq := a^5+a^4-2*a^3-2*a^2+a+1
>expand(eq); \x^6-1
```

2. Ko'phadni ko'paytuvchilarga ajratish (99-10-7)

```
> p:=a^5+a^4-2*a^3-2*a^2+a+1; \
>p:=factor(a^5+a^4-2*a^3-2*a^2+a+1);\ p:=(a - 1)^2 (a + 1)^3
```

3. Kasrni normal ko'rinishga keltirish (96-3-74)

```
> q:=(x^3+2*x^2+x)/(x+1)^2; \|q:=(x^3 + 2x^2 + x)/(x+1)^2
> normal(%); \| x
```

4. Ifodalarni soddalashtirish

```
> simplify((a^3-b^3)/(a^2+a*b+b^2)); \a-b
> expand((a+b)*(a^2-a*b+b^2)); \| a^3 + b^3
> normal(y/x+1/x^2); \| (yx + 1)/x^2
> collect(x^2+3*x^2+4*x+4*x+y,x); \| 4x^3 + 8x + y
> simplify(2*a/sqrt(a^2),assume(a<0)); \| -2
> combine((x^(1/2))*x^(3/2)); \| 4x^3
```

5. Irratsional ifodalarni ratsionallashtirib soddalashtirish

```
> f:=((sqrt(x)+1)/(x*sqrt(x)+x+sqrt(x)))*(x^2-sqrt(x));
f:= (sqrt(x) + 1) (x^2 - sqrt(x))
      3/2
      x + x + sqrt(x)
> g:=subs(sqrt(x)=a,x^2=a^4,x^(3/2)=a^3,x=a^2,f);
```

$$g := \frac{(a\sim + 1) (a\sim^4 - a\sim)}{a\sim^3 + a\sim^2 + a\sim}$$

> R2 := simplify((a+1)*(a^4-a)/(a^3+a^2+a), 'assume=real');
 $R2 := a\sim^2 - 1$

Oldingi o'zgaruvchiga qaytib x-1 javobni olamiz.

6. Trigonometrik ifodalarni soddalashtirish

```
> simplify(cos(x)^2+sin(x)^2);      ||1
> expand(cos(x+y));           ||cos(x)cos(y)-sin(x)sin(y)
> expand(cos(2*x));           || 2cos^2(x)-1
> expand(sin(2*x));           || 2sin(x)cos(x)
> combine(4*cos(x)^3);        || cos(3x)+3cos(x)
> combine(8*sin(x)^4);        || 3+cos(4x)-4cos(2x)
> expand(cos(5*x));          || 16cos^5(x)-20cos^3(x)+5cos(x)
```

>combine(4*sin(x)^3,trig); ||-sin(3x)+3sin(x)

7. Ildiz, darajali ifodalarni soddalashtirish

```
> a:=sqrt(3+sqrt(3)+(10+6*sqrt(3))^(1/3));
> a1:=radnormal(a);|| a1:=1+sqrt(3)
8. > b:=(m^2-(2+m^4)/(m^2-1))/((m^2+2)/(m-1));
> b1:=simplify(b);||b1:=-1/(m+1).
9. > c:=(a^(3/2)-b^(3/2))/(a^(1/2)-b^(1/2))-(a^(3/2)+b^(3/2))/(a^(1/2)+b^(1/2));
 $c := \frac{a^{(3/2)} - b^{(3/2)}}{\sqrt{a} - \sqrt{b}} - \frac{a^{(3/2)} + b^{(3/2)}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$ 
> c1:=simplify(c);            ||c1:=2sqrt(a)sqrt(b)
> a:=8*sqrt(2):b:=4*sqrt(2):
> c1:=simplify(c);            ||c1:=16
10. > a:=(sqrt(192)-sqrt(108)+sqrt(243)/3);|| a:=5sqrt(3) (99-6-36)
```

§1. 5. Sonlar ustida ba'zi bir amallar.

Maple da sonlardan yangi sonlar hosil qiladigan amallar mavjud.

Haqiqiy sonlar ustida quyidagi amallar mavjud:

frac(expr)- expr ifodaning kasr qismini hisoblash,
trunc(expr)- expr ifodaning butun qismini hisoblash,
round(expr)- expr ifodani yaxlitlash.

Kompleks sonlar z=x+iy ustida quyidagi amallar mavjud:

Re(z)- z -sonining haqiqiy qismini hisoblash,
Im(z)-z- sonining mavhum qismini hisoblash,
conjugate(z)-z – sonining qo'shmasi hisoblash,
polar(z)-z – sonining trigonometrik ko'rinishini hisoblash
evalc(Re(z)), evalc(Im(z)), -z – sonning haqiqiy va mavhum qismini hisoblash.

Topshiriq 1. 5.

1. $a = 57/13$ son berilgan. Uning butun x va u kasr qismini toping. $x+y=a$ ekanligini tekshirib ko'ring.

> $a := 57/13;$ $\Downarrow 57/13$

> $x := \text{trunc}(a);$

> $y := \text{frac}(a);$ $\Downarrow \frac{5}{13}$
 > $x+y;$ $\Downarrow \frac{57}{13}$

2. $z = \frac{2-3i}{1+4i} + i^6$ kompleks son berilgan. Uning haqiqiy, mavhum va kompleks qo'shmasi w ni toping va $w+z = 2\operatorname{Re}(z)$ ekanligini tekshiring.

> $z := (2-3*I)/(1+4*I)+I^6;$

> $\operatorname{Re}(z); \operatorname{Im}(z);$ $\Downarrow -\frac{27}{17}$

> $w := \text{conjugate}(z);$ $\Downarrow w := -\frac{27}{17} - \frac{11}{17}I$

> $z+w;$ $\Downarrow -\frac{54}{17}$

3. $z = -1 - i\sqrt{3}$ kompleks son berilgan. Uning moduli, argumentini hisoblang va z^4 ni toping.

> $z := -1 - I * \sqrt{3};$

> $\text{readlib(polar)} : \text{polar}(z);$ $\Downarrow \text{polar}(2, -\frac{2}{3}\pi)$

> $\text{evalc}(z^4);$

§1. 6. Maple da funktsiyalarini aniqlash.

Funktsiyalar Maple da 4 xil usulda beriladi: 1) := qiymat berish operatori yordamida; 2) $f := (x_1, x_2, \dots) \rightarrow f(x_1, x_2, \dots)$ funktsional operator yordamida; 3) $\text{unapply(expr, } x_1, x_2, \dots)$ komandası yordamida; 4) $\text{piecewise}(s_1, f_1, s_2, f_2, \dots)$ komandası yordamida.

Misollar. 1.

> $f := \sin(x) + \cos(x);$ $\Downarrow f := \sin(x) + \cos(x)$

> $x := \pi;$ $\Downarrow x := \frac{\pi}{4}$

> $f;$ $\Downarrow \sqrt{2}$

Maple da barcha hisoblashlar simvollli ko'rinishda olib boriladi, ya'ni natijada ildizlar, irratsional konstantalar e, π va hokazolar ishtirok etadi. Natijani o'nli

ko'rinishda olish uchun evalf(f, ε) komandasini ishlataladi, bu yerda f-qiymati hisoblanayotgan ifoda, ε-aniqlik.

Misollar. 2. $f = xe^{-t}$ ifodani $x=2, t=1$ dagi qiymati quyidagicha hisoblanadi:

>f:=x*exp(-t);

>evalf(f,0. 0000000001);

\0. 735788824

Misol 3. >f:=(x,y)->sin(x+y);

\f:=sin(x+y)

>f(π/2,0);

\1

Misol 3. >f:=unapply(x^2+y^2,x,y);

\f :=(x, y)->x^2 + y^2

>f(7,5);

\74

Misol 4. Maple da

$$f(x) = \begin{cases} f_1(x), & x < a_1 \\ f_2(x), & a_1 < x < a_2 \\ \dots \\ f_n(x), & x > a_n \end{cases}$$

kabi funktsiyalar quyidagi komanda orqali beriladi:

>piecewise(x<a1,f1,a1<x<a2,f2,...,x>an,f2);

Masalan,

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x, & 0 \leq -x \text{ and } x-1 < 0 \\ \sin(x), & x \geq 1 \end{cases}$$

funktsiya quyidagicha beriladi:

>f:=piecewise(x<0,0,0<=x and x<1,x, x>=1, sin(x));

Topshiriqlar 1. 6.

1. $f = \sqrt{1-x^2-y^2}$ funktsiyani aniqlang va qutb koordinatalar sistemasi $x=\rho\cos\varphi, y=\rho\sin\varphi$ ga o'ting. Hosil bo'lgan ifodani soddalashtiring:

>f:=sqrt(1-x^2-y^2);

\f = \sqrt{1-x^2-y^2}

>f:=subs({x=rho*cos(phi),y=rho*sin(phi)},f); \f = \sqrt{1-\rho^2 \cos(\varphi)^2 - \rho^2 \sin(\varphi)^2}

>f:=simplify(%);

\f = \sqrt{1-\rho^2}

2. $f(x) = \begin{cases} x, & x < -1 \\ -x^2, & -1 \leq x \leq 0 \text{ and } x-1 < 0 \\ -x, & x \geq 1 \end{cases}$ funktsiyani tuzib va unga x ni qo'shing.

>f:= piecewise(x<-1, x, -1<x and x<1, -x^2, x>=1,-x);

>%+x: simplify(%);

Natija quyidagicha bo'lishi kerak: $f(x)+x$.

3. $p = x^3 + 4x^2 + 2x - 4$ ko'phadni ko'paytuvchilarga ajrating.

>factor(x^3+4*x^2+2*x-4); \f = (x+2)(x^2 + 2x + 2)

4. Ifodani soddalashtiring $\frac{1+\sin 2x + \cos 2x}{1+\sin 2x - \cos 2x}$.

>f:=(1+sin(2*x)+cos(2*x))/(1+sin(2*x)-cos(2*x));

>convert(f,tan);

$$> f=normal(%); \quad \frac{1 + \sin 2x + \cos 2x}{1 + \sin 2x - \cos 2x} = \frac{1}{\tan(x)}$$

5. Ifodani soddalashtiring $3(\sin^4 x + \cos^4 x) - 2(\sin^6 x + \cos^6 x)$.

$$> g:=3*(\sin(x)^4 + \cos(x)^4) - 2*(\sin(x)^6 + \cos(x)^6);$$

$$> g:=combine(g,trig); \quad 3\sin(x)^4 + 3\cos(x)^4 - 2\sin(x)^6 + \cos(x)^6 = 1$$

$$6. \text{ Ifodani soddalashtiring (97-3-54)} \quad \frac{\sin 56 \sin 124 - \sin 34 \cos 236}{\cos 28 \cos 88 + \cos 178 \sin 208}$$

$$> a:=(\sin(56)*\sin(124)-\sin(34)*\cos(236))/(\cos(28)*\sin(88)+\sin(178)*\cos(242));$$

$$a := \frac{\sin(56) \sin(124) - \sin(34) \cos(236)}{\cos(28) \sin(88) + \sin(178) \cos(242)}$$

$$> a1:=evalf(a); \quad \underline{\underline{a1=-1.113543764}}$$

$$7. \text{ Ifodani soddalashtiring (96-1-57)} \quad \frac{\cos(\alpha + \beta) + 2 \sin \alpha \sin \beta}{\sin(\alpha + \beta) - 2 \sin \alpha \cos \beta}$$

$$> b:=(\cos(alpha+beta)+2*\sin(alpha)*\sin(beta))/(\sin(alpha+beta)-2*\cos(beta)*\sin(alpha));$$

$$b := \frac{\cos(a + b) + 2 \sin(a) \sin(b)}{\sin(a + b) - 2 \cos(b) \sin(a)}$$

$$> combine(%); \quad \underline{\underline{\operatorname{ctg}(-\alpha+\beta)}}$$

$$8. \text{ Ifodani soddalashtiring (967-10-54)} \quad \frac{\cos 18 \cos 28 + \cos 108 \sin 208}{\sin 18 \sin 78 + \sin 108 \sin 1688}$$

$$9. \text{ Ifodani soddalashtiring (01-11-24)} \quad \frac{\sin \alpha + \cos \beta}{\sqrt{2} \cos(\pi/4 - \alpha)}$$

$$10. > b:=1/(3-sqrt(8))-2*sqrt(2)+6:simplify(b); \quad \underline{\underline{9}} \quad (96-6-50)$$

1. 7. Topshiriqlar va savollar

$$1. \text{ Hisoblang: } (-1+i)^5.$$

$$2. \text{ Hisoblang: } e^{i\pi/2}.$$

$$3. \text{ Aniq qiymatni hisoblang: } \arctg 3 - \arcsin \frac{\sqrt{5}}{5}.$$

$$4. \text{ Formulani yozing: } \omega(k) = \alpha k^2 + \beta k^4.$$

$$5. \quad p = x^3 - 4x^2 + 5x - 2 \text{ ko'phadni ko'paytuvchilarga ajrating.}$$

$$1. \text{ Ifodani soddalashtiring: } \sin^2 3x - \sin^2 2x - \sin 5x \sin x$$

$$> c:=(\sin(3*x))^2-(\sin(2*x))^2-\sin(5*x)*\sin(x):simplify(c); \quad \underline{\underline{0}}$$

$$7. > e:=(3-sqrt(5))/(3+sqrt(5))+(3+sqrt(5))/(3-sqrt(5));$$

$$e := \frac{3 - \sqrt{5}}{3 + \sqrt{5}} + \frac{3 + \sqrt{5}}{3 - \sqrt{5}}$$

$$> simplify(e); \quad \underline{\underline{7}} \quad (96-7-24)$$

$$8. > a:=(\sin(3*Pi/2-2*alpha)+\cos(Pi/2+alpha)*\sin(alpha))/(\sin(3*Pi/2+alpha));$$

$$a := -\frac{-\cos(2a) - \sin(a)^2}{\cos(a)}$$

> **simplify(a);** [\cos\(alpha\)](#) (05-120-23)

Savollar

1. Maple nima va u nima maqsadda ishlataladi?
2. Maple oynasining asosiy elementlarini bayon eting.
3. Maple oynasining qismlarini va ularning vazifalarini tushuntiring.
4. Komanda satridan matnli satrga va teskarisiga qanday o'tiladi. ?
5. Maple bilan ishslash seansi qanday rejimda bajariladi. ?
6. Maple menyusining asosiy aunktlarini ayting.
7. Maple dagi fayliga qanday kengaytma beriladi. ?
8. Maple da qanday asosiy matematik konstantalar mavjud. ?
9. Maple da ratsional sonlar qanday ko'rinishlarda tasvirlanadi. ?
10. Maple da ratsional sonning taqribiy qiymati qanday hosil qilinadi. ?
11. Maple da komandalar qanday simvollar bilan tugallanadi?
12. Qism programmalar bibliotekasidan komandalar qanday chaqiriladi?
13. factor, expand, normal, simplify, combine, convert, radnormal komandalarni ma'nosi?

2-Mavzu: Algebra va sonlar nazariyasi masalalarini yechish.

1. MathCAD va Maple tizimida matematik analiz masalalarini yechish.
2. Differentsial tenglamalarni umumiy yechimini topish.

Sonli tenglama va tengsizliklarni yechish.

| N | komanda | komanda ma'nosi |
|---|---|---|
| 1 | roots(Pn(x)) | Pn(x)=0 ko'phadli tenglama |
| 2 | solve(eq,x) | eq(x)=0 , universal komanda |
| 3 | solve({eq1, eq2,...},{x1, x2,...}) | eq _i (x ₁ ,..., x _n) = 0,i = 1,...,n , teng-r sistemasi |
| 4 | fsolve(eq,x) | eq(x)=0 tenglamani taqribiy yechimi |
| 5 | rsolve(eq,x) | eq(x)=0 rekkurent tenglamani yechimi |
| 6 | fsolve({eq1, eq2,...},{x1, x2,...}) | eq _i (x ₁ ,..., x _n) = 0,i = 1,...,n , t. s. taqr-y yechish |
| 7 | _EnvAllSolution:=true : solve(eq,{x}) | eq(x)=0 ,trigonometrik tenglama barcha yechimi |
| 8 | _EnvExplicit:=true : solve(eq,{x,y,z}) | eq _i (x ₁ ,..., x _n) = 0,i = 1,...,n ,trantsendent teng-r |

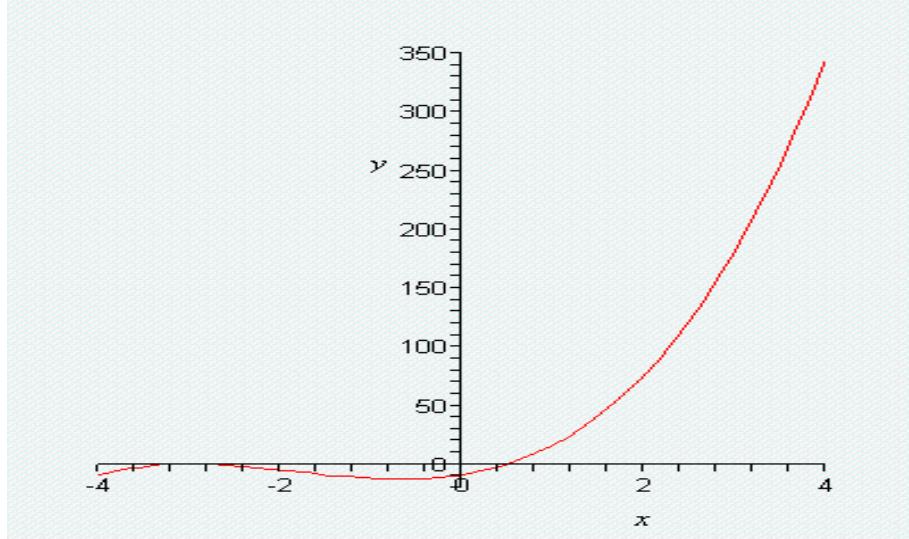
§3. 1. Sonli tenglamalarni yechish

Maple da tenglamalarni yechish uchun universal komanda mavjud: solve(eq,x), bu yerda eq-tenglama, x-tenglama yechilishi lozim bo'lgan o'zgaruvchi, fsolve(eq,x)- eq-tenglamani x ga nisbatan taqribiy yechadi.

Ko'phadlar uchun **roots(Pn(x))** komanda mavjud, javob $[[r_1, m_1], \dots, [r_n, m_n]]$ ko'rinishda chiqadi, bu yerda r_i -ildiz, m_i -uning karrasi. **solve(eq,x)** komandasini tenglamaning barcha yechimlarini topadi. **r:=solve(eq,x)** komandasini r vektorga ildizlarning qiymatlarini beradi.

Misol 1.

```
> p:=2*x^3+11*x^2+12*x-9:roots(p);  \\[[0.5],[-3,2]]
> solve(p=0,{x});\\{x=1/2},{x=-3},{ x=-3}
> r:=solve(p=0,{x});r:= {x=1/2},{x=-3},{ x=-3}
> plot(p,x=-4..4,labels=[x,y],labelfont=[TIMES,ITALIC,12]);
```



Sonli tenglamalarning sistemalarini yechish.

Tenglamalar sistemasi ushbu komandalar

solve({eq1, eq2, ...}, {x1, x2, ...}), **fsolve({eq1, eq2, ...}, {x1, x2, ...})** bilan yechiladi, bu yerda birinchi figurali qavslarda tenglamalar ro'yxati, ikkinchi figurali qavslarda o'zgaruvchilar ro'yxati berilgan. Agar keyinchalik, yechimlar ustida biror amallar bajarish kerak bo'lsa **solve** komandasiga biror nom name berish kerak, so'ng nomni qabul qilish uchun **assign(name)** komandasini berish kerak. SHundan so'ng yechimlar ustida ixtiyoriy mumkin bo'lgan amallarni bajarish mumkin.

Biz quyida 2 bobda o'tiladigan grafik chizish operatorlari

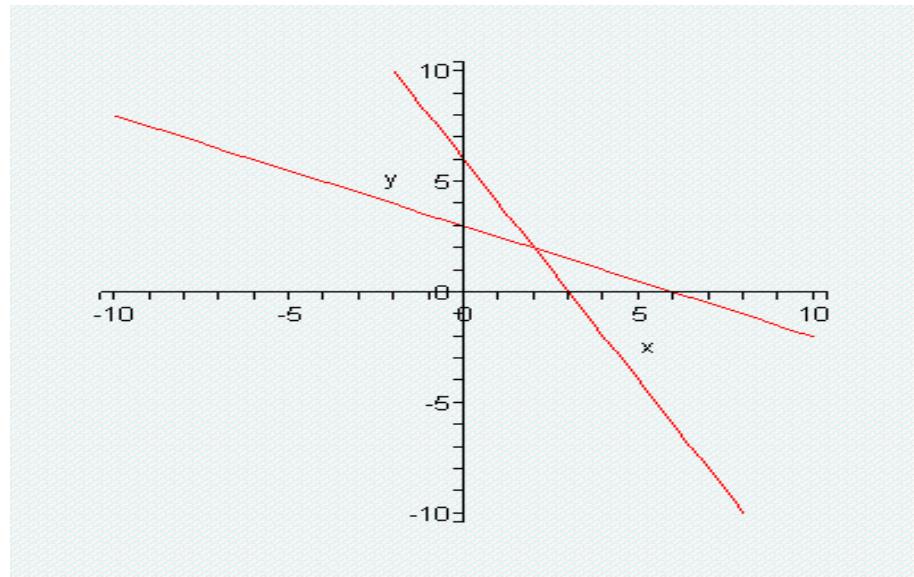
```
plot(p,x=-4..4,labels=[x,y],labelfont=[TIMES,ITALIC,12]);
```

```
with(plots):implicitplot(e,x=-10..10,y=-10..10);
```

dan ko'rgazmalilik uchun foydalandik.

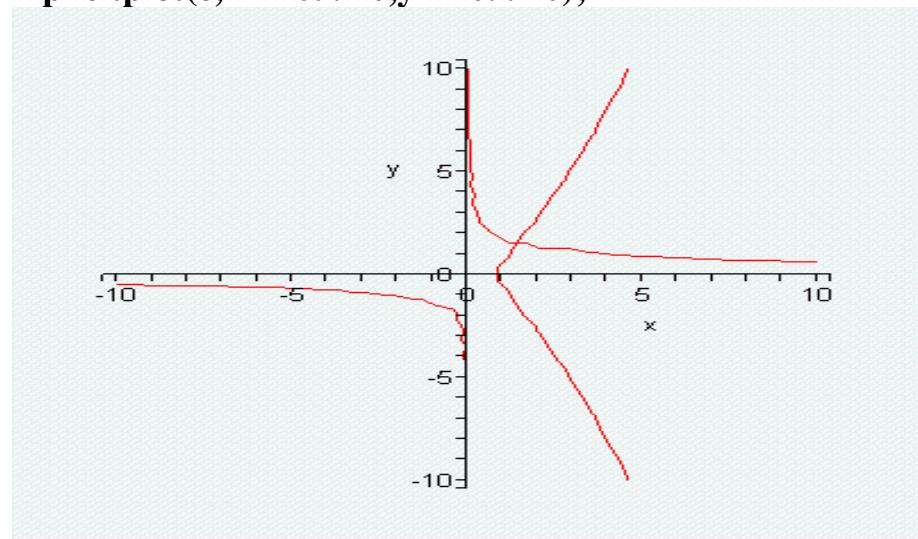
Misol. 1. Chiziqli tenglamalar sistemasini yechish.

```
> s1:={2*x+y=6,x+2*y=6}:solve(s1,{x,y});  \\{y=2,x=2}
> with(plots):implicitplot(s1,x=-10..10,y=-10..10);
```



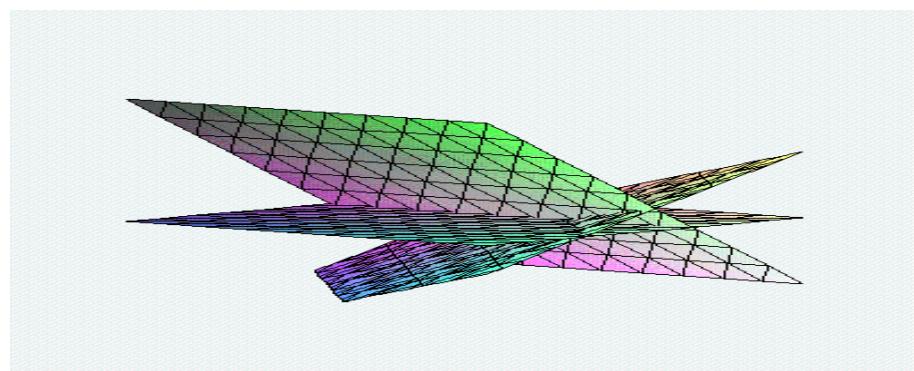
Misol 2 . Tenglamalar sistemasini yechish. $\{x^3 - y^2 - 1 = 0, xy^3 - 4 = 0\}$.

```
> e:={x^3-y^2-1=0,x*y^3-y-4=0}; \lvert\lvert \{x^3 - y^2 - 1 = 0, xy^3 - 4 = 0\}
> s:=fsolve(e,{x,y}); \lvert\lvert s={x=1. 502039049,y=1. 545568601}
> with(plots):implicitplot(e,x=-10..10,y=-10..10);
```



Misol 3. Chiziqli tenglamalar sistemasini yechish.

```
> s1:={z=3,x-z=0,x+y+2*z=12}:solve(s1,{x,y,z});\lvert\lvert \{z=3,x=3,y=3\}
> display(implicitplot3d(s1,x=-10..10,y=-10..10,z=-10..10));
```

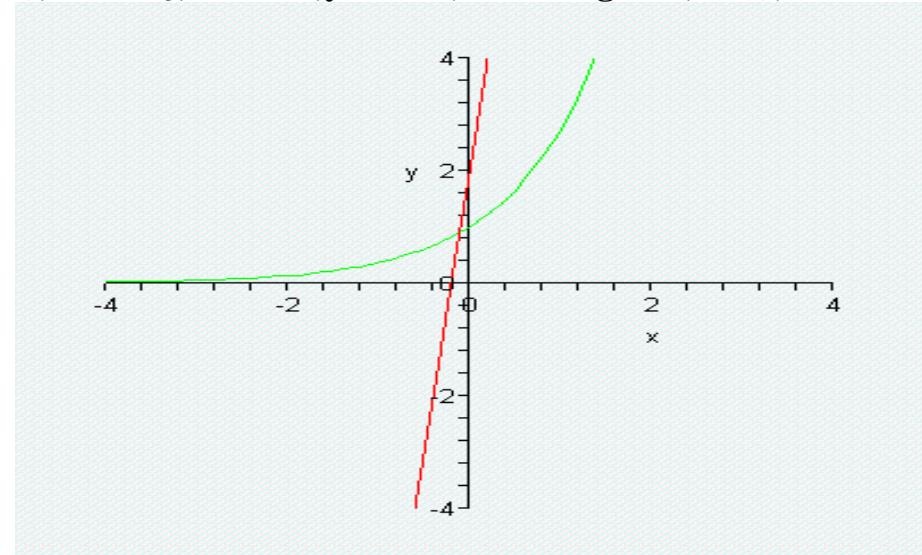


Misol 4. $f(x)=\exp(x)-10x-2=0$ tenglamani yechish.

```
> fsolve( exp(x)-10*x-2,x );
```

-0.1104575676

```
> plot({ exp(x),10*x+2},x=-4..4,y=-4..4,colour=[green,red]);
```

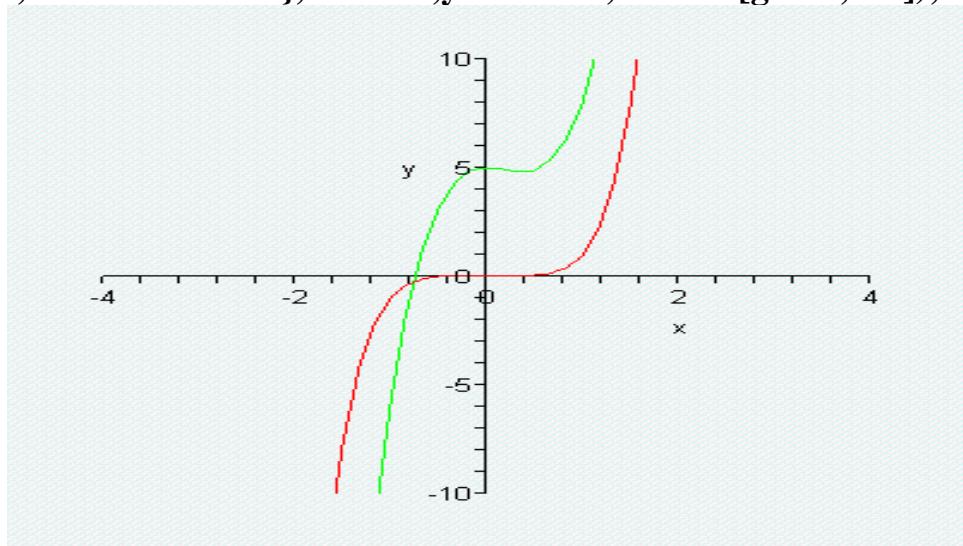


Misol 5. Ko'phadli tenglamani yechish.

```
> eq := x^5-7*x^3+4*x^2-5=0; \| x^5 - 7x^3 + 4x^2 - 5 = 0
```

```
> fsolve({eq},{x}); \| {x=-2.8608..}, {x=-0.7521..}, {x=2.3857..}
```

```
> plot({ x^5, 7*x^3-4*x^2+5},x=-4..4,y=-10..10,colour=[green,red]);
```



Tenglamalarni taqribiy yechish

Tenglamalarni taqribiy yechish uchun `fsolve(eq,x)` komanda ishlatiladi. Uning parametrlari `solve(eq,x)` komandasining parametrlariga o'xshash.

```
>x:=fsolve(cos(x)=x,x); \| x:=0.7390851332 (10 ta o'nli raqam bilan).
```

```
>r:=solve(4*x+0.8*exp(x)-7.4561=0,x); \| x:=1.200000971
```

```
>x:=fsolve(4*x+0.8*exp(x)-7.4561=0,x); \| x:=1.200000971
```

```
>y:=fsolve(y^3-2.8*exp(y)+2.5713=0,y); \| y:=-0.08545049502
```

```
>q:=solve(y^3-2.8*exp(y)+2.5713=0,{y}); \| q:=-0.08545049502
```

Rekkurent va funktsional tenglamalarni yechish.

rsolve(eq,f) komanda rekkurent eq tenglamani butun tipli f funktsiyaga nisbatan yechadi. Agar $f(n)$ tenglama uchun biror boshlang'ich shart berilsa xususiy yechim kelib chiqadi. Masalan,

$$\begin{aligned} > \text{eq}:=2*f(n)=3*f(n-1)-f(n-2); & \quad \| \text{Eq}:=2f(n)=3f(n-1)-f(n-2) \\ > \text{rsolve}(\{\text{eq},\text{f}(1)=0,\text{f}(2)=1\},\text{f}); & \quad \| 2 - 4\left(\frac{1}{2}\right)^n \end{aligned}$$

Tenglamalarni yechuvchi universal komanda solve(eq,f) funktsional tenglamalarni ham yecha oladi. Masalan,

$> F := \text{solve}(f(x)^2 - 3*f(x) + 2*x, f); \quad \| F := \text{proc}(x) \text{RootOf}(_Z^2 - 3*_Z + 2*x) \text{ end}$
 Echim oshkormas ko'rinishda hosil bo'ldi. Maple bunday ko'rinishdagi tenglamalar bilan ham ishlay oladi. Buning uchun funktsional tenglamani convert komandasini orqali almashtirishga harakat qilish kerak. Masalan,

$$> f := \text{convert}(F(x), \text{radical}); \quad \| f := \frac{3}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{9 - 8x}.$$

Trigonometrik tenglamalarni yechish.

Universal komanda solve(eq,x) bilan trigonometrik tenglamalarni ham yechish mumkin. Bu holda $[0, 2\pi]$ kesmadagi bosh yechim kelib chiqadi. Barcha yechimlarni olish uchun _EnvAllSolution:=true qo'shimcha komandani berish kerak. Masalan,

- 1) $\text{solve}(\sin(x) = \cos(x), x); \quad \| \pi/4$
 - 2) $> \text{_EnvAllSolution} := \text{true} : \text{solve}(\sin(x) = \cos(x), x); \quad \| \pi/4 + \pi _Z \sim$
 - 3) $> \text{_EnvAllSolution} := \text{true} : \text{solve}(\sin(2*x)/(tg(x)-1) = 0, x); \| 0$
- Maple da $_Z \sim$ simvoli butun tipli o'zgarmasni bildiradi. Odatiy holda yuqoridagi yechim $x := \pi/4 + \pi n$ yozuvni bildiradi.

Trantsendent tenglamalar va ularning sistemalarini yechish.

Trantsendent tenglamalarni yechishda yechimni oshkor ko'rinishda olish uchun solve krmandasidan avval _EnvExplicit:=true komandasini berish kerak.

1-usul. $> \text{eqs} := \{x^2 + y^2 = 1, x - y = 0\};$

$> r := \text{solve}(\text{eqs}, \{x, y\}); \| r := \{y = \text{RootOf}(2*_Z^2 - 1, \text{label} = \text{L1}), x = \text{RootOf}(2*_Z^2 - 1, \text{label} = \text{L1})\}$

$> r1 := \text{convert}(r, \text{radical}); \| r1 = \{y = \sqrt{2}/2, x = \sqrt{2}/2\}$

2-usul. $> \text{_EnvExplicit} := \text{true};$

$> s := \text{solve}(\text{eqs}, \{x, y\}); \| s = \{y = \sqrt{2}/2, x = \sqrt{2}/2\}, \{y = -\sqrt{2}/2, x = -\sqrt{2}/2\}$

Topshiriq 2. 1.

1. Sistemani yeching $x^2 - y^2 = 1, x^2 + xy = 2$.

$> \text{eq} := \{x^2 - y^2 = 1, x^2 + x*y = 2\};$

$> \text{_EnvExplicit} := \text{true};$

$> s := \text{solve}(\text{eq}, \{x, y\}); \| S := \{x = \frac{2}{3}\sqrt{3}, y = \frac{1}{3}\sqrt{3}\}, \{x = -\frac{2}{3}\sqrt{3}, y = -\frac{1}{3}\sqrt{3}\}$

2. $x^2 = \cos(x)$ tenglamani barcha yechimlarini topmng.
 $>x:=fsolve(x^2=\cos(x),x); \quad \|x=0,8241323123/$
3. $f(x)^2 - 2f(x) = x$ tenglamani yeching.
 $>F:=solve(f(x)^2-2*f(x)=x,f); \quad \|F:=proc(x)RootOf(_Z^2-2*_Z-x) end$
 $>f:=convert(F(x), radical); \quad \| f := 1 + \sqrt{1+x}$
4. $5\sin x + 12\cos x = 13$ tenglamani barcha yechimlarini toping.

$>EnvAllSolution:=true :$

$$>solve(5*\sin(x)+12*\cos(x)=13,x); \quad \| \arctan\left(\frac{5}{12}\right) + 2\pi Z \sim .$$

5. $>f:=exp(x)+2*x-4=0; \| f(x):=exp(x)+2x-4=0$

$>r:=fsolve(f,{x}); \| r:=\{x=0.8408414954$

6. $>e:=\{x^3-y^2-1=0, x*y^3-y-4=0\}; \quad \| e:=\{x^3-y^2-1=0, xy^3-y-4=0\}$

$>s:=fsolve(e,{x,y}); \quad \| s:=\{x=1.502039049, y=1.545568601\}$

7. $>eq:=\{\exp(x*y)=x^2-y+1, (x+0.5)^2+y^2=1\}:$

$>s1:=fsolve(eq,{x,y}); \| s1:=\{y=0.9804510724, x=-0.6967630417\}$

8. $>eqs:=\{\sin(x+1)+y+2=0, \cos(y-1)+x-2=0\}:$

$>r:=fsolve(eqs,{x,y}); \| r:=\{x=2.754100085, y=-1.425079132\}$

§3. 2. Sonli tengsizliklar va ularning sistemalarini yechish. Sodda tengsizliklarni yechish

Universal solve komandasini tengsizliklarni yechish uchun ham ishlataladi. Echim o'zgaruvchining intervallari ko'rinishida beriladi:

| Nº | Maple da yechim ko'rinishi | Ma'nosi |
|----|-----------------------------|----------------------|
| 1 | RealRange(-∞,Open(a)) | $x \in (-\infty, a)$ |
| 2 | RealRange(-∞,a) | $x \in (-\infty, a]$ |
| 3 | RealRange(Open(a),∞) | $x \in (a, \infty)$ |
| 4 | RealRange(a,∞) | $x \in [a, \infty)$ |
| 5 | RealRange(Open(a), Open(b)) | $x \in (a, b)$ |
| 6 | RealRange(a,b) | $x \in [a, b]$ |
| 7 | a < x, x < b | $x \in (a, b)$ |
| 8 | a <= x, x <= b | $x \in [a, b]$ |

Misol1.

$$>s:=solve(sqrt(x+3)<sqrt(x-1)+sqrt(x-2),x); \\ >convert(s,radical); \quad \| RealRange(Open(\frac{2}{3}\sqrt{21}), \infty) = (\frac{2}{3}\sqrt{21}, \infty)$$

Misol 2. Agar tengsizlik yechilishi kerak bo'lgan o'zgaruvchi {} qavslar ichiga olinsa yechim interval ko'rinishda tasvirlanadi. Masalan,

$$>solve(1-1/2*ln(x)>2,{x}); \quad \| \{0 < x, x < e^{(2)}\}$$

Tengsizliklar sistemasini yechish

Universal solve komandasini tengsizliklar sistemasini yechish uchun ham ishlataladi. Echim o'zgaruvchining intervallari ko'rinishida beriladi:

`>solve({x+y}>=2, x-2*y<=1,x-y>=0,x-2*y>=1},{x,y}); \{x=1+2y,1/3<=y\}`

Topshiriq 4. 1.

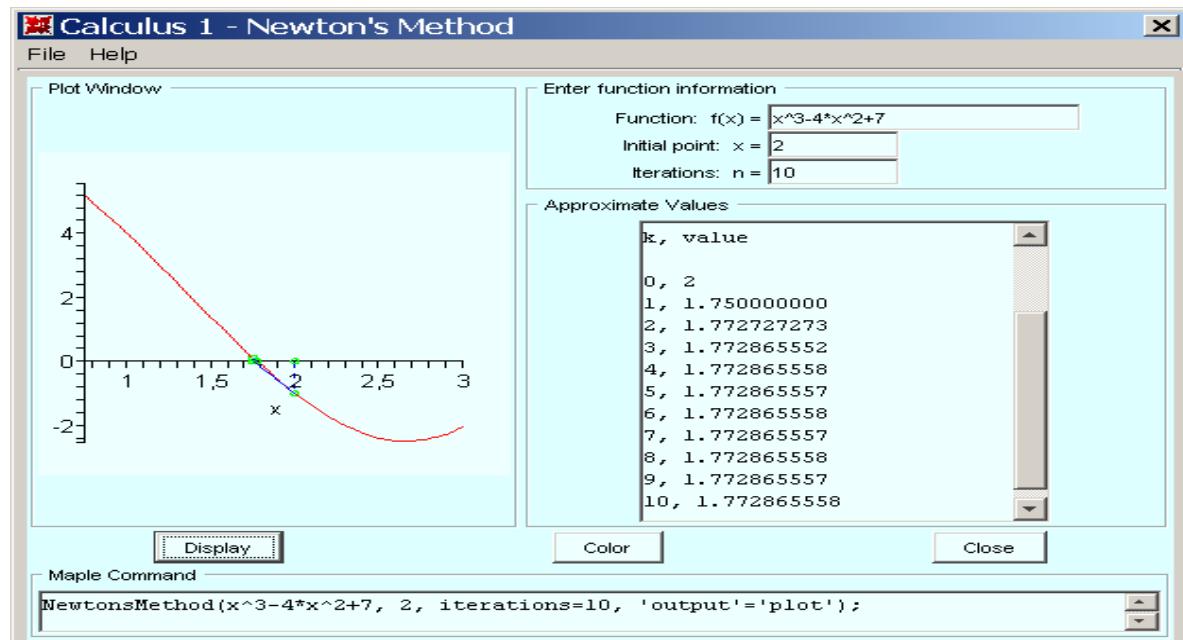
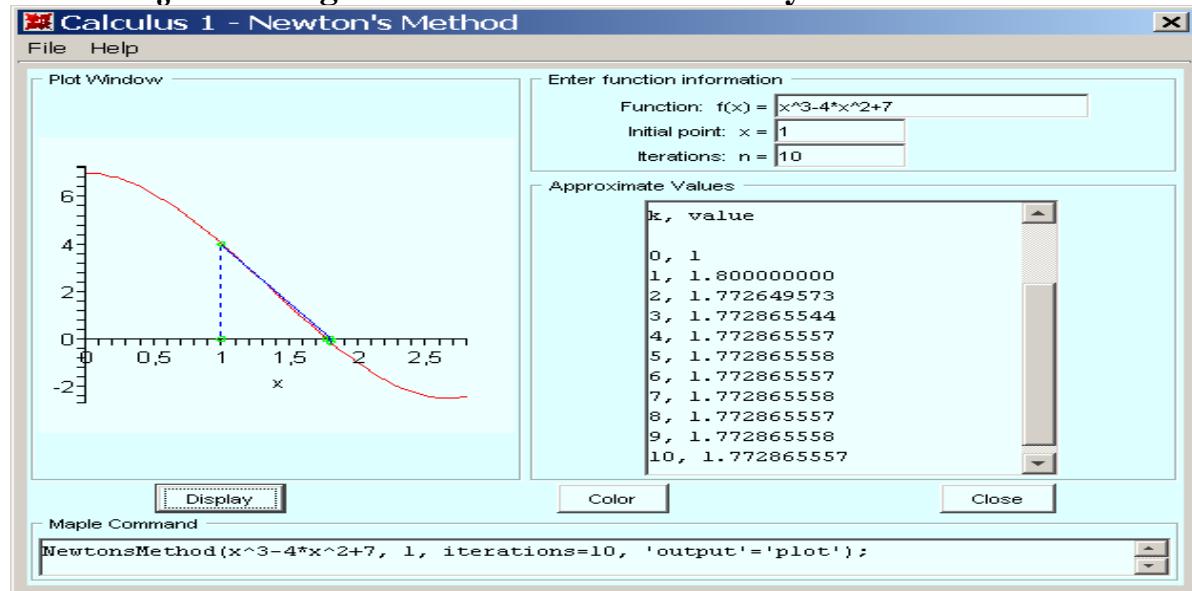
Misol 1. Tengsizlikni yeching: $13x^3 - 25x^2 - x^4 - 129x + 270 > 0$

`> solve(13*x^3-25*x^2-x^4-129*x+270>0,{x}); \{-3< x < 2\}, \{5 < x < 9\}`

Misol 2. Tengsizlikni yeching: $e^{(2x+3)} < 1$.

`> solve(exp(2*x+2)<1,{x}); \{x < -1\}`

§3. 3. Tenglamalarni interaktiv usulda yechish



Bu yerda $f(x)=0$ tenglama Nyuton usuli bilan yechilmoqda. Nyuton usulida $\xi : f(\xi) = 0$ yechim ushbu iteratsiyalar yordamida hisoblanadi:

$$\xi = \lim_{k \rightarrow \infty} x^k, x^{k+1} = x^k - \frac{f(x^k)}{f'(x^k)}, \quad , |\xi - x^k| < \frac{1}{q} \{ q |\xi - x^0|^{2^k} \}^k, f(x^0) f''(x^0) > 0.$$

Muloqot darchasida $f(x)=0$ tenglama, iteratsiyalar soni, boshlang'ich iteratsiya x^0 larni kiritiladigan maydonlar va iteratsiyalar uchun maydonlar mavjud. Ajoyib imkoniyatli, tezkor interaktiv sahifa.

3.4. Topshiriqlar va savollar

1. $z = (2e^{i\pi/6})^5$ kompleks son berilgan. Uning haqiqiy, mavhum qismlari, algebraik ko'rinishi, moduli, argumenti topilsin.
2. $f(x, y) = \left(\frac{\operatorname{arctg}(x+y)}{\operatorname{arctg}(x-y)}\right)^2$ funktsiyani bering, uning qiymatlarini ushbu $x = 1, y = 0; x = (1 + \sqrt{3})/2, y = (1 - \sqrt{3})/2$ nuqtalarda hisoblang.
3. $f(x, y) = \frac{x^3y^2 - x^2y^3}{(xy)^5}$ funktsiyaning fiymatini $x=a, y=1/a$ nuqtada subs komandasidan foydalanib hisoblang.
4. Sistemaning barcha yechimi analitik ko'rinishda topilsin:
 $x^2 - 5xy + 6y^2 = 0, x^2 + y^2 = 10.$
5. Trigonometrik tenglamaning barcha yechimlari topilsin: $\sin^4 x - \cos^4 x = 1/2.$
6. Tenglamaning xususiy yechimi topilsin: $e^x = 2(1-x)^2.$
7. Tengsizlik yechilsin: $2\ln^2 x - \ln x < 1.$
8. $f(x) = e^{\alpha x} + 2x - 4\beta = 0, \alpha = 0.1k, \beta = 1 + 0.01k, k \in N.$
9. $f(x) = x^3 + 4x - \beta = 0, \beta = 1 + 0.01k, k \in N.$
10. $\alpha x^3 - y^2 - 1 = 0, xy^3 - y - 4 = 0, \alpha = 1 + 0.5k, k = 0, \dots, 5.$
11. $e^{xy} = x^2 - y + \alpha, (x+0.5)^2 + y^2 = k, x > 0, y > 0, \alpha = 1 + 0.1m, k = 0.6 + 0.1m, m = 0, \dots, 5.$
12. $\alpha x^3 - y^2 - 1 = 0, xy^3 - y - 4 = 0, \alpha = 1 + 0.5k, k = 0, \dots, 5.$
13. $\operatorname{tg}(xy + k) = x^2, \alpha x^2 + 2y^2 = 1, x > 0, y > 0, \alpha = 0.5 + 0.1m, k = 0.1m, m = 0, \dots, 5.$

Savollar

1. Maple da funktsiyalarni berish usulini bayon eting.
2. Maple da haqiqiy ifodalarni baholash uchun qanday amallar mavjud.
3. evalf komandasini vazifasini tushuntiring.
4. evals komandasini vazifasini tushuntiring.
5. solve komandasini vazifasini tushuntiring.
6. Tenglamalar va rekkurent tenglamalarni yechish uchun qanday komanda ishlataladi.
7. Tenglamalarni barcha yechimlarini aniq hosil qilish uchun solve komandasidan oldin qanday komandalarni yozish kerak.
8. Tengsizliklar qanday komanda bilan yechiladi. Javobda intervallar qanday beriladi.

3-mavzu. ODT ucun Koshi va aralash masalalarni echish.

Reja:

1. Fundamental (bazis) yechimlar sistemasi
2. Koshi yoki chegaraviy masalani yechish
3. ODT sistemasi
4. ODT ni qator yordamida taqrifiy yechish

5. ODT ni sonli usulda yechish
6. ODTni yechishda interaktiv usullar.

Maple da ODT ni analitik usulda yechish uchun dsolve(eq,var,options) komandasi ishlataladi, bu yerda eq-tenglama, var-no'malum funktsiya, options-parametrlar. Parametrlar ODT ni yechish usulini ko'rsatishi mumkin, masalan, sukul saqlash printsipiga asosan, analitik yechim olish uchun type=exact parametri beriladi. ODT da hrsilani berish uchun diff komandasi ishlataladi. Masalan, $y'' + y = x$ tenglamasi $\text{diff}(y(x),x\$2)+y(x)=x$ ko'rinishda yoziladi. ODT ning umumiyligi yechimi o'zgarmas sonlarni o'z ichiga oladi, masalan, yuqoridagi tenglama ikkita o'zgarmasni o'z ichiga oladi. O'zgarmaslar Maple da $_C1, _C2$ ko'rinishda belgilanadi.

Ma'lumki, chiziqli ODT bir jinsli ($o'ng$ tomon 0) va bir jinsli bo'lмаган ($o'ng$ tomon 0 emas) ko'rinishda bo'ladi. Bir jinsli bo'lмаган tenglama yechimi mos bir jinsli tenglamaning umumiyligi yechimi va bir jinsli bo'lмаган tenglamaning xususiy yechimlari yig'indisidan iborat bo'ladi. Maple da ODT ning yechimi ana shunday ko'rinishda chiqariladi, ya'ni o'zgarmaslarni o'z ichiga olgan qism bir jinsli tenglamaning umumiyligi yechimi bo'ladi, va o'zgarmas son ishtirok etmagan qismi bir jinsli bo'lмаган tenglamaning xususiy yechimi bo'ladi.

`dsolve` komandasi bergan yechim hisoblanmaydigan formatda beriladi. Yechim bilan kelajakda ishlash uchun, masalan grafik chizish uchun, uning $o'ng$ tomonini `rhs(%)` komanda bilan ajratish kerak.

Misollar. 1. $y' + y \cos x = \sin x \cos x$ tenglama yechilsin.

```
> restart;
> de:=diff(y(x),x)+y(x)*cos(x)=sin(x)*cos(x);
\| de := (\frac{\partial}{\partial x} y(x)) + y(x) \cos(x) = \sin(x) * \cos(x)
> dsolve(de,y(x));           \| y(x) = \sin(x) - 1 + e^{(-\sin(x))} _C1.
```

Ya'ni tenglamaning yechimi matematik tilda ushbu ko'rinishga ega:

$$y(x) = C_1 e^{(-\sin(x))} + \sin(x) - 1.$$

2. $y'' - 2y' + y = \sin x + e^{-x}$ tenglamaning umumiyligi yechimi topilsin.

```
> restart;
> deq:=diff(y(x),x\$2)-2*diff(y(x),x)+y(x)=sin(x)+exp(-x);
\| deq := (\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x)) - 2(\frac{\partial}{\partial x} y(x)) + y(x) = \sin(x) + e^{-x}
> dsolve(deq,y(x)); \| y(x) = _C1 e^x + _C2 e^x x + \frac{1}{2} \cos(x) + \frac{1}{4} e^{-x}
```

3. $y'' + k^2 y = \sin(qx)$ tenglamaning umumiyligi yechimi $q = k, q \neq k$ hollar uchun topilsin.

```
> restart; de:=diff(y(x),x\$2)+k^2*y(x)=sin(q*x);\
de := (\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x)) + k^2 y(x) = \sin(qx)
> dsolve(deq,y(x));\|
```

$$y(x) = \frac{1}{k} \left(-\frac{1}{2} \frac{\cos(k+q)x}{k+q} + \frac{1}{2} \frac{\cos(k-q)x}{k-q} \right) \sin(kx) - \\ - \frac{1}{k} \left(\frac{1}{2} \frac{\sin(k-q)x}{k-q} - \frac{1}{2} \frac{\sin(k+q)x}{k+q} \right) \cos(kx) + _C1 \sin(kx) + _C2 \cos(kx)$$

Rezonans holatdag'i yechim ($q=k$) ni topamiz:

> q:=k: dsolve(de,y(x)); \\

$$y(x) = -\frac{1}{2} \frac{\cos(kx)^2 \sin(kx)}{k} - \frac{1}{k} \left(-\frac{1}{2} \cos(kx) \sin(kx) + \frac{1}{2} kx \cos(kx) \right) + _C1 \sin(kx) + _C2 \cos(kx)$$

1. Fundamental (bazis) yechimlar sistemasi

dsolve komandasasi ODT ning bazis yechimlar sistemasini ham topishda ishlatiladi. Uning uchun parametrlar bo'limida output=basis deb ko'rsatish kerak. Masalan, $y^{(4)} + 2y' + y = 0$ ODT ning bazis yechimlar sistemasini topaylik.

> de:=diff(y(x),x\$4)+2*diff(y(x),x\$2)+y(x)=0; \\

$$de := (\frac{\partial^4}{\partial x^4} y(x)) + 2 \frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x) + y(x) = 0$$

> dsolve(de, y(x), output=basis); \\ [cos(x), sin(x), xcos(x), xsin(x)]

2. Koshi yoki chegaraviy masalani yechish

dsolve komandasasi yordamida Koshi yoki chegara masalani ham yechish mumkin. Buning uchun blshlang'ich yoki chegara shartlarni qo'shimcha ravishda berish kerak. Qo'shimcha shartlarda hosila differentsiyal operator D bilan beriladi. Masalan, $y''(0) = 2$ shart $(D @@ 2)(y)(0) = 2$ ko'rinishda, $y'(0) = 0$ shart $D(y)(1) = 0$ ko'rinishda, $y^{(n)}(0) = k$ shart $(D @@ n)(y)(0) = k$ ko'rinishda yozilishi kerak.

Misollar 1. $y^{(4)} + y'' = 2\cos x$, $y(0) = -2$, $y'(0) = 1$, $y''(0) = 0$, $y'''(0) = 0$ Koshi masalasi yechilsin.

> de:=diff(y(x),x\$4)+diff(y(x),x\$2)=2*cos(x);

> cond:=y(0)=-2, D(y)(0)=1, (D@@2)(y)(0)=0,

$$(D@@3)(y)(0)=0; \quad \backslash\backslash de := (\frac{\partial^4}{\partial x^4} y(x)) + (\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x)) = 2\cos(x)$$

> dsolve({de,cond},y(x)); \quad \backslash\backslash y(x) = -2\cos(x) - x\sin(x) + x

2. $y^{(2)} + y = 2x - \pi$, $y(0) = 0$, $y(\frac{\pi}{2}) = 0$ chegara masala yechilsin.

> restart; de:=diff(y(x),x\$2)+y(x)=2*x-Pi; \quad \backslash\backslash de := (\frac{\partial^2}{\partial x^2} y(x)) + y(x) = 2x - \pi

> cond:=y(0)=0,y(Pi/2)=0; \quad \backslash\backslash cond := y(0) = 0, y(\frac{\pi}{2}) = 0

> dsolve({de,cond},y(x)); \quad \backslash\backslash

$$y(x) = 2x - \pi + \pi \cos(x)$$

Echim grafigini chizish uchun tenglama shing tomonini ajratib olish kerak:

> y1:=rhs(%):plot(y1,x=-10..20,thickness=2);

3. ODT sistemasi

dsolve komandasasi yordamida LN sistemasini ham yechish mumkin. Buning uchun uni dsolve({sys},{x(t),y(t),...}), ko'rinishda yozib olish kerak, sys-ODT lar

sistemasi, $x(t), y(t), \dots$ -no'malum funktsiyalar sistemasi.

Misollar 1.

$$\begin{cases} x' = -4x - 2y + \frac{2}{e^t - 1}, & y' = 6x + 3y - \frac{3}{e^t - 1} \end{cases}$$

```
> sys:=diff(x(t),t)=-4*x(t)-2*y(t)+2/(exp(t)-1),
diff(y(t),t)=6*x(t)+3*y(t)-3/(exp(t)-1):
> dsolve({sys},{x(t),y(t)});      \\
{x(t) = -3_C1 + 4C1_e^{(-t)} - 2C2 + 2C2_e^{(-t)} + 2e^{(-t)} \ln(e^t - 1),
{y(t) = 6_C1 - 6C1_e^{(-t)} + 4C2 + 3C2_e^{(-t)} - 3e^{(-t)} \ln(e^t - 1)}
```

4. ODT ni qator yordamida taqribiy yechish

dsolve komandasini yordamida ODT yechimini taqribiy usulda qator yordamida topish mumkin. Buning uchun dsolve komandasida output=series va Order:=n parametrlarni kiritish kerak. Bishlang'ich qiymatlar $y(0)=u_1$, $D(y)(0)=u_2$, $(D@@2)(y)(0)=u_3$ i hokazo ko'rinishda beriladi. Yechimni ko'phadga aylantirish uchun convert(% , polynom) komandasini berish kerak. Yechimning grafik ko'rinishda chiqarish uchun convert(%, plot) komandasini berish kerak.

Misollar 1. $y' = y + xe^x$, $y(0) = 0$ Koshi masalasining taqribiy yechimi 5-darajali ko'phad ko'rinishda olinsin.

> restart; Order:=5:

```
> dsolve({diff(y(x),x)=y(x)+x*exp(y(x)), y(0)=0}, y(x), type=series);
\\ y(x) =  $\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{6}x^4 + O(x^5)$ 
```

2. $y''(x) - y^2(x) = e^{-x} \cos x$, $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$ Koshi masalasining taqribiy yechimi 4-tartibli qator uo'rinishda topilsin.

> restart; Order:=4: de:=diff(y(x),x\$2)-y(x)^3=exp(-x)*cos(x):

> f:=dsolve(de,y(x),series);

```
\\ f(x) := y(x) + D(y)(0)x + (\frac{1}{2}y(0)^3 + \frac{1}{2})x^2 + (\frac{1}{2}y(0)^2 D(y)(0) - \frac{1}{6})x^3 + O(x^4)
```

3. $y''(x) - y'(x) = 3(2 - x^2) \sin(x)$, $y(0) = 1$, $y'(0) = 1$, $y''(0) = 1$ Koshi masalasining taqribiy yechimi 6 tartibli ko'phad ko'rinishda topilsin.

> restart; Order:=6:

> de:=diff(y(x),x\$3)-diff(y(x),x)= 3*(2-x^2)*sin(x);

```
\\ de := (\frac{\partial^3}{\partial x^3} y(x)) - (\frac{\partial}{\partial x} y(x)) = 3(2 - x^2) \sin(x)
```

> cond:=y(0)=1, D(y)(0)=1, (D@@2)(y)(0)=1;

\\cond:=y(0)=1, D(y)(0)=1, D(2)(y)(0)=1

```
> dsolve({de,cond},y(x)); \\ y(x) = \frac{21}{2} \cos(x) - \frac{3}{2} x^2 \cos(x) + 6x \sin(x) - 12 + \frac{7}{4} e^x + \frac{3}{4} e^{-x}
```

> y1:=rhs(%):

```
> dsolve({de,cond},y(x),series); \\ y(x) = 1 + x + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{7}{24}x^4 + \frac{1}{120}x^5 + O(x^6)
```

Aniq va taqribiy yechim grafigini chiqarish uchun quyidagi komandalarni berish kerak:

```

> convert(% , polynom): y2:=rhs(%):
> p1:=plot(y1,x=-3..3,thickness=2,color=black):
> p2:=plot(y2,x=-3..3, linestyle=3,thickness=2, color=blue):
> with(plots): display(p1,p2);

```

5. ODT ni sonli usulda yechish

dsolve komandasi ODT ni taqribiy yechish uchun ham ishlataladi, faqatgina parametrlar safida type=numeric deb ko'rsatish kerak, undan tashqari options bo'limida sonli usullar turini ham ko'rsatish kerak: dsolve(eq, vars, type=numeric, options). Quyidagi sonli usullar ishlatalishi mumkin:

method=rkf45- 4-5-tartibli Runge-Kutta usuli,
 method=dverk78-,7-8-tartibli Runge-Kutta usuli,
 mtthod=classical-,3-4-tartibli klassik Runge-Kutta usuli,
 method=gear- Girning bir qadamli usuli,
 method=mgear- Girning ko'p qadamli usuli.

ODT ning yechimini grafik usulda yechish uchun odeplot(dd, [x,y(x)], x=x1..x2), komandasi ishlataladi, bu yerda dd:=dsolve({eq,cond}, y(x), numeric).

Topshiriqlar.

1. $y'' - x \sin(y) = \sin 2x$, $y(0) = 0$, $y'(0) = 1$ Koshi masalasi sonli va 6-darajali qator ko'rinishda topilsin.

```

> restart; Ordev=6:
> eq:=diff(y(x),x$2)-x*sin(y(x))=sin(2*x):
> cond:=y(0)=0, D(y)(0)=1:
> de:=dsolve({eq,cond},y(x),numeric);           \|de:=proc(rkf45_x)...end
> de(0.5);
> with(plots):
> odeplot(de,[x,y(x)],-10..10,thickness=2);
> dsolve({eq, cond}, y(x), series);
> convert(% , polynom):p:=rhs(%):
> p1:=odeplot(de,[x,y(x)],-2..3, thickness=2, color=black):
> p2:=plot(p,x=-2..3,thickness=2,linestyle=3, color=blue): display(p1,p2);

```

2. $x'(t) = 2y(t)\sin(t) - x(t) - t$, $y'(t) = x(t)$, $x(0) = 1$, $y(0) = 2$ ODT sistemasi grafik usulda yechilsin.

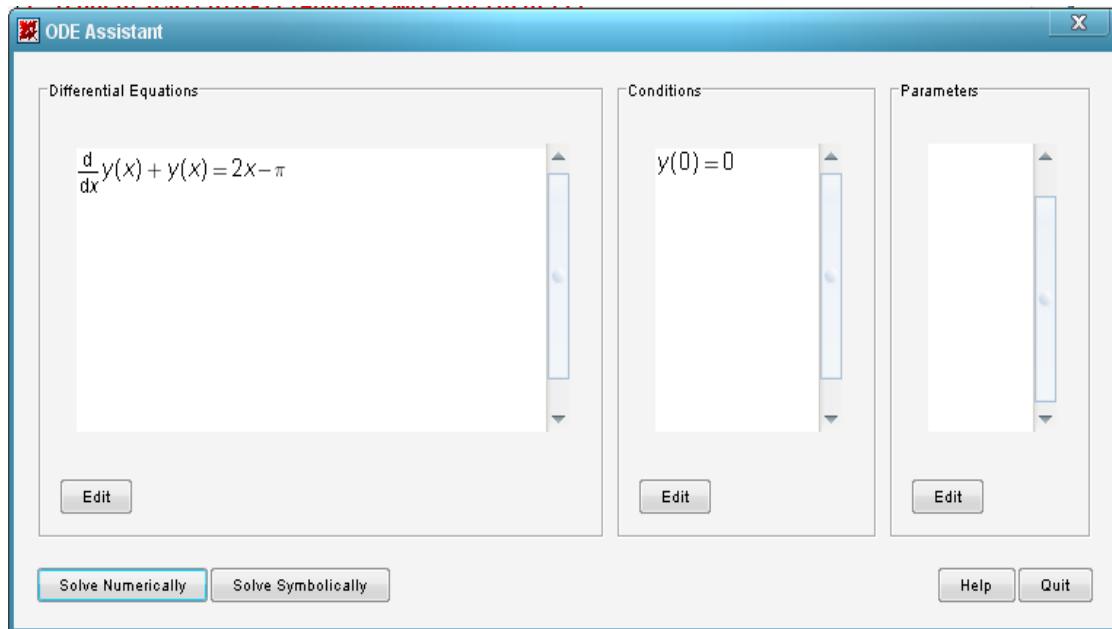
```

> restart; cond:=x(0)=1,y(0)=2:
> sys:=diff(x(t),t)=2*y(t)*sin(t)-x(t)-t, diff(y(t),t)=x(t):
> F:=dsolve({sys,cond},[x(t),y(t)],numeric):
> with(plots):
> p1:=odeplot(F,[t,x(t)],-3..7, color=black, thickness=2,linestyle=3):
> p2:=odeplot(F,[t,y(t)],-3..7,color=green, thickness=2):
> p3:=textplot([3.5,8,"x(t)"], font=[TIMES, ITALIC, 12]):
> p4:=textplot([5,13,"y(t)"], font=[TIMES, ITALIC, 12]):
> display(p1,p2,p3,p4);

```

6. ODTni yechishda interaktiv usullar.

Tools>Assistants>ODE analizer komandasini yordamida ODT uchun Koshi yoki chegara masalanini interaktiv usulda analitik yoki sonli yechish mumkin.



Topshiriqlar

1. $y'' - 2y' - 3y = xe^{4x} \sin x$ ODT ning umumiy yechimi topilsin.
2. $y''' + y'' = 1 - 6x^2 e^{-x}$ ODT ning funlamaental yechimlar sistemasi topilsin.
3. $y''' - y' = \operatorname{tg} x$, $y(0) = 3$, $y'(0) = -1$, $y''(0) = 1$ Koshi masalasi yechilsin.
4. $x'' + 5x' + 2y' + y = 0$, $3x'' + 5x + y' + 3y = 0$, $x(0) = 1$, $x'(0) = 0$, $y(0) = 1$ ODT lar sistemasi yechilsin.
5. $y'' + y = y^2$, $y(0) = 2a$, $y'(0) = a$ nochiziq ODT yechimi 6-darajagacha qator ko'rinishda topilsin.
6. $y' = \sin(xy)$, $y(0) = 1$ Koshi masalasi yechimining grafigi chizilsin.
7. $y'' = xy' - y^2$, $y(0) = 1$, $y'(0) = 2$ Koshi masalsining yechimi 6-darajagacha qator ko'rinishda topilsin.
8. $y'' - xy' + y^2 = 0$, $y(0) = 1$, $y'(0) = -4$ -1.5, 3 kesmada Koshi masalasining taqrifiy yechimining grafigi chizilsin .(Deplot komandasini yordamida).
9. $x' = 3x - y$, $y' = x - y$ ODTlar sistemasi yechimining fazoviy portreti bir necha boshlang'ich shartlar uchun chizilsin.

Savollar

1. ODT qanday komanda yordamida yechiladi ?
2. ODT da boshlang'ich va chegara shartlar qanday komanda yordamida yechiladi ?
3. dsolve komandasida qanday parametr fundamental yechimlar sistemasini aniqlash uchun xizmat qiladi ?
4. dsolve komandasida qanday parametr yechimni qator ko'rinishda olishga xizmat qiladi ?
5. ODT yechimini grafik usulda olish uchun dastlab qanday komandalarni

kiritish kerak ?

6. dsolve komandasida qanday parametr yechimni sonli usulda olish uchun xizmat qiladi ?
7. ODT yechimini biror nuqtada qanday olish mumkin ?
8. dsolve komandasida qanday parametr taqrifiy yechimni grafik usulda chiqarish uchun xizmat qiladi ?
9. ODT yechimni grafik usulda olish uchun qanday paket xizmat qiladi.
10. odeplot va Deplot komandalarining farqi nimada ?
11. ODT lar sistemasi yechimilarining fzoviy portreti qanday hosil qilinadi ?

4-amaliy mashg'ulot. MATLAB tizimi

REJA:

1. Matritsa ustida amallar.

2. CHiziqli tenglamalarini yechish.

1. Matritsa ustida amallar

MATLAB tizimi vektor va matritsalar ustida murakkab amallarni bajaradi. Undan arifmetik va algebraik amallardan tashqari matritsalarni inventirlash. Ularning xususiy qiymatlarini hisoblash, chiziqli tenglamalar sistemasini yechish, ikki va uch o'lchamli funktsiyalarning grafiklarini olish va boshqa ko'plab amallarni bajaruvchi kuchli kalkulyator sifatida ham foydalanish mumkin.

Oddiy son va o'zgaruvchilarga ham MATLAB da 1×1 o'lchamli matritsa ko'rinishida qaraladi. SHu sababli, oddiy sonlar va massivlar ustida bajariladigan amallarning shakli va usullarida bir xillikka erishilgan. Zarur hollarda vektor va matriqlar massivlarga aylantiriladi va ularning qiymatlari har bir element uchun hisoblanadi.

MATLAB dasturining asosiy afzalliklari:

Matritsaviy amallarga yo'naltirilganligi

Tizimning kengayuvchanligi

Kuchli dasturlash vositalari

Dialog rejimida ishlashlik

MATLAB superkalkulyator rolida.

MATLAB matematik tizimida ishlashdan oldin matritsalar bilan ishlashni bilish zarur.

Matritsa bu – to'g'rito'rtburchakli massiv elementlarining to'plamidir. Masalan 1×1 ko'rinishidagi matritsa skalyar matritsa bo'lib, u bir ustur va bir qatordan iboratdir. Uning qiymati oddiy sondir.

MATLAB tizimida matritsalarining kiritishning bir necha yo'llari mavjud:

Matrits elementining to'liq kiritish;

Matritsaning tashqi fayllardan yuklash;
 Funkiyalar orqali shakllantirish;
 M-fayl orqali hosil qilish.

Matrits elementining to'liq kiritishning quyidagicha shartlari mavjud:

- 1) Elementlarni alohida probel bilan kiritish;
- 2) Qatorlarni ";" bilan ajratish;
- 3) Kiritilgan elementlarni [] olish.

Misol:

Kiritilayotgan martitsaning yozilishi:

```
>> A = [16 3 2 13; 5 10 11 8; 9 6 7 12; 4 15
       14 1]
```

Natija:

| | |
|-----------|----------------------|
| | A = |
| 16 | 3 2 13 |
| 5 | 10 11 8 |
| 9 | 6 7 12 |
| 4 | 15 14 1 |

Yuqorida kiritilayotgan martitsa A o'zgaruvchiga yuklatib olindi, endi siz A orqali matritsani chaqirib olishingiz mumkin.

Matritsa ustun elementlarini yig'indisini topish uchun **sum()** standart funktsiyasidar foydalarish mumkin.

sum(A)

MATLAB dagi natija:

```
ans =
      34    34    34    34
```

MATLAB tizimi tug'ridan to'g'ri hisoblash rejimida ishslash xususiyatlige ega ekanligi ishning tezkor bajarilishini osnlashtiradi. CHiqayotgan natija doimo **ans** o'zgaruvchisida yuklatiladi. **sum(A)** orqali A matritsaning faqat ustun elementlarining yig'indisini topdik xolos, uning qator elementlarining yig'indisini topish uchun esa, matritsani transponirlash kerak. MATLAB transponirlash " ' " orqali bajariladi.

Kiritilayotgan ifoda:

sum(A')

MATLAB dagi natija:

sum(A')

ans =

```
      34    34    34    34
```

Diag() funktsiyasi orqali matritsaning diogonal elementlarini chiqarish mumkin.

Kiritilayotgan ifoda:

diag(A)

MATLAB dagi natija:

```

ans =
    16
    10
      7
      1

```

Kiritilayotgan ifoda:

```
sum(diag(A))
```

MATLAB dagi natija:

```
ans = 34
```

fliplr funktsiyasi orqali matritsaning diogonaliga nisbatan teskari matritsa xosil qilib beradi.

Kiritilayotgan ifoda:

```
fliplr(A)
```

MATLAB dagi natija:

```
ans =
```

| | | | |
|----|----|----|----|
| 13 | 2 | 3 | 16 |
| 8 | 11 | 10 | 5 |
| 12 | 7 | 6 | 9 |
| 1 | 14 | 15 | 4 |

Matritsaning alohida elementlarining yig'indisini topish uchun matritsaning alog'ida elementi olinadi, ya'ni $A(i,j)$ ko'rinishida.

Kiritilayotgan ifoda:

```
A(1,4) + A(2,4) + A(3,4) + A(4,4)
```

MATLAB dagi natija:

```
ans = 34
```

Matritsaga yangi qator yoki ustun qo'shish uchun quyidagicha ish qilinadi.

Kiritilayotgan ifoda:

```
X=A;
```

```
X(4,5)=17
```

MATLAB dagi natija:

```
X =
```

| | | | | |
|----|----|----|----|----|
| 16 | 3 | 2 | 13 | 0 |
| 5 | 10 | 11 | 8 | 0 |
| 9 | 6 | 7 | 12 | 0 |
| 4 | 15 | 14 | 1 | 17 |

Ayrim xollarda tartibga solingan sonlar ketma-ketliklarini formatlash talab qilinadi. Bunday ketma-ketliklar vektorlarni yoki grafiklarni qurish vaqtida

abtsissalarining qiymatlarini hosil qilish uchun zarur bo'ladi. Sonlar ketma ketligini formatlash uchun MATLAB tizimida : (ikki nuqta) operatori ishlataladi.

Kiritilayotgan ifoda:

1 : 10

MATLAB dagi natija:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Tartibga solingan ketma-ketlikning oraliq qiymatini ham berish mumkin.

Kiritilayotgan ifoda:

100 : -7 : 50

MATLAB dagi natija:

100 93 86 79 72 65 58

SHunday qilib, : (ikki nuqta) operator onlarning muntazam ketma-ketligini olish uchun qulay vosita hisoblandi. U grafiklarni qurish vositalari bilan ishlashda keng qo'llaniladi.

Magic funktsiyasi har tomonlama kvadrat bo'lgan matritsa xosil qilib beradi. U sexrgar funktsiyadir.

Kiritilayotgan ifoda:

B=magic(4)

MATLAB dagi natija:

B =

**16 2 3 13
5 11 10 8
9 7 6 12
4 14 15 1**

2. Chiziqli tenglamalarini yechish.

Matritsalar va uning tenglamalar sistemasiga bog'lash.

$$\begin{Bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{Bmatrix}$$

Bunday jadval **n x m o'lchamli to'g'ri burchakli matritsa** deb ataladi. Bu jadvaldagi a_{ij} matritsa elementlari deyiladi.

Agar $m=n$ bo'lsa, bunday matritsa **n-tartibli kvadrat matritsa** deyiladi.

Har bir n-tartibli A kvadrat uchun shu matritsaning elementlaridan tashkil topgan n-tartibli determinantni hisoblash mumkin.

Bosh diogonalida turmagan barcha elementlari 0 ga teng bo'lgan matritsa **diagonal matritsa** deyiladi.

Diagonalidagi elementlari noldan farqli diagonal matritsa **skalyar matritsa** deyiladi.

Bosh diagonalidagi barcha elementlari 1 ga teng diogonal matritsa **birlik matritsa** deyiladi.

Barcha elementlari nolga teng matritsa **nol matritsa** deyiladi.

Chiziqli tenglamalar sistemasini yechish

n ta noma'lumli n ta chiziqli tenglmalar sistemasi berilgan bo'lsin.

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1, \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2, \\ \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n. \end{cases}$$

Quyidagi belgilashlar kiritilgan bo'lsin.

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix}.$$

Natijada quyidagicha chiziqli tenglama xosil bo'ladi.

$$\mathbf{AX} = \mathbf{B}$$

Bu yerda:

A – noma'lumlar oldidagi koeffitsentlardan tuzilgan matritsa;

V – ozod hadlardan tuzilgan ustun matritsa;

X – noma'lumlardan tuzilgan ustun matritsa.

Agar A matritsaning determinanti $\det A \neq 0$ bo'lsa, u holda A matritsaga A^{-1} matritsa mavjud.

$$A^{-1}AX = A^{-1}V$$

$$(A^{-1}A)X = A^{-1}V$$

Bu yerda $A^{-1}A = Y$ e ya'ni, $Y = I$ natijada:

$$X = A^{-1}V$$

MATLAB tizimida matritsaga teskari matritsa `inv()` funktsiyasi orqali amalgalashiriladi.

Umumiyl olib qaraganda tenglamalar sistemasining matlabda yechishning 3 xil usuli mavjud.

$\mathbf{X} = \mathbf{V}/\mathbf{A}$ – bu yerda, V ($n \times k$) o'lchamli matritsa A bo'lsa, ($m \times n$) o'lchamli matritsa.

$\mathbf{X} = \mathbf{V} * \mathbf{A}^{-1}$ – bu yerda, V ($n \times k$) o'lchamli matritsa A bo'lsa, ($m \times n$) o'lchamli matritsa.

$\mathbf{X} = \mathbf{V} * \text{inv}(\mathbf{A})$ – bu yerda, V ($n \times k$) o'lchamli matritsa A bo'lsa, ($m \times n$) o'lchamli matritsa.

Nazorat savollari

1. MATLAB tizimida matritsalar iblan ishlash?
2. MATLAB da matritsalar kiritish tartibi?
3. MATLAB da matritsa kiritishga qo'yilgan talablar?
4. Matritsalar bilan ishlovchi funktsiya va operatorlar?
5. Ikki nuqtaning vazifasi?

6. **Magic** funktsiyasi haqida?
7. MATLAB tizimida matriksalar bilan ishlash?
8. MATLAB da matriksalar kiritish tartibi?
9. MATLAB da matriksa kiritishga qo'yilgan talablar?
10. Matriksalar bilan ishlovchi funktsiya va operatorlar?
11. Tenglamalar sitemasini yechish?

5-Amaliy mashg'ulot. LATEX sistemasida matnlarni formatlash, jadval va grafiklar tuzish, matematik formulalar yozish va taqdimotlar tayyorlash.

1. Latex dasturini o'rnatish va sozlash.
2. Latex dasturining imkoniyatlari.
3. Matematik formulalar bilan ishlash

1. Latex dasturini o'rnatish va sozlash.

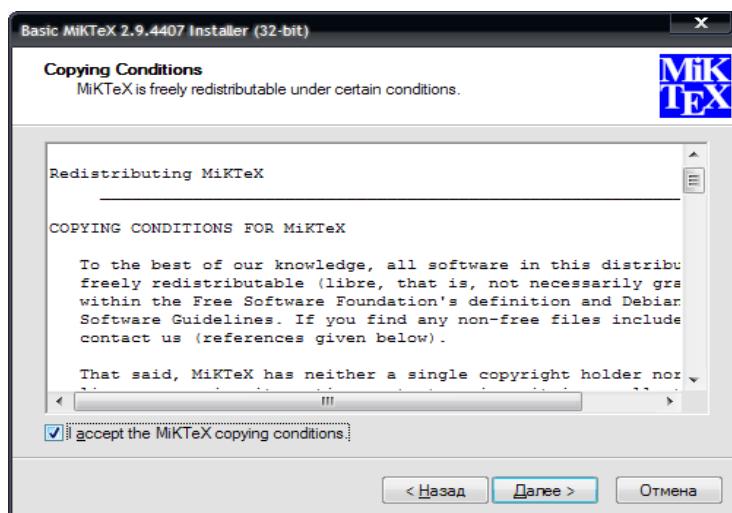
Hozirgi kunda ilmiy maqolalar, matematikaga doir qo'llanmalar yaratishda juda ko'p matematik formulalar va turli xil obektlardan foydalanishga to'g'ri keladi. Bunday hujjatlarni yaratish uchun juda ko'p matn muharrirlari mavjud. Bunga Word matn muharririni misol keltirish mumkin. Word matn muharriri matematik formulalarni yozishda, turli xil obektlarni joylashtirishda juda katta imkoniyatga ega, lekin agar matematik formulalar, turli xil obektlarni soni oshib borsa, yaratilgan hujjatlarni hajmini oshirib yuboradi va ularni qayta ishlashda qiyinchiliklarga uchrab qolish mumkin. Bundan tashqari yaratilgan hujjat hamma kompyuterlarga, yoki hamma sistemalarga to'g'ri kelmasligi mumkin. Masalan Wordda yaratilgan hujjatlar versiyasiga farq qilsa bir biriga to'g'ri kelmasligi mumkin yoki Mathtypeda yozilgan formulalar bo'lsa to bu dasturni o'rnatmasak bu hujjatlarni qayta ishlab bo'lmaydi. Biz yaratgan maqola, qo'llanma yoki boshqa hujjatlarni internet tarmog'ida ham qo'yishimiz mumkin, bundan hamma kompyuterlar foydalanishlari mumkin. Shuning uchun biz hujjatlarni shunday tayyorlashimiz kerakki undan barcha kompyuterlar turli xil bo'lishidan qatiy nazar foydalana olishlari kerak. Shularni hisobga olib yana bir dastur, Latex dasturi yaratildi. Latex dasturi juda ko'p imkoniyatlarga ega. Bu dasturni imkoniyatlari yuqoriligi, jurnallar, kitoblar tayyorlash imkoniyatlari juda yuqori sifatli ekanligini hisobga olib, hozirgi kunda chet ellarda ilmiy jurnallarda ilmiy maqolalarni Latex dasturida yozib yuborishni talab qiladi. Latex dasturida tayyorlangan hujjatlarni hajmi juda kichik bo'ladi, shuning uchun ularni qayta ishlash tez amalgam oshadi. Bu dastur yordamida ilmiy maqolalar, kurs ishlarini, diplom ishlarini, dissertasiyalarni juda chiroylig qilib tayyorlash mumkin. Albatta bu dastur bilan ishlash uchun kompyuterda Latex dasturi o'rnatilgan bo'lishi kerak va biror bir uslubiy qo'llanmadan foydalanishga to'g'ri keladi. Hozirgi kunda Latex dasturida ishslash bo'yicha deyarli o'zbek tilida adabiyotlar yetarli emas, rus tilida yoki ingliz

tilida adabiyotlar juda ko'p. Shularni hisobga olib biz Latex dasturi bo'yicha o'zbek tilida kerakli malumotlarni to'plab uslubiy qo'llanma tayyorlashni maqsad qilib qo'ydik.

Amerikalik taniqli matematik va dasturchi Donald Knuth tomonidan Tex dasturi yaratildi. Bu dasturni yaratishda Knut o'z oldiga shunday translyator yaratishni maqsad qilib qo'ydiki, u har xil kompyuterlarda bir xil ishlashi kerak edi. Leslie Lamport Tex bazasi asosida paketlardan foydalanib Latex dasturini yaratdi.

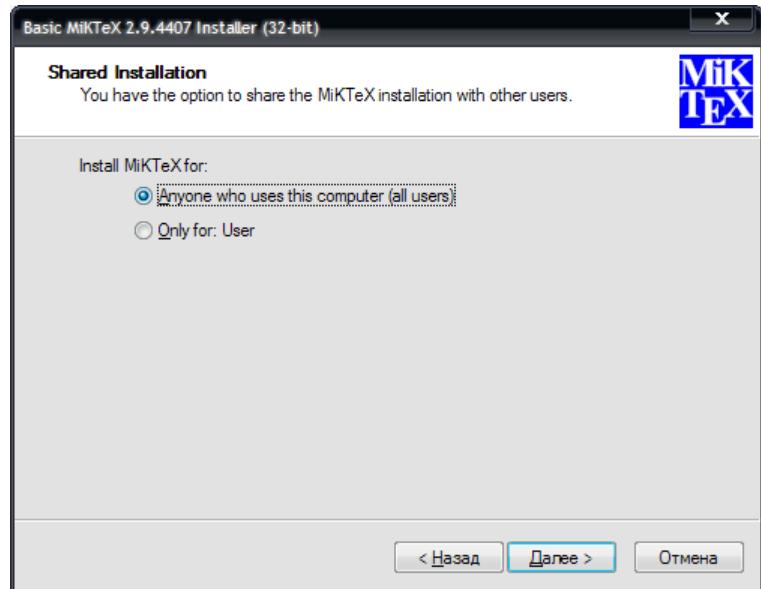
Latex dasturi matematikaga doir ilmiy hujjatlarni juda yuqori darajada sifatli qilib tayyorlash uchun mo'ljallangan dastur hisoblanadi. Kitob, o'quv qo'llanma, ilmiy jurnallarni tayyorlashda ham juda katta imkoniyatlarga ega. Texda yaratilgan hujjatlarni hajmi juda kichik bo'ladi va ularni qayta ishlash, tahrirlash amallarini juda tez bajarish mumkin. Latex dasturi juda ko'pchilik kompyuterlarga ishlaydi masalan IBM, Mac va boshqalar. Bundan tashqari juda ko'pchilik sistemalarga ham ishlaydi masalan Windows, Unix, VMS va boshqalarni misol keltirish mumkin. Bu dastur bilan ishlash uchun kompyuterda Latex dasturi o'rnatilgan bo'lishi kerak. Shuning uchun biz birinchi bobni Latex dasturini o'rnatish va uning imkoniyatlaridan foydalanishga bag'ishladik.

Latex dasturini o'rnatish uchun birinchi MikTeX dasturini o'rnatamiz.



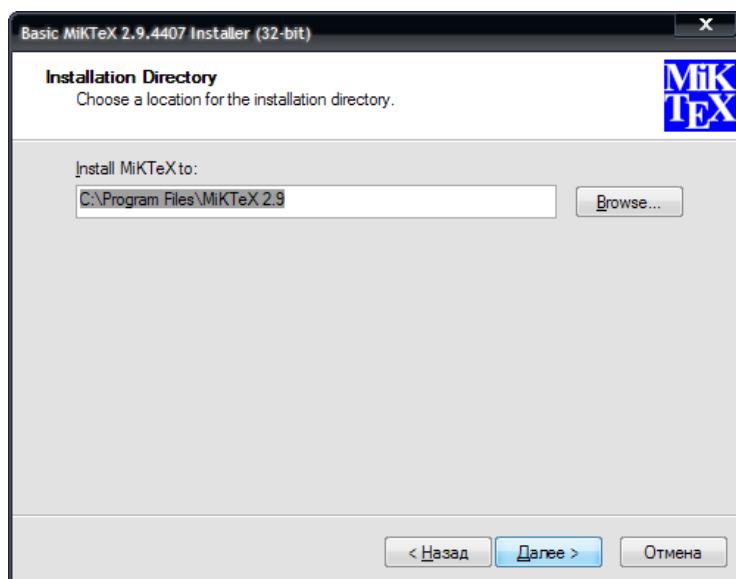
1– chizma. MikTeX dasturini o'rnatish.

Bu yerdan Daleye tugmasini bosib o'rnatishni davom etamiz.



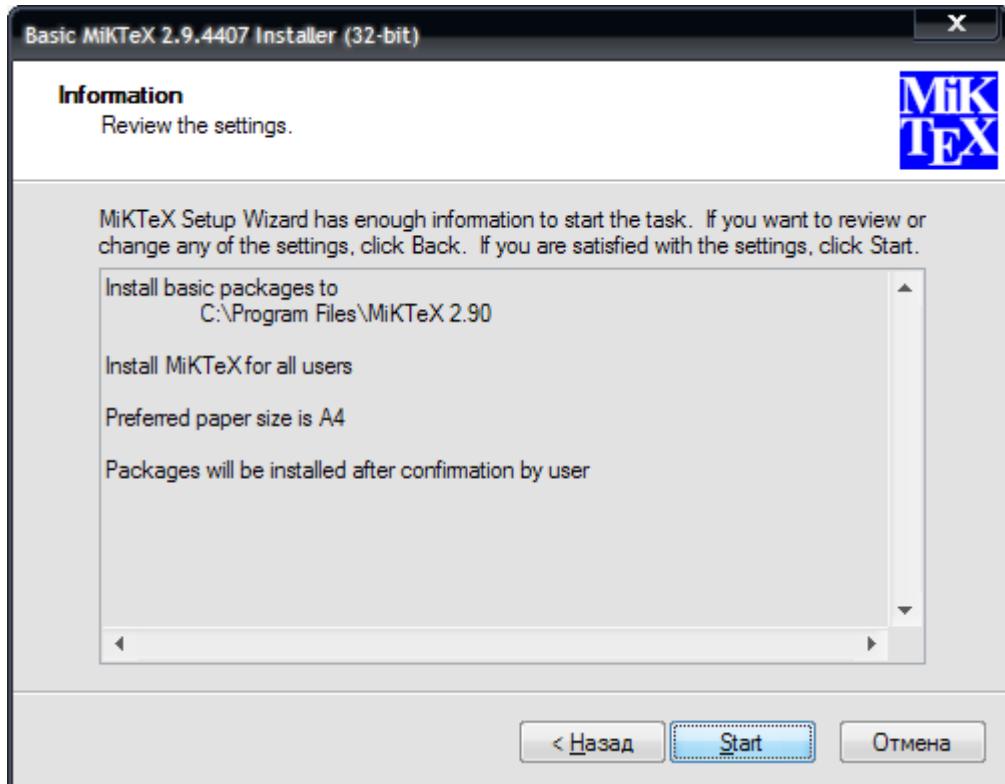
2-chizma. MikTex dasturini o’rnatish.

Bu yerdan barcha foydalanuvchilar uchunni belgilaymiz.



3-chizma. MikTex dasturini o’rnatish.

Bu yerda MikTex dasturini qayerga o’rnatishni ko’rsatamiz. (Masalan: C diskda)



4-chizma. MikTex dasturini o’rnatish.

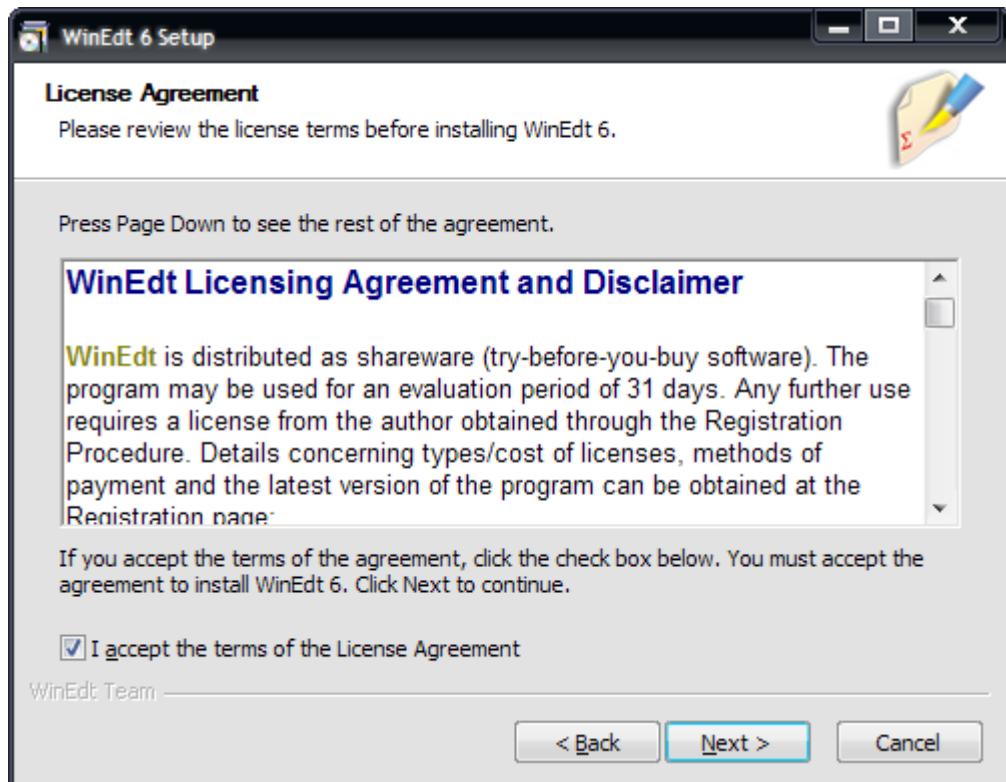
Start tugmasini tanlasak MikTex dasturi o’rnatiladi.

Bu dasturni o’rnatib bo’lgandan keyin WinEdt 6. 0 dasturini o’rnatamiz. Bu dastur quyidagicha ornatiladi.



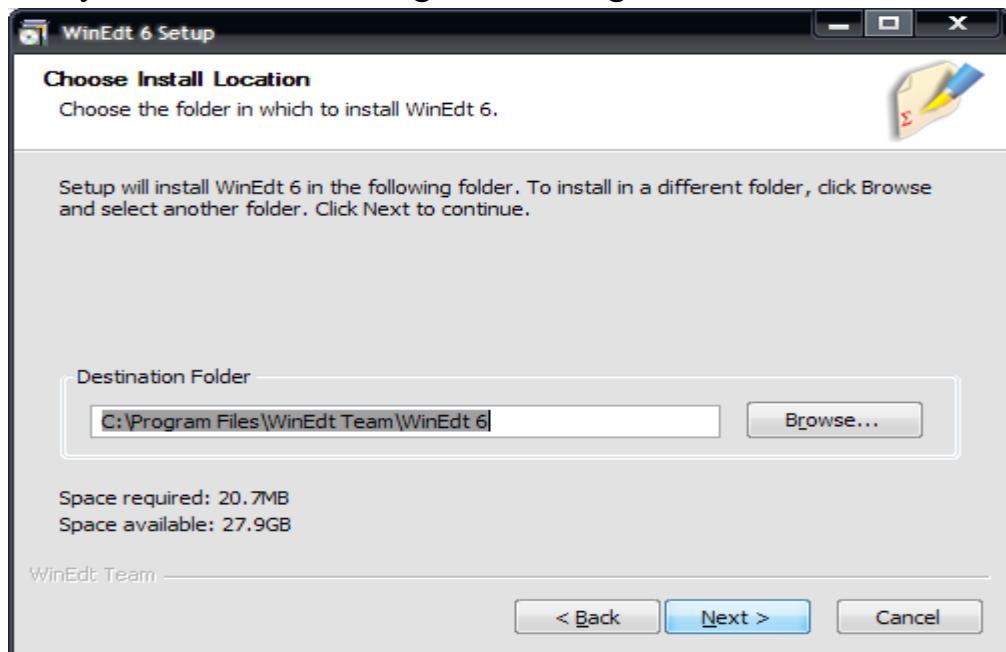
5- chizma. WinEdt 6. 0 dasturini o’rnatish.

Bu oynadan Next tugmasini bosib o’rnatishni davom etamiz.



6- chizma. WinEdt 6. 0 dasturini o’rnatish.

Bu oynadan katakchani belgilab Next tugmasini bosib o’rnatishni davom etamiz.



7- chizma. WinEdt 6. 0 dasturini o’rnatish.

Kerakli diskni ko’rsatib dasturni o’rnatamiz.

Latex dasturining imkoniyatlari.

Latex sistemasida tayyorlangan matnli fayl kengaytmasi *.tex ko’rinishda bo’ladi. Keyingi jarayon ikkita etapdan o’tkaziladi. Birinchi dastur translyyatori yordamida fayl qayta ishlanadi. Natijada *.dvi kengaytmali fayl olamiz. Endi olingan *.dvi kengaytmali faylni dastur yordamida ekranda ko’rish mumkin, pechatga yuborish mumkin yoki boshqa amallarni bajarish mumkin. Natija foydalanuvchini

qanoatlantirmasa faylga o'zgartirish kiritib jarayonni yana takrorlashi mumkin. Latexda yaratilgan fayl matni maxsus belgilar va buyruqlardan iborat bo'ladi. Latex dasturida 10 ta maxsus belgilardan foydalaniladi. Bular quyidagilar: { } \$ & # % _ ^ ~ \

Bu maxsus belgilarni o'zidan foydalanmoqchi bo'lsak maxsus belgini oldiga \ belgini qo'yamiz. Masalan: Oylik 10 % ga oshdi \ Oylik 10 \% ga oshdi. Agar \ maxsus belgini qo'ymasdan yozsak, % belgidan keyingi matnni izoh sifatida qaraydi.

Latex buyruqlari *teskari slesh* “” belgisidan boshlanadi va faqat lotin harflaridan iborat bo'ladi. Buyruq oxirida bo'sh joy ,raqam va ixtiyoriy harf bo'lмаган belgidan foydalanish mumkin.

Latexda bo'sh joy belgisi buyruqdan keyin qo'yiladi. Lekin bu belgi o'rniga boshqa maxsus {} belgisini ham qo'yish mumkin. Masalan: Men ertaga barcha ishchi \TeX{}niklarimiz va \TeX nika mutaxasislarimiz bilan uchrashmoqchiman. Bugun \today

Misollar:

-Bugun 8-mart \textsl{Xalqaro-xotin qizlar}

bayrami} Natija: Bugun 8-mart *Xalqaro-xotin qizlar*

bayrami

-yangi satrga o'tish \newline yangi satr

Natija: yangi satrga o'tish

yangi satr

Shuningdek {} belgisini bu belgi oxiriga yozilgan buyruqga turli xil parametrlar berish uchun ham ishlatish mumkin. Bunda bir yoki bir necha parametr berish mumkin. Parametrlarni faqat {} belgisi bilan emas balki [] belgisi orqali ham joylashtirish mumkin.

Kiritiladigan fayl strukturasi

Fayl strukturasi

\documentclass{...}

dan boshlanadi. U hujjat qanday tipda yozilishini ko'rsatadi. Bu buyruq dan so'ng hujjat ko'rinishi,paketlarni yuklash va LATEXning qo'shimcha imkoniyatlarini yuklash boshlanadi. Bunday vazufalarni bajarish uchun

\usepackage{...}

buyrug'idan foydalaniladi. Bu buyruqdan so'ng matn tanasi boshlanadi. Bu buyruq quyidagicha yoziladi.

\begin{document}

Endi LATEX buyruqlari yordamida matnni kiritamiz va oxirida

\end{document}

buyrug'I yordamida hujjat yopamiz. Masalan:

\documentclass{article}

\usepackage[russian]{babel}

```
\begin{document} Latexdagi oddiy hujjat.
```

```
\end{document}
```

Matematik formulalarni yozishda formula \$ maxsus belgi ichida yoziladi.

Masalan:

```
$$ 1+2+\cdots+100=5050;
```

```
$$
```

Natija: $1 + 2 + \dots + 100 = 5050$;

Agar har bir buyruqni bir nechta amallarga ta'sir etmoqchi bo'lsak, amallarni blokga olamiz. Masalan:

```
$$ x^{1993}+y^{1993}=z^{1993} $$
```

Natijasi: $x^{1993} + y^{1993} = z^{1993}$ agar daraja 1993 blokga olinmasa x ni darajasiga yozib ketadi.

Winedt haqida

Winedt 6 tizimi Texning 2009 yilda taqdim etilgan Miktex 2. 8 versiyasi bilan ishlashga mo'ljallangan. Bu Windowsning ko'p qo'llaniladigan Windows XP, Windows Vista, Windows 7 va boshqalarda muammolarsiz o'rnatiladi va ishlaydi.

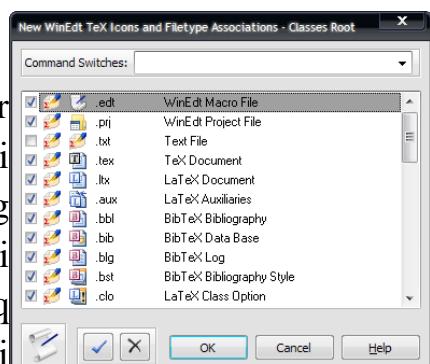
Winedt 6 da interfeysni foydalanuvchi o'ziga moslashtirish imkoniyatlari oldingi versiyalarga nisbatan ancha qulaylashtirilgan.

Winedt tarixiga nazar tashlaydigan bo'lsak bu dastur yaratilganiga hali uncha ko'p vaqt bo'limganini ko'rshimiz mumkin. Bu dastur ilk bor 1993-yilning aprel oyida Windows 3. 1 uchun ishlab chiqilgan.

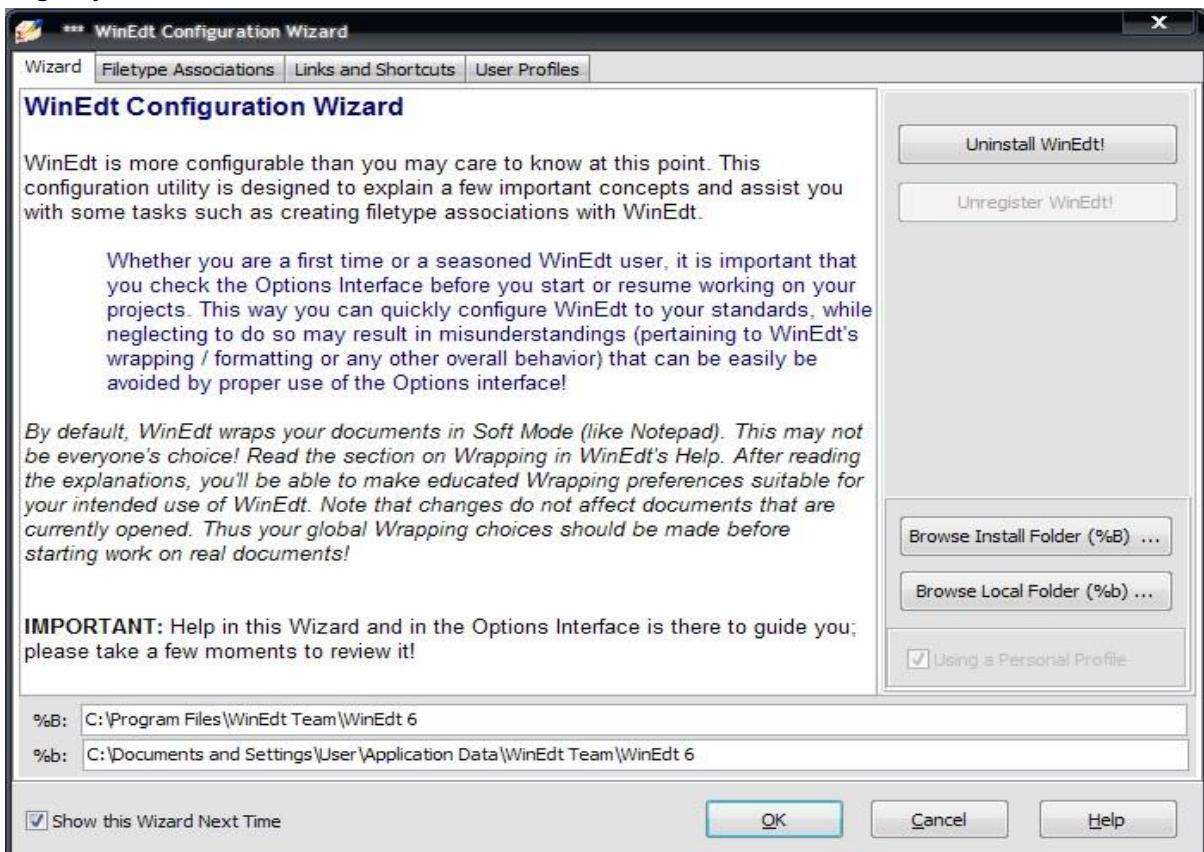
Bu dasturni o'rnatishda Windows Vista va Windows 7 operatsion tizimlarida bu dasturdan foydalanish uchun turli foydalanuvchiga turli imkoniyatlar berish yoki cheklash holatlarini kuzatish mumkin. Bunday cheklashlar fayllar asotsiatsiyasini ishlatishda ahamiyatlidir. Bunda ma'lum turdag'i fayllar bilan ishslashga cheklov qo'yiladi. Buni bu OT larda xavfsizlikka yuqori e'tibor berilganligi bilan tushuntirish mumkin. Bu rasmida matnli(.txt) fayllarga cheklov qo'yilganligini ko'rshimiz mumkin.

1-chizma. Fayllar asotsiatsiyasi oynasi

Endi Winedt dasturi bilan tanishamiz. Bu dastur muvaffaqiyatli o'rnatilgandan so'ng uning yorliq ilovasi agar Pusk menyusida chiqishi ko'rsatilgan bo'lsa uning yorliq ilovasi Pusk menyusida paydo bo'ladi. Ya'ni standartnye → pusk → Winedt 6 . Bu yerda ikkita yorliq bo'lishi mumkin. Birinchisi Uninstall Winedt va ikkinchisi Winedt. Birinchi yorliq bu dasturni kompyuterdan o'chirish uchun xizmat qiladi. Biz uchun asosiysi bu ikkinchi yorlikdir. Bu yorliq Winedt dasturini ishga tushirish uchun xizmat qiladi. Shuningdek bu dasturni Windowsning ishchi stolidan ham ishga tushirish mumkin. Agar yorliq yaratilmagan bo'lsa uni yaratish kerak albatta. Yorliq yaratish



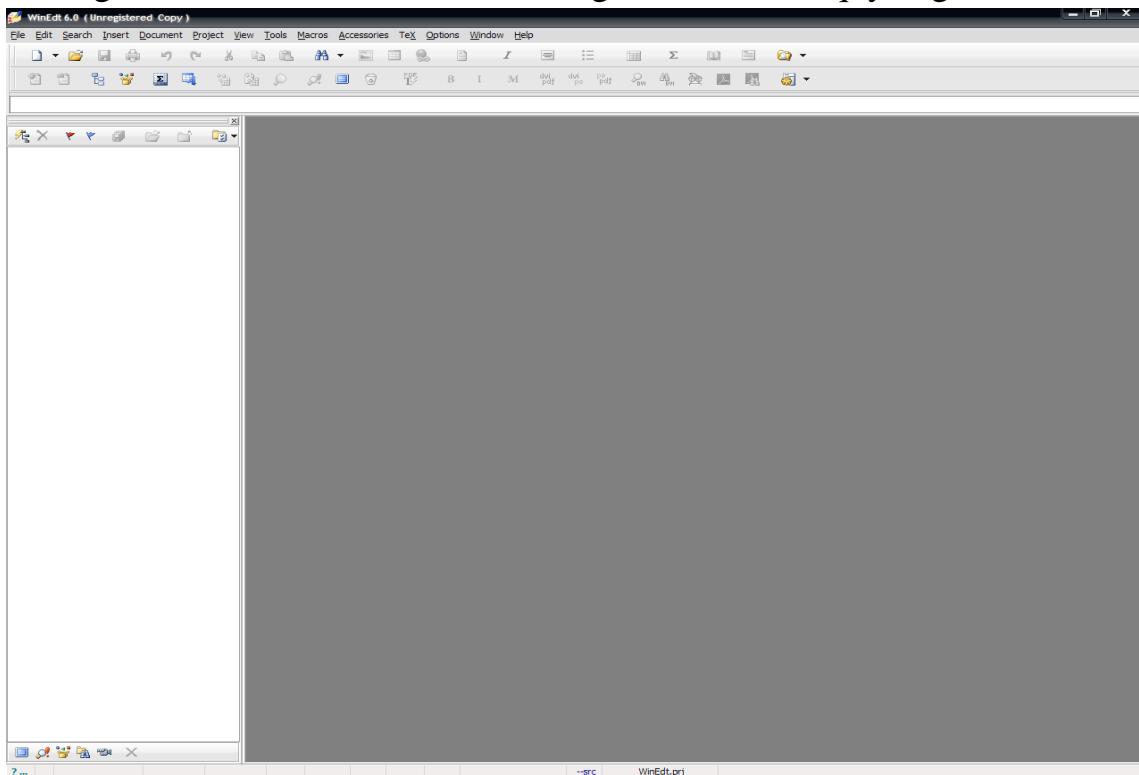
usuli bilan nafaqat ishchi stol balki mantiqiy disklardagi ixtiyoriy joydan ham ishga tushirish mumkin. Winedt ni ishga tushirgandan so'ng bizning ishchi stolimizda quyidagi oyna ochiladi.



2-chizma. Winedt 6 ni ishga tayyorlash oynasi

Bu oynada to'rtta bo'lim joylashgan bo'lib bular: Wizard, Filetype Associations, Links and Shortcuts, User Profiles lardir. Birinchi bo'limda Winedt ni o'chirish(Uninstall WinEdt!), Dastur o'rnatilgan papkani ko'rish(Browse Install Folder(%B) ...), Dasturda yaratilgan hujjatlarni saqlash papkasi(Browse Local Folder (%b) ...) tugmalari joylashgan. Xo'xishga qarab bu manzillarni pastdagi ikkita manzil kiritish qatori orqali o'zgartirish mumkin. Ikkinchi bo'lim ya'ni Filetype Associations da biz yuqorida ta'kidlab o'tgan fayllar asotsiatsiyasi bo'yicha cheklov va imtiyozlar qo'yish amalga oshiriladi. Bunda cheklovlarni amalgam oshirish uchun maxsus tugmalar(masalan:Modify filetype associations ... kabi) ajratilgan. Links and shortcuts bo'limida Winedt dasturini OT ning turli joylaridan ishga tushirish uchun yorliqlar yaratish uchun maxsus tugmalar(masalan>Create or Change Links ...) bor. Shuningdek mavjud yorliqlarni

o'chirish,yaratiladigan hujjatlar saqlanadigan manzilni o'zgartirish tugmalari ham shu yerda joylashgan. Oxirgi User profiles bo'limida esa tegishli foydalanuvchiga doir imkoniyatlarni o'zgartirish, yangi foydalanuvchi yaratish, tarmoq bilan ishlash uchun foydalanuvchi ko'rinish sohalarini aniqlash,monitorni tarmoq uchun moslash kabi amallar uchun maxsus tugmalar(masalan:Concurrent License Monitor ...) joylashgan. Barcha sozlashlar bajarilgandan so'ng oynaning chap pastki qismidagi Show this Wizard Next Time tanlagichi orqali dasturning keyingi yuklanishida bu oyna ko'rinish yoki korinmasligini tanlash mumkin. Endi OK tugmasini bossak quyidagi ochiladi.



3-chizma. Winedt 6 asosiy oynasi

Bu oyna Winedt 6 ning bosh oynasidir. Bu oyna Wiindows oynalari bilan deyarli bir xil, ya'ni menyular bo'limi, uskunalar paneli, ishchi soha, holat satridan iborat. Oyna chap tomonida joylashgan panel esa hujjatda ishlatilagan maxsus bog'lanishlarni va boshqa xususiyatlarni ko'rsatish va o'zgartirish uchun xizmat qiladi.

Winedtning menyular qatori quyidagi bo'limlardan tashkil topgan.



Ular bo'limga qarab turli vazifalarni bajarish uchun xizmat qiladi. Menyu bo'limlari Latexda ishlashni avtomatlashtirish bilan birga bir qator imkoniyatlar beradi. Masalan dastur istalgan qismi natijasini oldindan ko'rish,kerakli qismni tahrirlash va h. k.

Uskunalar paneli ishni tez va sifatli bajarish uchun mo'ljallangan bir necha uskunalardan iborat.



Bunda uskuna pictogramma(rasmcha)siga qarab yoki sichqonchani shu pictogramma

ustiga keltirib, piktogramma haqidagi izoh orqali nima vazifani bajarishini aniqlash mumkin. Ko'pchilik uskunlar paneli bilan ishlashini hisobga olsak, bu qism oynaning eng asosiy qismlaridan ekanligini ko'rishimiz mumkin. Bu panelning imkoniyatlaridan yana biri bu Latex asosiy buyruqlar ro'yhati va har bir belgining ASCII kodlash sistemasidagi va O'n otilik sanoq sistemasidagi kodini ko'ratishidir. Bu jadvallarni va piktogrammalar orqali uskunlar paneliga qo'shish mumkin. Latex asosiy buyruqlar ro'yhati quyidagicha:

| Math | Greek | Symbols | International | Typeface | Functions(x) | ... { } ... | <>= ... | + / - ... | ---> ... | AMS | AMS = <> | AMS NOT = <> | | | | | | | | |
|----------|----------|----------|---------------|-----------|--------------|--------------|-------------|------------|-------------|-------------------|-------------------|-----------------------|------------------------|-------------------|-------|-------------------|--------------|---------------|----------------|-----|
| \sum | \prod | \int | \oint | \cap | \cup | \hat{a} | \check{a} | \ddot{a} | \acute{a} | \widetilde{abc} | \widehat{abc} | \overleftarrow{abc} | \overrightarrow{abc} | \overbrace{abc} | x^k | \mathbb{N} | \mathbb{B} | \mathbb{B} | | |
| \sqcup | \sqcap | \wedge | \odot | \otimes | \oplus | \pitchfork | \tilde{a} | \bar{a} | \check{a} | \acute{a} | \underline{abc} | \overline{abc} | \sqrt{abc} | $\sqrt[3]{abc}$ | f' | $\frac{abc}{xyz}$ | x_k | \mathcal{C} | \mathfrak{F} | T |

Bu qism ham kerakli bo'limlarga ajratilgan bo'lib kerakli bo'limni tanlash orqali tegishli buyruqni kiritish mumkin. Bunda sichqoncha chap tugmasini kerakli piktogramma ustida bir marta bosish orqali piktogrammada ko'rsatilgan holatni aks ettiruvchi buyruq ishchi sohadagi cursor turgan joyga yoziladi.

Belgilar kodlari jadvali esa quyidagicha:

| ASCII: 0 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | : | < | = | > | ? |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| HEX: 00 | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ | Ѐ |
| | Ӑ | Ӓ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ | Ӗ |

Bu panel asosan Latexning maxsus belgilarini kiritishda va klaviaturada bo'limgan boshqa belgilarni kiritishda, shuningdek Latexning belgilar kodlari bilan ishlaydigan buyruqlarida foydalilanadi.

Keyingi qism ishchi soha bo'lib unda hujjat matni yoziladi. Menyular va uskunlar panelidagi barcha amallar shu yerda o'z aksini topadi. Uning umumiy ko'rinishi quyidagicha:

```

1 \documentclass[a4paper,12pt]{article} [2012/03/27]
2 \usepackage[english]{babel}
3 \setcounter{page}{3}
4 \begin{document}
5 \boldmath
6 Azamat
7
8 %%\newpage
9 %%\rm Bu \bf semizroq shriftda yozilgan,\\
10 %%bu esa \sl qiyarоq shriftda yozilgan,\\
11 %%bu esa oddiy shriftda yozilgan.
12 Yozishni (avval \bf galinroq yozuvdan\\
13 boshlaymiz, endi vaqtinchalik kursivga \\
14 o'tamiz va yana {\bf qalin} shriftga o'tib}\\
15 ilk holatgacha qaytamiz.\\
16 Quyidagi $ (\bf P) ^n$ da\\
17 $S$ nomalumlar soni
18 $ (\bf \Sigma) ^X_a = CS
19 Urihma egri chiziqni $XS$ ta
20 bo'lakka bo'lsa
21 demak: - $(\bf \Sigma T)_X$ yoki $T_X$\\
22 $S$\\
23 \boxed{barcha $XS$ lar uchun} \quad \boxed{\sqrt{x^3} = \sqrt[3]{x}}\\
24 $S$\\
25 $S$\\
26 e^{\lim_{n \rightarrow \infty} f_n}\\
27 \left( \frac{1}{n} \right)^{\frac{1}{n}}\\
28 \left( \frac{1}{n} \right)^{\frac{1}{n}}\\
29 \right)\\
30 "n"\\
31 $S$\\
32 $S$\\
33 M(f) = \left( \int_a^b f(x) dx \right)^{\frac{1}{2}}\\
34 f(x) \left. \right|_a^b = \frac{(b-a)}{2} \int_a^b f(x) dx\\
35 $S$\\
36 $S$\\
37 \int_a^b x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} \Big|_a^b\\
38 = \frac{(b-a)^{n+1}}{n+1}\\
39 = \frac{(b-a)^{n+1}}{n+1} \cdot \frac{1}{n+1} \int_a^b x^n dx\\
40 = \frac{(b-a)^{n+1}}{n+1} \cdot \frac{1}{n+1} \int_a^b x^n dx\\
41 $S$\\
42 $S$\\
43 $S$\\
44 $S$\\
45 $S$\\
46 $S$\\
47 $S$\\
48 $S$\\

```

4-chizma. Winedt 6 ishchi sohasi

Bunda matematik formulalar yozilgan qism alohida rang bilan ajratilganini ko'rish mumkin.

Endi oxirgi qism bilan tanishamiz. Bu qism Holat satri qismi. Bu qism aktiv hujjat va aktiv qatorga tegishli xususiyatlarni ko'rsatish va o'zgartirish uchun ishlatiladi. Holat satrining umumiy ko'rinishi quyidagicha:

Bu satrning har bir qismiga chapdan o'ngga qarab izoh berib o'tamiz:

- yordam bo'limini chaqirish
- ko'rish(Boshidan – A/Kursor turgan joydan - B)
- kursor turgan joy(Qator:Belgi)
- qatorlar soni
- holat(Modified,readonly,etc,...)-masalan modified-yozuvni turiga qarab ranglarga ajaratadi.
- davomiylik(yoqish/o'chirish)
- xat boshi(belgilash/belgilamaslik)
- kursor vaziyati(joyida/oxirida)
- belgilash usuli(qator bo'yicha/Blok bo'yicha)
- yozuvlarni tekshirmslik(yoqish/o'chirish)
- hujjat turi
- joriy sana

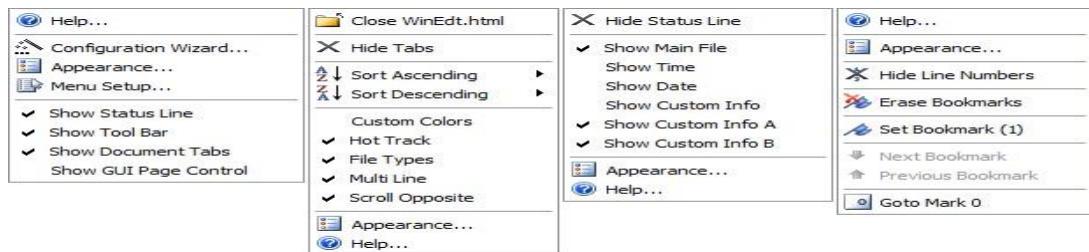
- joriy vaqt
- joydalanuvchi haqida ma'lumot
- info A(--src)
- info B(Fayl proyekti)
- asosiy fayl/Holat

Yuqorida ko'rsatilgan xususiyatlarni o'zgartirish uchun tegishli qism ustiga sichqoncha chap tugmasi bir marta bosilishi yetarli. Biz yuqorida ko'rib o'tgan Info A va Info B qismlar biroz tushunarsiz bo'lishi mumkin. Aslida bu qismlar fayl kompilyatori va kompilyatsiyasi haqidagi ma'lumotlardir. Standart holda Miktex kompilyatsiya usuli –src bo'lib, src kompilyatori dvi kengaytmali fayl yaratish uchun xizmat qiladi.

Kontekst menyular

Bu bo'limda biz Winedt ning asosiy kontekst menyulari bilan tanishib o'tamiz. Bularga menyular satri, hujjatlar satri, holat satri va hujjatning chap qismi kiradi. Ularga mos kontekst menyular quyidagilar:

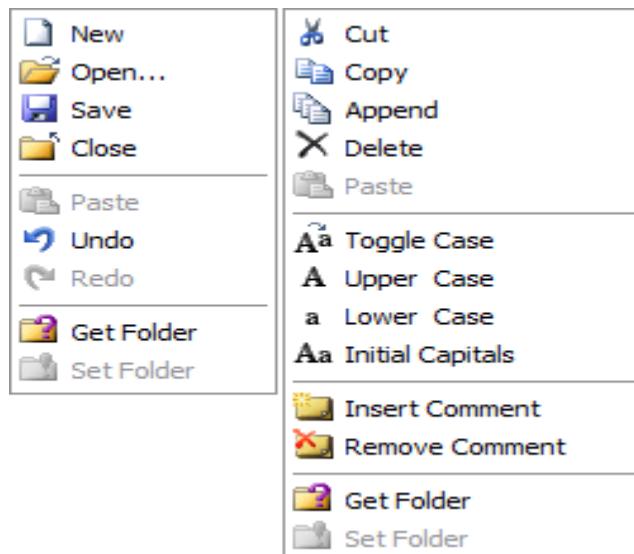
5-chizma. Asosiy kontekst menyular



Bu menyular orqali Winedt ga turli o'zgartirishlar kiritish, uni foydalanuvchiga moslashtirish mumkin. Keyingi va eng asosiy menyular bu ishchi soha menyularidir. Ular ikki xil bo'ladi: Belgilangan qism uchun va belgilanmagan qism uchun.

6-chizma. Qo'shimcha kontekst menyular

Bu menyular Windows kontekst menyulariga o'xshash bo'lib, qolgan buyruqlarini



ularga tegishli piktogramma orqali o'rganish mumkin. Bu menyulardan ko'proq ikkinchi menyudan foydalaniladi. Unda satrlar ustida amallar bajarishga doir ko'plab qulay buyruqlar mavjud.

Shuningdek bir qator boshqa kontekst menyular ham mavjud. Masalan uskunalar paneli, holat satri, hujjat nomi paneli kabilarni yashirish va ko'rsatish menyusi va har bir panel uchun maxsus kontekst menyular mavjud. Shuni ta'kidlab o'tish joizki kontekst menyular orqali bajariladigan vazifalarning aksariyati menyular satrining turli bo'lmlarida joylashtirilgan bo'lib, kerakli bo'lim orqali bu vazifalarni bajarish mumkin.

Matematik formulalar bilan ishslash

Matematik va munosabat belgilari, oddiy belgilar

Matematikada ko'p hollarda grek harflaridan foydalaniladi. Shu sababli biz ham LATEXda matematik formula kiritishni grek harflarini kiritishdan boshlaymiz. LATEXda grek harflarini kiritish buyrug'i “\” belgisi va shu belgining inglizcha nomini yozish orqali kiritiladi (Masalan: \alpha harfi \alpha kabi kiritiladi). Shu o'rinda yana bir ma'lumotni aytib o'tish kerak. Grek harflari ro'yhatidan

\alpha (“omikron” deb o'qiladi) harfini bu usul bilan kiritib bo'lmaydi (Ya'ni \omikron deb yozish no'to'g'ri hisoblanadi). Bu harfni kiritish uchun kursivda yozilgan lotincha “o” harfi, yoki odatdagidek o harfini kiritish kifoya. Misol tariqsida bir necha grek harflarining LATEXda yozilishini jadvalini keltiramiz.

| | | | | | |
|-----------|-----------|----------|----------|-------------|-------------|
| \alpha | \alpha | \beta | \beta | \gamma | \gamma |
| \delta | \delta | \epsilon | \epsilon | \varepsilon | \varepsilon |
| \zeta | \zeta | \eta | \eta | \theta | \theta |
| \vartheta | \vartheta | \iota | \iota | \kappa | \kappa |
| \lambda | \lambda | \mu | \mu | \nu | \nu |
| \xi | \xi | \pi | \pi | \varpi | \varpi |
| \rho | \rho | \varrho | \varrho | \sigma | \sigma |
| \varsigma | \varsigma | \tau | \tau | \upsilon | \upsilon |
| \phi | \phi | \varphi | \varphi | \chi | \chi |
| \psi | \psi | \omega | \omega | | |

Bu ro'yhatga \sum va \prod larni kiritish noto'g'ri. Bu belgilar yig'indi va ko'paytmani bildirgani bois maxsus buyruqlar yordamida kiritiladi. Lotin harflarini kiritganda katta va kichik harflar bilan kiritish avtomatik tarzda aniqlanadi. Grek harflarini kiritishda esa “\” dan keyin harf nomi yozilayotganda birinchi harf katta harf bilan yoziladi. Bir necha harflar ro'yhati

| | | | | |
|----------------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| \Gamma \Gammaamma | \Delta \Delta | \Delta \Delta | \Theta \Theta | \Theta \Theta |
| \Lambda \Lambdaambda | \Xi \Xi | \Xi \Xi | \Pi \Pi | \Pi \Pi |

$\Sigma \backslash \text{Sigma}$ $\square \backslash \text{Upsilon}$ $\Phi \backslash \text{Phi}$ $\Psi \backslash \text{Psi}$ $\Omega \backslash \text{Omega}$

Endi binar amallari haqida. Binar amallar(ko'paytirish bo'lisl va h. k) ni qo'llashda ayrim amallarni ketma-ket yozish kerak bo'lsa hech qanday probelsiz davomidan yozish mumkin. Binar amallarning to'liq ro'yhati:

| | | | | | |
|--------------------|------------------------------|-------------|-----------------------|-----------------|----------------------------|
| + | + | - | - | * | * |
| \pm | $\backslash pm$ | \mp | $\backslash mp$ | \times | $\backslash times$ |
| \div | $\backslash div$ | \setminus | $\backslash setminus$ | \cdot | $\backslash cdot$ |
| \circ | $\backslash circ$ | \bullet | $\backslash bullet$ | \cap | $\backslash cap$ |
| \cup | $\backslash cup$ | \uplus | $\backslash uplus$ | \sqcap | $\backslash sqcap$ |
| \sqcup | $\backslash sqcup$ | \vee | $\backslash vee$ | \wedge | $\backslash wedge$ |
| \oplus | $\backslash oplus$ | \ominus | $\backslash ominus$ | \otimes | $\backslash otimes$ |
| \odot | $\backslash odot$ | \oslash | $\backslash oslash$ | \triangleleft | $\backslash triangleleft$ |
| \triangleright | $\backslash triangleright$ | \amalg | $\backslash amalg$ | \diamond | $\backslash diamond$ |
| \wr | $\backslash wr$ | \star | $\backslash star$ | \dagger | $\backslash dagger$ |
| \ddagger | $\backslash ddagger$ | \bigcirc | $\backslash bigcirc$ | \triangleup | $\backslash bigtriangleup$ |
| \bigtriangledown | $\backslash bigtriangledown$ | | | | |

Keyingi jadvalimiz binar amallarning yana bir turi munosabat amallari:

| | | | | | |
|----------------|--------------------------|-----------|---------------------|----------------|--------------------------|
| \succ | $\backslash succ$ | \prec | $\backslash prec$ | \succcurlyeq | $\backslash succcurlyeq$ |
| \preccurlyeq | $\backslash preccurlyeq$ | \asymp | $\backslash asymp$ | \sqsubseteq | $\backslash sqsubseteq$ |
| \sqsupseteq | $\backslash sqsupseteq$ | \models | $\backslash models$ | \vdash | $\backslash vdash$ |
| \dashv | $\backslash dashv$ | \smile | $\backslash smile$ | \frown | $\backslash frown$ |
| \mid | $\backslash mid$ | \bowtie | $\backslash bowtie$ | \Join | $\backslash Join$ |
| \propto | $\backslash propto$ | \ldots | \ldots | \cdots | $\backslash cdots$ |
| \sqsubseteq | $\backslash subsearrow$ | \supset | $\backslash supset$ | \sqsupseteq | $\backslash supseteq$ |

Keyingi jadvalimiz yo'nalish ko'rsatgichlari(strelkalari). Latex ko'plab ko'rsatgichlarning vertikal va gorizontal variantlarini taqdim etadi.

| | | | | | |
|----|-------------------|----|---------------------|---|------------------|
| → | \to | → | \longrightarrow | ⇒ | \Rightarrow |
| ⇒⇒ | \Longrightarrow | ⇒ | \hockrightarrow | | |
| →→ | \mapsto | →→ | \longmapsto | ↔ | \leadsto |
| ← | \gets | ← | \longleftarrow | ⇐ | \Leftarrow |
| ⇐⇐ | \Longleftarrow | ⇐ | \hockleftarrow | | |
| ↔ | \leftrightarrow | ↔ | \longleftrightarrow | | |
| ↔↔ | \Leftrightarrow | ↔↔ | \Longleftrightarrow | | |
| ↑ | \uparrow | ↑ | \Uparrow | | |
| ↓ | \downarrow | ↓ | \Downarrow | | |
| ↕ | \updownarrow | ↕ | \Updownarrow | | |
| ↗ | \nearrow | ↗ | \searrow | | |
| ↖ | \swarrow | ↖ | \nwarrow | | |
| ↙ | \leftharpoonup | → | \rightharpoonup | ← | \leftharpoondown |
| ↘ | \rightharpoondown | ↘ | \rightleftharpoons | | |

Keyingi jadvalimiz sinus tipli amallar. Matematikada ko'p qo'llanadigan bu tipdagi amallar ya'ni sin, log va h. k lar Latexda ham xuddi shunday yoziladi. Shuningdek istalgan funksiyaning quyi va yuqori indeksidan foydalanish mumkin.

Bu yerda funksiyalar ingliz tilidagi ko'rinishida yozilgan. O'zbek tilida tangens "tg" ko'rinishda qabul qilingan. Shuning uchun tangensni yozish uchun \tg yozish kifoya. Lekin

| | | | | | |
|--------|---------|--------|---------|--------|---------|
| log | \log | lg | \lg | ln | \ln |
| arg | \arg | ker | \ker | dim | \dim |
| hom | \hom | deg | \deg | exp | \exp |
| sin | \sin | arcsin | \arcsin | cos | \cos |
| arccos | \arccos | tan | \tan | arctan | \arctan |
| cot | \cot | sec | \sec | csc | \csc |
| sinh | \sinh | cosh | \cosh | tanh | \tanh |
| coth | \coth | | | | |

odatda agar Latexda yozilayotgan hujjat tili ko'rsatilmasa avtomatik holda inliz tili(english) tanlanadi. Bunday holda Latex \tg buyruqni tanimaydi. Agar biz \tg ni ishlatmoqchi bo'lsak hujjat boshida \usepackage ga russianni kiritib qo'yish yetarli. Chunki rus tilida ham tangens "tg" ko'rinishda qabul qilingan. Latexda tillar paketiga hali o'zbek tili kiritilmagani tufayli rus tili paketidan foydalanish qulay. Xullas natija \usepackage[russian]. Kotangens(ctg) ham xuddi shu ko'rinishda kiritiladi.

Endi oliy matematikada ko'p ishlatiladigan belgilar:

| | | | | | |
|-----------|-------------------------|-------------|------------------------|-----------|------------------------|
| \sum | <code>\sum</code> | \prod | <code>\prod</code> | \bigcup | <code>\bigcup</code> |
| \cap | <code>\bigcap</code> | \coprod | <code>\coprod</code> | \oplus | <code>\bigoplus</code> |
| \otimes | <code>\bigotimes</code> | \bigodot | <code>\bigodot</code> | \vee | <code>\bigvee</code> |
| \wedge | <code>\bigwedge</code> | \biguplus | <code>\biguplus</code> | \sqcup | <code>\bigsqcup</code> |
| \lim | <code>\lim</code> | \limsup | <code>\limsup</code> | \liminf | <code>\liminf</code> |
| \max | <code>\max</code> | \min | <code>\min</code> | \sup | <code>\sup</code> |
| \inf | <code>\inf</code> | \det | <code>\det</code> | \Pr | <code>\Pr</code> |
| \gcd | <code>\gcd</code> | | | | |

Ko'p ishlataladigan buyruqlardan yana biri integral belgisi uchun qo'llanadigan buyruqdir. Latexda odatiy integral (\int) kiritish uchun `\int` buyrug'i, konturli integral (\oint) uchun `\oint` buyrug'i ishlataladi. Integralning yuqori va pastki indekslari va integral osti funksiya ham

kiritish mumkin. Masalan:

$$\int_0^1 x^2 dx = 1/6 \quad \text{int_0^1x^2, dx=1/6}$$

\$\$

Agar integral chegaralari indeksda emas, yuqori va quyi chegarada bo'lishi lozim bo'lsa , u holda `\int` buyrug'ini `\limits` buyrug'i bilan birlashtirish mumkin. Masalan:

$$\int_0^1 x^2 dx = 1/6^6$$

Agar chegaralar boshqacha ko'rinishda bo'lsa ya'ni turli xil operatorlar va belgilardan iborat bo'lsa `\nolimits` dan foydalanish mukin. Masalan:

$$\prod_{i=1}^n i = n! \quad \text{prod\nolimits_{i=1}^n i=n!}$$

\$\$

Boshqa zarur belgilar

Biz Latexning deyarli barcha asosiy matematik belgilarini ko'rib o'tdik. Keyingi jadvalimizda oldingi biror turdag'i jadvalga kirmagan belgilarni ko'rib o'tamiz.

| | | | | | | |
|--------------|--------------|-------------------------|----------------|---------------------------|--------------|-------------------------|
| Oxirgi | ∂ | <code>\partial</code> | \triangle | <code>\triangle</code> | \angle | <code>\angle</code> |
| Shuningdek | ∞ | <code>\infty</code> | \forall | <code>\forall</code> | \exists | <code>\exists</code> |
| oxirgi jadva | \emptyset | <code>\emptyset</code> | \neg | <code>\neg</code> | \aleph | <code>\aleph</code> |
| | $'$ | <code>\prime</code> | \hbar | <code>\hbar</code> | ∇ | <code>\nabla</code> |
| | i | <code>\imath</code> | j | <code>\jmath</code> | ℓ | <code>\ell</code> |
| | \checkmark | <code>\surd</code> | \flat | <code>\flat</code> | \sharp | <code>\sharp</code> |
| | \natural | <code>\natural</code> | \top | <code>\top</code> | \bot | <code>\bot</code> |
| | \wp | <code>\wp</code> | \Re | <code>\Re</code> | \Im | <code>\Im</code> |
| | \backslash | <code>\backslash</code> | \parallel | <code>\parallel</code> | \spadesuit | <code>\spadesuit</code> |
| | \clubsuit | <code>\clubsuit</code> | \diamondsuit | <code>\diamondsuit</code> | \heartsuit | <code>\heartsuit</code> |
| | \mho | <code>\mho</code> | \Box | <code>\Box</code> | \Diamond | <code>\Diamond</code> |
| | \dag | <code>\dag</code> | \S | <code>\S</code> | \circledC | <code>\circledC</code> |
| | \ddag | <code>\ddag</code> | \P | <code>\P</code> | \pounds | <code>\pounds</code> |

| | |
|------------------------------------|------------------------------------|
| * yoki \ast | \neq \ne yoki \neq |
| \leq \le yoki \leq | \geq \ge yoki \geq |
| [[yoki \lbrack |]] yoki \rbrack |
| { \{ yoki \lbrace | } \} yoki \rbrace |
| \rightarrow \to yoki \rightarrow | \leftarrow \gets yoki \leftarrow |
| ni yoki \owns | \wedge yoki \land |
| \vee yoki \lor | \neg yoki \lneg |

Asosiy buyruqlar

Formulaga nomer qo'yish

Matematik matn yozishda odatda qulay bo'lishi uchun formulaga nomer qo'yib , unga yo'llanma(ssylka) orqali o'tiladi. LATEXda yo'llanmalarga avtomatik o'tish mumkin. Formulaga nomer qo'yish faqat formula yozish tugatilgandan so'ng amalga oshiriladi. Bu quyidagicha amalga oshiriladi.

Formula yozish tanasida equation(\$\$ belgisidan foydalanilmaydi)dan foydalanilsa LATEX formula nomerini avtomatik tarzda aniqlaydi va natijaga chiqaradi. Shuningdek begin{equation} va end{equation} buyruqlari orasida formula nomi,qay ko'rinishda va qayerda joylashishini aniqlash uchun \label buyrug'idan foydalaniladi. Oxirida \ref buyrug'i orqali formulaga izohlarni ko'rsatish mumkin. Masalan:

| | | | |
|--|--|----------------|----------|
| Birinchi sinf o'quvchilari buni \begin{equation} | | | |
| bilishi kerak | | \$\$ | Birinchi |
| o'quvchilari buni bilishi kerak\$\$ | | | sinf |
| $7 \times 9 = 63$ (1) | | 7\times9=63 | (1) |
| | | \end{equation} | |

formuladan quyidagi natija kelib (trivial) formuladan quyidagi kelib chiqadi. $63/9=7$ chiqadi. $63/9=7$

Bu yerda \ref o'rniga \pageref buyrug'idan ham foydalanish mumkin. Bu buyruq formula nomerini emas formula joylashgan sahifa nomerini qaytaradi. Yuqoridagi misolda agar formula 8 sahifaga yozilgan desak

Bu formula 8 betda yozilgan. Bu formula \pageref{trivial} betda yozilgan.

Formula nomerlari ko'rinishlari bevosita joriy sinflarga bog'liq. Masalan article sinfida formulaga nomer qo'yishda to'g'ridan to'g'ri keyingi nomerga o'tib ketiladi. book sinfida esa avval mavzu keyin esa nuqtadan keyin shu mavzudagi formula nomeri ko'rinishda bo'ladi. Masalan 2-mavzudagi 7-formula 2. 7 ko'rinishda bo'ladi. Bunda albatta sinfga mos ko'rinishlar hosil bo'ladi.

Albatta bunday standart ko'rinishlar ko'p ishlataladi va ular ortiqcha harakatni talab etmaydi. Lekin siz formula nomeri ko'rinishini o'zingizga moslappingiz mumkin. Bunda \eqno buyrug'idan foydalanishingiz mumkin. Masalan:

Birinchi sinf o'quvchilari

$$7 \times 9 = 63 \quad (3. 2)$$

ni bilishi kerak.

Birinchi sinf o'quvchilari

\$\$

$$7\times 9=63 \quad (3. 2)$$

\$\$

ni bilishi kerak.

Bu yerdagi birinchi \$\$ belgi formula boshlanishi va oxirgi \$\$ belgi formula oxirini ko'rsatadi. Shuningdek bu belgilar orasida matematik yozuvlarga tegishli parametrlarni berish mumkin. Masalan:

\$\$

$$7 \times 9 = 63 \text{ hisoblash juda oddiy} \quad 7 \times 9 = 63 \text{ hisoblash juda oddiy}$$

\$\$

Bundan ko'riniib turibdiki matematik formula ichida yozuvni oddiy usulda kiritish mumkin emas. Aks holda Latex kiritilgan yozuvni kursivda chiqaradi. Bu muammoni hal qilish uchun \mbox buyrug'idan foydalanamiz. Bu buyruqni shu misolda qo'llaymiz:

\$\$

$$7 \times 9 = 63 \text{ hisoblash juda oddiy} \quad 7 \times 9 = 63 \text{ \mbox{hisoblash juda oddiy}}$$

\$\$

Kutilgan natijaga erishildi. Yozuvdan keyin formula kiritilsa va undan keyin yana yozuv yozish talab etilsa yana shu usulni qo'llash mumkin. Shunga o'xshash boshqa parametrlar ham berish mumkin.

Biz formulaga nomer qo'yishda \eqno buyrug'idan foydalandik. Texda formulaga nomer qo'yishda \leqno buyrug'idan ham foydalanadi. Bu ikki buyruqning bir biridan farqi \eqno formula nomerini o'ng tomonda \leqno esa chap tomonda yozadi. Shunga doir misol ko'ramiz:

Ajoyib o'xshashlik

$$(*) \quad \sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

Ajoyib o'xshashlik

\$\$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

\leqno (*)

\$\$

Buni o'ninchi sinflar bilishadi.

Buni o'ninchi sinflar bilishadi.

Garchi \eqno va \leqno buyruqlari orqali siz istagandek nomerlash amalga oshirilsada avtomatik tarzda yo'llanma(ssylka) bermaydi.

Matematik formulalarda odatiy va noodatiy shriftlar

Yuqoridagi misollarda barcha lotin harflarini odatdag'i ko'rinishda kiritishda avtomatik tarzda kursiv ko'rinishda chiqarilishini ko'rib o'tdik. Agar boshqa turdag'i shriftlarda

chiqarmoqchi bo'lsak albatta kerakli buyruqlarni bilishimiz kerak. Matnlarni formulalarda kiritishda quyidagi shriftlarni ko'rib o'tamiz.

\sl-qiya yozuv, bu shrift kursivga o'xshash bo'lsada aslida undan farq qiladi. \bf-semizroq yozuv. Microsoft Worddagи \text{X} tugmasi vazifasini bajaradi.

Bu semizroq shriftda, Bu \bf semizroq shriftda yozilgan, \\\ bu esa **qiyaroq shriftda**, bu esa \sl qiyaroq shriftda yozilgan, \\\ bu esa oddiy shriftda yozilgan. bu esa \rm oddiy shriftda yozilgan.

Bu misoldagi \rm buyrug'i odatiy standart shrift ("roman") ni bildiradi. Shuningdek agar siz faqat ma'lum so'z yoki ma'lum qismni semizroq shriftda yozmoqchi bo'lsangiz kerakli qismni figurali qavs ichiga olib uni ichiga

\bf yozish mumkin. Masalan:

Bu yozuvda faqat **bu** Bu yozuvda faqat {\bf bu}
qism semizroq yozilgan. qism semizroq yozilgan.

Matnda shriftlarni almashtirishda yana bir qulay usullardan biri ichma-ich guruhlash tushunchasi.

Yozishni avval **qalinroq yozuvdan boshlaymiz, endi vaqtincha kursivga va yana qalin shriftga o'tib**

ilk holatga qaytamiz.

Bu misoldagi \it buyrug'i kursivni bildiradi. Endi misolimizga izoh bersak: Birinchi ochiluvchi figurali qavs undan keying birinchi so'zni tashlab keyingi so'zdan boshlab \bf ni yozdik, aslida \bf dan oldin yozish ham mumkin edi. Har ikkala holda ham bir xil natija qaytariladi. bu yozgan \bf imiz to \it gacha ta'sir qiladi. \it esa { gacha va } dan keyin }gacha. Chunki } shriftlarni ichki guruhlashning oxiri. Oxirgi yopiluvchi figurali qavsdan keyin esa Latex sinf bilan e'lon qilingan standart shriftga qaytadi. Yana bir oddiyroq misol ko'ramiz:

Quyidagi **Pⁿ** da
n nomalumlar soni

Quyidagi **\sum_{a=1}^n P** da
\$n\$ nomalumlar soni

Endi yana bir buyruq \mit buyrug'i haqida. Bu buyruq standart "matematik kursiv"ga o'tish uchun xizmat qiladi. Bu buyruqdan kamdan kam foydalanilsada ayrim masalalarda juda qo'l keladi. Masalan formulalarda ko'p ishlataladigan grek harflarini qiya yozishda. Buni \mit buyrug'ini ichki guruhlash orqali yozish mumkin.

$$\sum_{a=1}^n P = C$$

$$\$ \{ \sum_{a=1}^n P \} = C \$$$

Endi LATEXning keyingi shrifti "Kalligrafik shrift"ga o'tamiz. Bu turdagи shriftni faqat matematik formulalarga qo'llash mumkin. Shuningdek bu shrift faqat lotin harflarini tushuna oladi. Bu shriftni ishlatalish uchun \cal buyrug'idan foydalaniladi. Misol:

Urinma egri chiziqni X ta

Urinma egri chiziqni \$X\$ ta

bo'lakka bo'lsa

demak: yoki T_X $T_{X'}$

bo'lakka bo'lsa

demak: $\sim \{\text{cal } T\}_X$ yoki $\$T_X\$$

Bu yerda \sim belgisi agar yozuvlar bir qatorga sig'masa keyingi qator boshidan formula boshlanmasligi uchun qo'llaniladi. Agar shunday vaziyat bo'lib qolsa formuladan oldingi so'zni keyingi qatorga tushiradi yoki so'zni bir qismini o'tkazadi. Yuqoridagi misolda "de-" yuqori qatorda qolib "mak: yoki " pastki qatorga tushadi.

Hujjatdagi barcha lotin harflari yoki matematik formulalar va grek harflariga birdaniga bir xil parametr berish mumkin.

Odatda matematik formulalar kursiv holda chiqarilishini bilamiz, agar barcha matematik formulalar va grek harflariga qalin shriftni bermoqchi bo'lsak $\backslash boldmath$ buyrug'idan foydalananamiz.

Latexda formulaga matn kiritishni to'g'ridan to'g'ri amalga oshirib bo'lmaydi.

$$\begin{aligned} & \text{barcha } x \text{ lar uchun } \sqrt{x^2} = x \\ & \quad \text{matn } \text{lar uchun } \} \times \{ \text{matn } \text{lar uchun } \} \backslash \text{sqrt}\{x^2\} = x \end{aligned}$$

Bu yerda matn shriftini kerakli ko'rinishga keltirsada, lekin so'zlar orasidagi bo'sh joy(probel) larni yo'qota olmaydi.

Formulada matn yozish

Matematik formulada matn yozish $\backslash mbox$ buyrug'i orqali amalga oshiriladi. Formula va matn orasida bo'sh joylar hosil qilish uchun esa $\backslash qquad$ dan foydalilaniladi.

$$\begin{aligned} & \text{barcha } x \text{ lar uchun } \sqrt{x^2} = x \\ & \quad \text{matn } \text{lar uchun } \} \backslash \text{sqrt}\{x^2\} = x \end{aligned}$$

Bu yerda $\backslash mbox$ buyrug'i matn kursivda chiqmasligi, so'zlar orasidagi bo'sh joylar va odatiy shriftda chiqishini ta'minlaydi. Shuningdek $\backslash mbox$ da shrift turini ham berish mumkin.

Qavslar o'lchamini o'zgartirish

Odatiy murakkab bo'limgan formulalarda qavslar o'lchami avtomatik tarzda aniqlanadi. Lekin murakkab formulalarda maxsus buyruqlardan foydalishga to'g'ri keladi. Masalan quyidagi

formulada.

$$e = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

Agar biz odatdagidek qavs yozmoqchi bo'lsak quyidagicha yozamiz.

$$e = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

$$e = \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n$$

Ko'rinish turibdiki bunday ko'rinish uncha qulay emas. Qavslar o'lchami bilan qavslar ichidagi formula o'lchami orasidagi farq juda katta. Bunday vaziyatlarda qavs ichidagi formula bilan moslab olish uchun ochiluvchi qavsda \langle , yopiluvchi qavsda esa \rangle dan foydalilanadi. Yuqoridagi misolimizda bu buyruqlarni qo'llasak

$$\begin{aligned} \$\$ e &= \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n \\ &\left(1 + \frac{1}{n} \right)^n \end{aligned}$$

Bu yerda $\frac{1}{n}$ kasrlarni yozish uchun ~~ismaymadi~~. ~~Yuqoridagi~~ misolimizdagи \langle va \rangle buyruqlari orasiga yana bir necha \langle va \rangle larni yozish mumkin. \langle va \rangle buyruqlarini nafaqat (va) ko'rinishdagi qavslarda

balki , boshqa bir necha ko'rinishdagi belgilarda ham ishlatish mumkin. Quyida

\langle va \rangle buyruqlari yordamida o'lchami avtomatik o'zgaradigan belgililar ro'yhati TEXdagi buyruq kodlari bilan keltirilgan:

| Bu yerdagi | \langle | \rangle | o'rniga | \langle | \rangle | yozish mumkin. |
|------------|--------------|--------------|----------------|-----------|-----------|----------------|
| (| \langle |) |) | | | [|
|] | \rangle | { | $\backslash\{$ | | } | $\backslash\}$ |
| _ | \lfloor | \rfloor | \lfloor | \rfloor | \lceil | \lceil |
| / | \lfloor | \rfloor | \langle | \rangle | \rangle | \rangle |
| \ | \backslash | \backslash | $\backslash\ $ | $\ $ | / | / |

Xuddi shunday

\rangle o'rniga ham \rangle yozish mumkin. Lekin boshqa vaziyatlarda \langle bilan \rangle bir ma'noda kelmaydi. Ayrim misollarda bitta qavs qatnashadi. Ularni formulaga moslash uchun \langle yoki \rangle buyruqlaridan keyin nuqta qo'yiladi, bunda nuqta natijaviy sahifada ko'rinxaydi. Ikki va undan ortiq nuqtalar esa natijaviy sahifaga chiqariladi.

Masalan:

$$\begin{aligned} \$\$ M(f) &= \int_a^b f(x) dx / (b - a) \\ &= \int_a^b f(x) dx / (b - a) \end{aligned}$$

$$M(f) = \int_a^b f(x) dx / (b - a)$$

Bu misoldagi \langle , buyrug'i $f(x)$ va dx orasida bo'sh joy tashlaydi. Avtomatik tarzda joy tashlanmaganligi sababli biz bu buyruqdan foydalananamiz. Yana bir misol:

$$\begin{aligned} \$\$ \int_a^b \frac{1}{2} (1 + x)^{-3/2} dx &= -\frac{1}{\sqrt{1 + x}} \Big|_a^b \\ &= -\frac{1}{\sqrt{1 + b}} + \frac{1}{\sqrt{1 + a}} \end{aligned}$$

$$\int_a^b \frac{1}{2} (1 + x)^{-3/2} dx = -\frac{1}{\sqrt{1 + x}} \Big|_a^b$$

\$\$

Biz yuqorida ko'rib o'tgan misollarning barchasidan ko'rini turibdiki, $\left|x+1\right| - \left|x-1\right|$ buyruqlari faqat qavslarni formulaga moslab beradi. Ayrim misollarda bu buyruqlar yetarlicha qulayliklarga ega emasligi ko'rindi. Masalan:

$$\$ \left| x+1 \right| - \left| x-1 \right| \$$$

$$\left| x+1 \right| - \left| x-1 \right|$$

Bu misolda barcha modul belgilari bir xil bo'lganligi sababli, ularning qaysi biri ichki modul va qaysi biri tashqi modul ekanligi bilinmaydi. Ajralib turishi uchun asosiy modul belgisini balandroq qiliib yozish kerak.

Yana bir $\left| \cdot \right|$ va $\left| \cdot \right|$ ga doir misol:

\$\$

$$\begin{aligned} & \left(\sum_{k=1}^n x^k \right)^2 \\ & \left(\sum_{k=1}^n x^k \right)^2 \end{aligned}$$

\$\$

Bu misolda yig'indi formulasidagi qavslar juda baland yozilgan. Va albatta bu ko'rinishga ta'sir qiladi. Mana shu muammolarni hal qilishda quyidagi Tex buyruqlaridan foydalanish mumkin. Chap qavslar uchun $\left| \cdot \right|$, $\left| \cdot \right|$, $\left| \cdot \right|$,

$\left| \cdot \right|$ buyruqlaridan, o'ng qavslar uchun $\left| \cdot \right|$, $\left| \cdot \right|$, $\left| \cdot \right|$, $\left| \cdot \right|$ buyruqlaridan foydalanish mumkin. Bu buyruqlarning yozilish ham xuddi $\left| \cdot \right|$ va

$\left| \cdot \right|$ ga kabi. Masalan:

$$\$ \left| \sum_{k=1}^n x^k \right|^2 \$$$

$$\left| x+1 \right| - \left| x-1 \right|$$

Yig'indi haqidagi misolimiz esa quyidagi ko'rinishda bo'ladi.

\$\$

$$\begin{aligned} & \left(\sum_{k=1}^n x^k \right)^2 \\ & \left(\sum_{k=1}^n x^k \right)^2 \end{aligned}$$

\$\$

Bu buyruqlardan foydalanganda qavslar shriftini avtomatik tarzda sinf va unga mos xususiyatlarga ko'ra tanlaydi. Shuningdek hujjat yozuvi o'lchamiga mos tarzda chiqaradi. Masalan: hujjat o'lchami 11pt yoki 12pt bo'lsa qavslarni ham shunga mos tarzda qalinroq shriftda chiqaradi. O'lcham shrifti va o'lchamini o'zgartirish uchun endi boshqa buyruqlardan foydalanish kerak.

Belgilarga doir chizishlar

Ba'zi hollarda belgilarning ustiga chizishga to'g'ri keladi. Masalan tegishlilik belgisida. Bu belgi ustiga "/"(slesh) belgisi chizib qo'yilsa tegishli emas ma'nosini beradi. Bu belgini $\not\models$ buyrug'i orqali qo'yish mumkin. Masalan:

$$Ko'pchilik \$ \{x : x \not\models x\} \$ ni$$

Ko'pchilik $\{x : x \not\models x\}$ ni
ma'nosini tushunishmaydi.
Bu Rassel paradoksi.

\| ma'nosini tushunishmaydi. \|

Bu Rassel paradoksi.

Agar teskari tegishli emaslik belgisini qo'ymoqchi bo'lsak $\{x : x \not\in \text{in } x\}$ yozish yoki $\{x : x \not\in \text{in } x\}$ kabi yozish mumkin. Lekin bu ikki ko'rinishdagi $\not\in$ va $\not\in$ bir xil ma'noda qo'llanilmaydi.

Satr usti belgilari

Formula yozish jarayonida bizga formulada ishlatilgan harflar yoki formulaning biror qismini ajratib ko'rsatish uchun shu qism ustida qandaydir o'zgartirishlar qilishga to'g'ri keladi. Bunday o'zgarishlar ajratilgan qism ustida chiziq chizish, qismni ustidan qandaydir chiziq chizishlar va hokazolar bo'lishi mumkin. Aytiganlardan birinchisi ya'ni satr ustida chiziq chizish uchun \overline{buyrug}'idan foydalilanildi:

Xalqaro qoidaga ko'ra

\$\$

\overline{a_{n-1} \dots a_1 a_0} =

$10^n a_n + \dots + a_0.$

\$\$

yoziladi

Xalqaro qoidaga ko'ra

$\overline{a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0} = 10^n a_n + \dots + a_0.$

yoziladi

Satr usti belgilariiga doir qo'shimcha buyruqlar a harfi misolida quyidagi jadvalda ko'rsatilgan.

| | |
|----------|----------|
| \hat a | \check a |
| \tilde a | \acute a |
| \grave a | \dot a |
| \ddot a | \breve a |
| \bar a | \vec a |

Bu buyruqlar orasida \bar a buyrug'i \overline{ga} o'xshaydi. Agar i va j harflarini ustiga jadvaldagi belgilardan birortasini qo'ymoqchi bo'lsangiz u chiroyli ko'rinish kasb etmaydi. Buning o'rniga "boshqa zarur" belgilar jadvalimizdagi \imath va \jmath belgilarini kiritish chiroyliroq natija beradi.

bunday ko'rinishdagi

\tilde{i} chiroyli emas

\| bunday ko'rinishdagi

\tilde{\imath}\imath esa

chiroyli

bunday ko'rinishdagi \tilde{i} chiroyli emas

bunday ko'rinishdagi \tilde{i} esa chiroyli

Hozirgi misolimizda faqat bitta harf ustiga belgi qo'yildi.

Aslida har bir satr va formulaga ham belgi qo'yish mumkin. Masalan \hat{a+b} yozsak

$$a \hat{+} b$$

ko'rinish hosil bo'ladi.

Bunday ko'rinish chiroyli emas, shuning uchun \widehat{yozsak} belgi formula

bo'yicha yoyiladi.

Quyidagi

$$\$\\widehat{f*g} =$$

$$\text{quyidagi } \widehat{f * g} = \widehat{f} \cdot \widehat{g} \text{ teng kuchli}$$

$\widehat{f} \cdot \widehat{g}$ teng kuchli

Bunday yo'l bilan juda chiroylar ko'inishlar hosil qilish mumkin. Masalan

$\widehat{\sin x}$ buyrug'i bilan formula ustida to'lqin hosil qilish va shunga o'xshash boshqa ko'inishlar.

Shuningdek satr va formulalar ustiga yo'nalish chiziqlarini ham qo'yish mumkin.

Masalan

\overrightarrow{AB} buyrug'i satr ustiga o'ngga yo'nalgan chiziq chizadi.

Bu vektor

Bu vektor \overrightarrow{AB} .

$$\$\\overrightarrow{AB} \$.$$

Agar \overrightarrow{AB} buyrug'i o'ngga yo'nalgan chiziq chizsa , demak

\overleftarrow{AB} chapga yo'nalgan chiziq chizadi. Boshqa shu kabi buyruqlar bu buyruqlar darajasida asosiy hisoblanmaganligi sabali ularga to'xtalmaymiz.

Matematik formulalar yozishda turli buyruqlar imkoniyatlari

Matematik formulalar yozishda Latex turli standart belgilardan tashqari formula yozishni qulaylashtirish uchun maxsus belgili buyruqlarni ham taqdim etadi. Biz odatda matn orasiga formula yozish uchun formula yozishdan oldin bitta dollar belgisi va formuladan so'ng yana bir dollar belgisini qo'yamiz. Aslida bu ishni $\backslash($ (formula boshida) va $\backslash)$ (formula oxirida) buyruqlar bilan ham qilish mumkin. Matematik formula kiritishning yana bir varianti bu formulani

\begin{math} va \end{math} orasida yozishdir. Shuningdek bu usul yordamida formula ichida so'zlarni ham yozish mumkin.

$$\$2\times2=4\$$$

$$\mathbf{2 \times 2 = 4}$$

yoki

yoki

$$\backslash(2\times2=4\backslash)$$

$$\mathbf{2 \times 2 = 4}$$

Latex formula yozishda nafaqat juft dollar belgisi yoki yuqorida ko'rsatib o'tilgan buyruqlardan balki $\backslash[($ formula boshida) va $\backslash]($ formula oxirida) buyruqlaridan ham foydalanadi. Shuningdek formulalar kiritishning boshqa yo'li ham mavjud. Bu formulani $\begin{displaymath}$ va $\end{displaymath}$ orasiga yozishdir. Bu usulni ikkitalik dollar belgisi o'rniha ishlatalish mumkin.

Latex yaratuvchisi Lesli Lamportning aytishicha formulalarni yozishda yuqoridagi "ochiluvchi" va "yopiluvchi" buyruqlardan foydalanish , hujjatdagi xatolarni topish uchun juda qulay.

Oddiy hodisalar

Latexda formulani chiroylar ko'inishda yozish uchun quyidagi oddiy hodisalarni bilish

muhim.

-Formula yozishda agar bo'lish belgisi qatnashsa iloji boricha kasr ko'rinishda(kasr ko'rinishda yozish uchun maxsus \frac buyrug'idan foydalanish mumkin) yozishga harakat qiling.

-Agar matn quyi indeksida yozishga to'g'ri kelib qolsa ,yuqori indeks bilan teng parametrda yozishga harakat qiling.

-Agar yuqori yoki quyi indekslar mavjud bo'lsa ularni joylashtirishda { va } belgilaridan foydalaning.

Formulada yuqori quyi indekslarni joylashtirishda Latexning maxsus buyrug'i \atop dan foydalanish mumkin.

Ilgari

\$\Gamma_{ij}^k\$
\ ko'rinishda yozilgan bo'lsa\\
hozir \$\left\{ ij \atop k \right\}\$\\
ko'rinishda yoziladi.

Ilgari \$\Gamma_{ij}^k\$
ko'rinishda yozilgan bo'lsa
hozir \$\left\{ ij \atop k \right\}\$
ko'rinishda yoziladi.

Biz bu yerda figurali qavslarni ichidagi formula o'lchamini bilan matn o'lchamiga moslashtirish uchun yana \left va \right dan foydalandik.

Ko'pincha yuqori va quyi indeks yozishda, yuqoridagi misol kabi \left(, \atop va \right) buyruqlaridan foydalaniladi. Bunday vaziyatlarda uncha ko'p foydalanilmasada yana bir buyruq bilan tanishib o'tishni lozim topdik. Bu \choose buyrug'i. Quyidagi misolda shu buyruq ko'rsatilgan:

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \quad \begin{aligned} & \text{\left(, \atop va \right)} \\ & \text{\left\{ n \atop k \right\}} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \end{aligned}$$

Bu yerda foydalanganimiz \choose buyrug'i ko'rib turganimizdek "ochiluvchi" va "yopiluvchi" qavslar bilan nomutanosiblik kellтирib chiqaradi. Ya'ni bu buyruq avval "ochiluvchi" va "yopiluvchi" qavslarni aniqlab so'ngra yuqori va quyi indekslarni uni ichiga yozadi, \atop da esa avval yuqori va quyi indekslar aniqlanib, so'ngra shularga mos qavslar qo'yib chiqiladi. Albatta barcha vaziyatlarda ham formula yozishda qavslar kerak bo'lmaydi. Bunday vaziyatlarda \choose buyrug'i qulayroq. Shuning uchun ham har ikkala buyruqning o'z o'rni bor.

Endi yana bir ajoyib hodisalardan biri bo'lgan formula yozilgan qator ustiga biror belgi va yoki shunga o'xshash yozuvlar yozish. Bunday ko'rinishlar Latexning \stackrel buyrug'i yordamida hosil qilinadi. Bu buyruq ikkita qismdan iborat: birinchisi qatorni

yozish, ikkinchisi qator ustini yozish. Quyidagi misol yordamida bu buyruq haqida tasavvur hosil qilishingiz mumkin:

\$A \stackrel{f}{\longrightarrow} B\$

$A \xrightarrow{f} B$

Qator ostida gorizontal figurali qavs yozish uchun \underbrace buyrug'idan foydalilaniladi. Albatta bu buyruqdan keyin qatorni yana davom ettirish mumkin.

\$\$

$$\underbrace{1+3+5+7+\dots+2n-1}_{n \text{ terms}} = n^2$$

\$\$

Qator ustiga gorizontal figurali qavs yozish uchun \overbrace buyrug'idan foydalaniladi. Bir qatoring ham yuqori qismiga, ham ostki qismiga gorizontal figurali qavs yozish mumkin.

\$\$

\overbrace{\underbrace{ a+b+\cdots+z }_{\{26\}}+1+ \cdots + \cdots +10 }^{\{36\}}

$$\overbrace{a+b+\cdots+z}^{26} \overbrace{+1+\cdots+10}^{36}$$

Matritsalar

Latex yordamida matritsa yozish uchun bizga array tanasi(`\begin{array}`) va (`\end{array}`) bu Latexdagi tana) kerak bo'ladi. Matritsa tanasini tushunish uchun avval kichkina misol ko'rib o'tamiz. Demak boshladik:

```


$$\begin{array}{cccc}
a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\
a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn}
\end{array}$$


```

Mana matritsa ham hosil qilindi. Endi undagi bizga notanish bo'lgan buyruq va belgilar bilan tanishamiz. Matritsalar qator va ustunlardan iborat bo'ladi. Yangi qatorga o'tish \\\ buyrug'i orqali(oxirgi qatorga shart emas) amalga oshiriladi. Ustunlar orasidagi farqni aniqlash uchun & belgisidan foydalaniladi. Shuningdek bu belgi matritsa turli ustunlarida turli uzunlikdagi qiymatlar bo'lganda ustunlar orasida vujudga keladigan nomutanosibliklarni ham yo'qotadi. Matritsa yozishda array tanasi(\begin{array} ,array figurali qavs ichiga yoziladi) ochilgandan so'ng,matritsa tuzilishini aniqlash boshlanadi, ya'ni matritsa nechta ustundan iboratligi. Yuqoridagi misolimizda 4 ta ustun bo'lgani uchun biz

{cccc} yozdik. Figurali qavslar ichidagi 4 ta harf matritsa 4 ta ustundan iboratligini, c harfi esa ustunni markaz(inglizcha – center ning bosh harfi) bo'yicha tartiblanganligini bildiradi. Bu misolda biz 4 ta ustunning ham markaz bo'yicha tartiblanishini ko'rdik , aslida

c harfidan boshqa yana 1 yoki r harflarini ham ishlatishimiz mumkin edi. Bunda l harfi(inglizcha – left ning bosh harfi) ustunni chap tomon bo'yicha tartiblaydi , r esa (inglizcha – right ning bosh harfi) ustunni o'ng tomon bo'yicha tartiblaydi. Biz yuqoridagi misolimizning uchinchi qatorida yana vertikal ko'pnuqtalar yozish uchun \vdots va diagonal nuqtalar yozish uchun

\ddots buyruqlardan foyalandik. Bu buyruqlardan nafaqat matritsalar yozishda balki istalgan matematik formulalarini yozishda ham foydalanish mumkin.

Matritsa qanday yozilishini ko'rdik. Lekin bu matritsamiz shunchaki bir nechta qatorda ketma-ket turgan ro'yhatga o'xshaydi. Odatda matritsalar turli xil ko'rinishdagi qavslar bilan birga yoziladi. Agar biz ham o'z matritsamizda qavslardan foydalanmoqchi bo'lsak , \begin{array}{} dan oldin ochiluvchi qavsni(masalan “(“ ni) \left(ko'rinishda , yopiluvchini esa \end{array} dan keyin

\right) ko'rinishda yozish mumkin. Yuqoridagi misol uchun bu quyidagicha bo'ladi:

```
\left(\begin{array}{cccc} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{array}\right)
```

Agar matritsa faqat bir qatordan iborat bo'lsa uni matritsa yozish usuli bilan yozish shart emas , bunday hollarda oddiy qatorga yozuv yozgandek yozuvlarni bo'sh joy(probel) bilan ajratib yozish , matitsa yozish usuli bilan yozishdan ko'ra ancha qulayroq va osonroq.

Yana bir misol: Endi tenglamalar sistemasiga doir , array tanasi yordamida tuzilgan:

$$\left\{ \begin{array}{l} x^2 + y^2 = 7 \\ x + y = 3. \end{array} \right.$$

Bu misolda birinchi ustun chap tomonga nisbatan tartiblangan , ikkinchi ustun esa markazga nisbatan tartiblangan va uchinchi ustun o'ng tomonga nisbatan tartiblangan. Matritsa tuzilishini aniqlash uchun yozilgan {rcl} dan bilish mumkin. Figurali qavsni yozish uchun foydalanilgan \left va \right buyruqlarida ochiluvchi figurali qavs \left\{ ko'rinishda yozilgan va bu qavsni butun formula bo'ylab qo'llaganda yopiluvchi qavs bo'lmasligi uchun yopiluvchi qavsda \right bilan birga nuqtadan foydalanilgan.

Agar matritsani alohida nomerlamoqchi bo'lsangiz , eqnarray tanasidan foydalanishingiz mumkin. Bunda xuddi formulaga nomer qo'yishda foydalaniladigan equation tanasi kabi formula nomeri avtomatik tarzda aniqlanadi. Agar matritsaga qo'yilgan

nomerdan yo'llanma orqali hujjatning qaysidir qismida foydalanmoqchi bo'lsak , u holda \label orqali bu nomerga biror nom qo'yib , yo'llanamda chaqirishda \ref funksiyasiga nomer nomini ko'rsatish orqali foydalanish mumkin. Nomer joylashgan sahifaga yo'llanma berish uchun

\pageref funksiyasidan foydalanamiz. Masalan quyidagi

$$2 \times 3 = 6 \quad (1)$$

$$2 + 3 = 5 \quad (2)$$

4 betdag'i 2 formula

misoldan bu formulalarning 4 betda yozilganligini bilib olishimiz mumkin. Bunday ko'rinishga erishish uchun quyidagi kodni yozdik:

```
\begin{eqnarray} 2\times3&=&6\\ 2+3&=&5\label{nom1}
```

\end{eqnarray}

\pageref{nom1} betdag'i

\ref{nom1} formula

Bunda ya'ni eqnarray tanasidan foydalanganda \$\$ dan foydalanish kerak emas.

Shuningdek eqnarray tanasi yordamida figurali qavs ham yozib bo'lmaydi.

Agar siz faqat bir necha tenglamalarga nomer qo'ymoqchi bo'lsangiz ,

\nonumber funksiyasidan(\\" bilan birga) foydalanishingiz mumkin.

```
\begin{eqnarray}
```

$$\int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx$$

$$= \sqrt{\pi}$$

& = &

$$\sqrt{\pi} \nonumber \\$$

$$= 24 \quad (3)$$

$$\sqrt{576} = 24$$

\end{eqnarray}

Agar tenglamalarning birortasiga ham nomer qo'ymoqchi bo'lmasangiz eqnarray tanasi o'rniga eqnarray* (yulduzchali)dan foydalanishingiz mumkin. Shuni ta'kidlab o'tish kerakki array tanasi nafaqat matematik formulalarni balki formulalarning ichida yoziladigan matnlarda ham qo'l keladi , eqnarray tanasi esa faqat matematik formulalar yozishda yo'llaniladi.

Endi turli xil bog'lanishga ega bo'lgan matematik diagrammani ko'ramiz:

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & \longrightarrow & E' & \xrightarrow{f} & E & \xrightarrow{g} & E'' \longrightarrow 0 \\ & & \downarrow p & & \downarrow q & & \downarrow r \\ 0 & \longrightarrow & F' & \xrightarrow{f} & F & \xrightarrow{g} & F'' \longrightarrow 0 \end{array}$$

Bu diagrammadan 3 ta qator va 9 ta ustun(ustunlar yo'nalish belgilari , harflar va nollardan iborat)lardan iborat. Qanday qilib gorizontal yo'nalish chizig'i va uni ustiga harf yozishni(\stackrel{}{} funksiyasi orqali) ko'rib o'tgandik. Yuqorida misolda biz nomalum

qism endi faqat vertikal chiziq va unga tegishli harfni yozish. Buni bir misol yordamida ko'rib o'tamiz.

```
 $$ \begin{array}{c} E \\ \downarrow q \\ F \\ \end{array} $$
```

Yuqoridagi misolda `\downarrow` funksiyasi yordamida vertikal pastga yo'nalgan strelka hosil qildik , undan keyingi q harfi esa shunchakiiddiy matn kabi kiritiladi. array tanasiga c(center) yozganimiz tufayli strelka va harf birgalikda qaralib markazga nisbatan olingan. Agar harfni yuqoridagi harf bilan bir xil joylashtirmoqchi bo'lsak , c o'rniga r yozish kifoya va agar strelkani yuqoridagi harf bilan tagma-tag joylashtirmoqchi bo'lsak c o'rniga l yozish kifoya. Ba'zi hollarda butun ustunni emas balki faqat bitta satrdagi harfni o'ng tomonga tekislash kerak bo'ladi. Bunday hollarda `\lefteqn` funksiyasidan foydalanish mumkin. Yuqoridagi misolda q harfini yozmoqchi bo'lsak `\lefteqn{q}` ko'rinishda bo'ladi. Endi yuqoridagi diagrammamizga tegishli tushunarsiz funksiyalar qolmadи. demak yuqoridagi misol kodi:

```
 $$ \begin{array}{ccccccc} 0 & \rightarrow & E' & & & & \\ \stackrel{f}{\rightarrow} & & E & & & & \\ \stackrel{g}{\rightarrow} & \rightarrow & E'' & \rightarrow & 0 \\ \downarrow & \lefteqn{p} & \downarrow & \lefteqn{q} & \downarrow & \lefteqn{r} & \downarrow \\ \lefteqn{q} & \downarrow & \lefteqn{r} & \rightarrow & F' & \rightarrow & F'' \\ \stackrel{f}{\rightarrow} & & E'' & \rightarrow & 0 \\ \stackrel{g}{\rightarrow} & \rightarrow & E & \rightarrow & 0 \\ \end{array} $$
```

Bu misolda ishlatilgan boshqa buyruqlar bilan biz oldingi qismlarda tanishib o'tgan edik. Ko'riniib turibdiki array tanasi matriksalar yozish uchun juda ajoyib imkoniyatlarga ega.

Formula yozish jarayonida agar birinchi qatorda yozayotgan formulangiz juda uzun bo'lган taqdirda , keyingi qatorga o'tganda formula davomini o'ng tomondan yozish formulaga chiroqli ko'rinish bermaydi. Shu sababli bunday vaziyatlarda keyingi qator formulasini chap yoki markazdan yozish ma'qulroq. Buni quyidagi formulada ko'ramiz:

$$\int_0^x e^{-t^2} dt = x - \frac{x^3}{1! \cdot 3} + \frac{x^5}{2! \cdot 5} - \frac{x^7}{3! \cdot 7} + \dots$$

$$+ (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{n! \cdot (2n+1)} + \dots$$

Latexda esa quyidagicha:

```

\begin{eqnarray*}
\lefteqn{\int_0^x e^{-t^2} dt = x - \frac{x^3}{1! \cdot 3} + \frac{x^5}{2! \cdot 5} - \frac{x^7}{3! \cdot 7} + \cdots} \\
1)^n \frac{x^{2n+1}}{n! \cdot (2n+1)} + \cdots
\end{eqnarray*}

```

Bu yerda biz \int_0^x buyrug'idan foydalandik. Bu buyruq haqida biz matematik diagramma bo'limida bilib olgan edik.

Bo'sh joylarni kiritish

Hujjat yozish jarayonida matematik formula orasiga matn yozishga yoki matn orasiga matematik formula yozishga to'g'ri keladi. Bunday vaziyatda formula va matnni orasiga bo'sh joylarni joylashtirish juda noqulay. Bunday vaziyatlarda quyidagi asosiy buyruqlardan foydalaniladi:

| | |
|------------|--|
| \quad | uzunligi 1em ga teng(1em - oddiy probel-) |
| \quad\quad | uzunligi 2emga teng() |
| \, | qisqa bo'sh joy |
| \: | o'rtacha bo'sh joy |
| \; | uzunroq bo'sh joy |
| \! | odatiy bo'sh joy |

Quyidagi misolda bu buyruqlarni ishlatalish ko'rsatilgan:

Misolni quyidagi \\

$\int f(x) dx$ orqali \\
yoki $\int \int f(x) dx dy$, orqali \\
yechamiz va natija $\sqrt{3} x$ bo'ladi.

Misolni quyidagi
 $\int f(x) dx$ orqali
yoki $\int \int f(x) dx dy$, orqali
yechamiz va natija $\sqrt{3} x$ bo'ladi.

Matnda formulalarni yozuvdan ajratish uchun \quad buyrug'i qulayroq.

Formulada ishlataladigan belgilari o'lchami

Formulalar yozishda odatda formula darajasi, indeksi, qavslar va h. k lar shriftini asosiy formula shriftidan ajratib yoziladi. Tex bunday hollarda avtomatik tarzda juda kichik o'lcham oladi. Agar siz formula yozish jarayonida darajaga matn kiritmoqchi bo'lsangiz \textrm buyrug'idan foydalanishingiz mumkin. Bunda matn yozish rejimiga o'tib yana qaytib chiqish sodir bo'ladi. Bu albatta juda noqulay. Bunday vaziyatlarda \mathrm dan foydalanish qulayroq. Bu buyruq qisqa yozuvlarda qo'l keladi. Chunki \mathrm buyrug'i bo'sh joy(probel)larni o'qimaydi. Bunday noqulayliklarni bartaraf etishda bizga stillar yordam beradi. Matematik shriftlarni o'rnatishda 4 ta buyruqdan foydalanish mumkin.

displaystyle (stilni moslash) textstyle (matn stili)

scriptstyle (indeksda foydalanish uchun)

scriptscriptstyle (indeksning indeksida foydalanish uchun)

Quyidagi ko'rinishlarda bo'ladi. \displaystyle (123), \textstyle (123), \scriptstyle (123) \scriptscriptstyle (123).

Stillar yordamida hosil qilingan formula:

\$\$

$$\frac{7}{25} =$$

$$\frac{1}{3 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}}}$$

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{3}} \quad \frac{1}{3 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}}} \quad \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}$$

1+frac{1}{3}}\}}\}} \quad \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}

Endi xuddi shu formulani stil ishlatmagan holda ko'ramiz:

\$\$

$$\frac{7}{25} =$$

$$\frac{1}{3 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}}}$$

\{3}\}}\}} \quad \frac{1}{1 + \frac{1}{3}}

Matematik shriftlarni ishlatish bo'yicha yana bir misol:

$$\text{corr}(X, Y) = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\left[\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2 \right]^{1/2}}$$

```
\begin{displaymath}
\text{mathop}{\text{corr}}(X,Y)=
\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\left[ \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2 \right]^{1/2}}
\end{displaymath}
```

Bu yerda yozilgan displaymath tanasi murakkab va ko'p qatorli formulalar yozishda ishlatiladi. Shuningdek bu yerda ishlatilgan kasr maxrajidagi ochiluvchi to'rtburchak qavs uchun ishlatilgan \biggl[va yopiluvchi qavs uchun \biggr] o'rniga Texning standart buyruqlari bo'lgan \left[va \right] dan ham foydalanish mumkin. Bu kodda ishlatilgan \mathop buyrug'i formula orasida matn yozish uchun ishlatiladi. \mathop va \mathrm buyruqlari haqida keyingi qismlarda ma'lumot beriladi.

Matematik belgilarning ko'rinishmasligi va boshqa xususiyatlari

Yuqorida matematik yozuvlar o'lchamini o'zgartirishni ko'rib o'tdik. Ayrim hollarda bir formuladagi turli yozuvlarga turlicha o'lcham berish zarur bo'lib qoladi. Tasavvurga ega bo'lish uchun shuni aytish kerakki Tex da bu hodisani ortiqcha buyruqlarsiz ham qilish mumkin. Masalan \sqrt{a} buyrug'i ildiz ostidagi yozuvga qarab ildiz belgisi o'lchamini avtomatik o'zgartiradi.

Bu formuladagi~
 $\sqrt{d} \approx 2$ ta belgi
 o'lchami har xil

Bu formuladagi $\sqrt{a} + \sqrt{d}$
 2 ta belgi
 o'lchami har xil

Bu misolda a va d harflar balandligi har xil bo'lganligi tufayli , shu harflarga mos ildiz balandliklari aniqlandi. Agar bir necha belgi kiritilsa ularning eng balandiga mos ildiz belgisi yoziladi. Formuladagi yozuvlarni bir xil o'lchamda yozish uchun esa $\mathbf{\sqrt{}}$ buyrug'idan foydalaniladi.

Bu formuladagi
 $\sqrt{a} + \sqrt{d}$
 2 ta belgi bir xil o'lchamda.

Bu formuladagi
 $\sqrt{a} + \sqrt{d}$
 2 ta belgi bir xil o'lchamda.

Biz bu misol orqali matematik belgilar balandligini aniqladik. Texda formulani ko'rsatmaslik ham mumkin. Bu ish hujjatni qog'ozga chiqarishda kerak bo'lishi mumkin. Formula yoziladigan joy taxminiy formula uzunligi aniqlanib bo'sh joy ko'rinishida tashlab ketilsa , keyinchalik qo'lda kiritilishi mumkin. Ko'rinmas belgilarni $\mathbf{}$ buyrug'i yordamida yaratish mumkin. Bu buyruq ichiga formula balandligini $\mathbf{\sqrt{}}$ buyrug'i yordamida yozish , yoki formulani o'zini yozib kerakli parametrler o'rnatish ham mumkin. Masalan:

Ildiz belgisi~
 $\sqrt{}$
 ko'rinishda yoziladi

Ildiz belgisi $\sqrt{}$
 ko'rinishda yoziladi

Shuningdek vertikal ko'rinmas joylar ham yozish mumkin. Bunda bizga $\mathbf{\vphantom{}}$ buyrug'i yordam beradi. Bunda $\mathbf{\sqrt{}}$ yozish mumkin. Gozrizontal bo'sh joy yaratish uchun ham maxsus $\mathbf{\hphantom{}}$ buyrug'idan foydalanish mumkin.

Bu yerdagi~
 $\sin^2\alpha$
 bo'sh joy
 qo'lda formula yozish uchun qo'yilgan.

Bu yerdagi bo'sh joy
 qo'lda formula yozish uchun qo'yilgan.

Formulada turli intervallardan foydalanish

Formula yozish jarayonida qaysidir qismni ajratib ko'rsatish uchun turli qavslar,nuqtalardan va h. k lardan foydalanish mumkin. Masalan nuqtalar uchun Texda $\mathbf{\colon}$ va $\mathbf{\mid}$ buyruqlarini ishlatish mumkin. Bunda $\mathbf{\colon}$ buyrug'i ikki nuqta , $\mathbf{\mid}$

esa bir nuqta qo'yadi. Texning qism(so'z,ibora,formula va h. k)ni ajratish uchun mo'ljallangan buyruqlari:

, , ; ; : \colon . \cdot \cdot Shuningdek qismlarni bo'sh joylar bilan ham ajratish mumkin. Bo'sh joylar

haqida biz yuqoridagi bo'limda tanishib o'tdik. Albatta ulardan foydalanish juda qulay. Lekin belgilarni ajratishning boshqa usullarini ham bilib qo'ysak yomon bo'lmaydi. Bu usulga binar hisoblash deyiladi. Misol:

Quyidagi $\$2+3\$$ va $\$2\{+\}3\$$

lardan\\
ikkinchisi
binar
hisoblash yordamida\\
hosil qilingan.

Quyidagi $2 + 3$ va $2\{+\}3$ lardan
ikkinchisi binar hisoblash yordamida
hosil qilingan.

Bu ko'rinish (qavs ichidagi belgi va qavs tashqarisidagi belgilar o'lchami bir xilligi va ular orasida bo'sh joy yo'qligi) chiroqli ko'rinishda emas. Agar qavs ichida matematik formula va shunga o'xshash amallar bo'lsa bu usul yaxshi natija bermaydi. Bunday vaziyatlarda Texning maxsus buyruqlaridan foydalanish qulayroq. Bu buyruqlar bizga ayitb o'tilgan muammolarni bartaraf etishda yordam beradi. Bu buyruqlar quyidagilar: \mathbin, \mathrel va \mathop.

Agar~\$E\hat{\cdot}\otimes F\$

formulani\\
Bo'sh joy bilan yozmoqchi bo'lsak,\\
u quyidagicha bo'ladi~\$E\otimes F\$.

Agar $E \hat{\otimes} F$ formulani
Bo'sh joy bilan yozmoqchi bo'lsak,
u quyidagicha bo'ladi $E \otimes F$.

Bu yerda \hat{\cdot}\otimes buyrug'i bo'sh joylarni o'qimaganligi sababli , \otimes buyrug'idan foydalandik. Shu misolni Yuqoridagi buyruqlar bilan birga ishlatib natijani ko'ramiz:

Endi~

\$E\mathbin{\{\hat{\cdot}\otimes\}}F\$
formulani\\
Bo'sh joy bilan yozish shart emas,\\
chunki~\$E\otimes F\$ dagi bo'sh joylar\\
endi birinchi formulada ham bor.

Endi $E \hat{\otimes} F$ formulani

Bo'sh joy bilan yozish shart emas,
chunki $E \otimes F$ dagi bo'sh joylar
endi birinchi formulada ham bor.

Endi \mathop{buyrug'} ini ko'rib o'tamiz. Bu funksiya matematik formulada yozuvlarni moslashtirish uchun ishlataladi. Bunda matn yozish uchun \rm funksiyasidan foydalanish mumkin. Masalan ni yozishni ko'rsak. Bu formula bunday ko'rinishda chiqishi uchun \$ \mathop{\rm Ext}^1(E, F) \$ lar yoziladi. Bu yerda \nolimits buyrug'i orqali formula darajasi(yuqori indeks) kiritiladi. Yana bir misol:

Quyidagi

$$\begin{aligned} & \$\sin x\$ \text{ va } \$ \\ & \{\text{rm sin}\}x\$ \text{ lar teng} \\ & \text{kuchli.} \end{aligned}$$

Quyidagi $\sin x$ va $\sin x$ lar teng kuchli.

Endi murakkab tuzilishga ega bo'lgan quyidagi yi'gindini hosil qilamiz.

$$\sum'_{x \in \Gamma} f(x).$$

Odatiy usulda quyidagicha yoziladi , lekin biz kutgan natijaga erishilmaydi ya'ni

$$\begin{aligned} & \$\$ \\ & \sum'_x \{x \in \Gamma\} f(x). \\ & \$\$ \end{aligned}$$

$$\sum'_{x \in \Gamma} f(x).$$

Endi boshqa usulni sinab ko'ramiz ' belgiga teng kuchli buyruq bilan almashtiramiz.

Balki shunday usul bilan biz kutgan natijaga erishishimiz mumkindir.

$$\begin{aligned} & \$\$ \\ & \sum'^{\prime \prime}_{x \in \Gamma} f(x). \\ & \$\$ \end{aligned}$$

Ko'rib turganingizdek kutilgan natija bo'lmadi. Endi yuqorida aytib o'tgan buyruqlarimizdan foydalanib ko'ramiz. Balki bu buyruqlar bizga yordam berar.

$$\begin{aligned} & \$\$ \\ & \sum'_{x \in \Gamma} f(x). \\ & \$\$ \end{aligned}$$

Mana bu biz kutgan natija. Agar tahlil qilib ko'rsangiz haqiqatdan ham bu usul to'g'rilinga amin bo'lasiz. Endi yana bir buyruq $\backslash\text{mathrel buyrug}'i$ haqida. Ayrim hollarda matematik hodisalarni tushuntirish uchun bir vaqtning o'zida bir necha belidan foydalanishga to'g'ri keladi. Masalan belgisi. Buni qanday yozish mumkin. Bunday vaziyatlarda biz yuqorida ta'kidlab o'tgan $\backslash\text{mathrel buyrug}'idan$ foydalanish mumkin. Bu buyruqning ishlashini ham xuddi binar hisoblashlar kabi tushunish mumkin , ya'ni bo'sh joylar masalasi muammo emas va ko'rinishi quyidagicha $\backslash\text{mathrel}{. . . }$. Yuqorida ishlatgan binar belgimizni chiqarish uchun quyidagilarni yozish kerak.

$$\backslash\text{mathop}{\{\backslash\subset\}}\limits_{\{\backslash\neq\}}$$

Endi formulani shu belgi ishtirokida yozamiz.

$$\begin{aligned} & \$ E \backslash\text{mathrel}{\{\backslash\subset\}} \\ & \limits_{\{\backslash\neq\}} F \$ \end{aligned}$$

$$E \subsetneq F$$

Bu yerda $\backslash\limits_{\{\backslash\neq\}}$ buyrug'i quyi indeksni belgilaydi.

Bunda va \subsetneq ko'rinishlarda chiqarish mumkin. Agar \subsetneq ko'rinishda chiqarish kerak bo'lsa

$\backslash\limits_{\{\backslash\neq\}}$ o'rniga $\backslash\nolimits$ dan foydalanish mumkin. Yuqoridagi misol uchun

\$

E\mathrel{\mathop{\{\subset\}}\nolimits_{\{\neq\}}}\F\\$
kabi bo'ladi.

Foydalanilgan adabiyotlar ro'yhati

1. S. M. Lvovskiy "LATEX: podrobnoye opisaniye"
2. S. M. Lvovskiy "Nabor i vyorstka v sisteme LATEX" 2003
3. Igor Kotelnikov , Platon Chebotayev "LATYEx po russki 2e" 2004. Novosibirsk
4. Vladimir Syutkin "Vklucheniye risunkov v Latex 2e " 2001. Moskva
5. Vladimir Syutkin "Svet v Latex 2e " 2001. Moskva
6. www.miktex.org
7. www.intuit.ru
8. www.latex-students.com
9. <http://tex.stackexchange.com/questions/21726/how-does-latex-find-package-files>
10. <http://biotex.ibss.org.ua/links.html?catid=77>
11. <http://www.bakoma-tex.com/>

V. GLOSSARIY

| Termin | O'zbek tilidagi sharhi | Ingliz tilidagi sharhi |
|-------------------------|--|--|
| Standard | fayllar ustida boshqarish, tahrirlash, ob'yektlarni qo'yish, ma'lumotnomadan foydalanish kabi ko`plab amallarni bajaradi | Performs many tasks such as file management, editing, inserting objects, using reference |
| Resources | Mathcad resurslarini tez chaqirish (namunalar, darsliklar, elektron kitoblar va h. k) | Quick call to Mathcad resources (samples, textbooks, e-books, etc.) |
| Controls | hujjatlarga foydalanuvchi interfeysidagi standart boshqarish elementlarini qo'yish (tekshirish bayroqlari, kiritish maydonlari) | insert standard controls in the user interface into documents (check flags, input fields) |
| Calculator | asosiy matematik amallari | basic mathematical operations |
| Evaluation | boshqarish va hisoblash operatorlari | management and computing operators |
| Boolean | mantiqiy operatorlar | logical operators |
| Symbolic | simvolli operatorlar | symbolic operators |
| <u>Simvolli yechish</u> | Algebraik tenglamalarni analitik yechish | Analytical solution of algebraic equations |
| simplify(expr) | soddalashtirilgan exrr ifodani yoki Maple qoidalari doirasida soddalashtirish imkoniyati bo'lmasa uning o'zini | returns a simplified exrr expression or itself if it is not possible to simplify it under Maple rules |

| | | |
|------------------------------|--|--|
| | qaytaradi | |
| solve | Tenglama va tengsizliklarni echish | Solving equations and inequalities |
| exact | analitik ko'rinish | analytical view |
| explicit | yaqqol ko'rinish | clear view |
| integral transform | Laplas, Furg'e va boshqa integral o'zgartirishlar | Laplace, Furge and other integral transformations |
| Surface Plot | uch o'chovli grafiklarni qurish | build three-dimensional graphs |
| axes | koordinatalar turi | coordinate type |
| animate3d | uch o'lchamli grafiklarning animatsiyasi | animation of three- dimensional graphics |
| contourplot | konturli grafikani qurish | construct contour graphics |
| MATrix LABoratory | matritsali laboratoriya | matrix laboratory |
| GUI | Foydalanuvchining grafik interfeysi elementlarini qayta ishlash oynasi | User graphical interface elements processing window |
| Import Data | Fayllar ma'lumotlarini import oynasi | File data import window |

VI. FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR

I. O'zbekiston Respublikasi Prezidentining asarlari

1. Mirziyoyev Sh.M. Niyati ulug‘ xalqning ishi ham ulug‘, hayoti yorug‘ va kelajagi farovon bo‘ladi. 3-JILD / Sh.M. Mirziyoyev. – T.: “O’zbekiston”, 2019. – 592 b.
2. Mirziyoyev Sh.M. Xalqimizning roziligi bizning faoliyatimizga berilgan eng oliv bahodir. 2-JILD / Sh.M. Mirziyoyev. – T.: “O’zbekiston”, 2019. – 400 b.
3. Mirziyoyev Sh.M. Milliy taraqqiyot yo‘limizni qat’iyat bilan davom ettirib, yangi bosqichga ko‘taramiz. 1-JILD / Sh.M. Mirziyoyev. – T.: “O’zbekiston”, 2018. – 592 b.
4. Mirziyoyev Sh.M. Buyuk kelajagimizni mard va olijanob halqimiz bilan birga quramiz. – T.: “O’zbekiston”. 2017. – 488 b.
5. Mirziyoyev Sh.M. Milliy taraqqiyot yo‘limizni qat’iyat bilan davom ettirib, yangi bosqichga ko‘taramiz – T.: “O’zbekiston”. 2017. – 592 b.

II. Normativ-huquqiy hujjatlar

6. O’zbekiston Respublikasining Konstitutsiyasi. – T.: O’zbekiston, 2018.
7. O’zbekiston Respublikasining “Ta’lim to‘g‘risida”gi Qonuni.
8. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2015 yil 12 iyun “Oliy ta’lim muassasalarining rahbar va pedagog kadrlarini qayta tayyorlash va malakasini oshirish tizimini yanada takomillashtirish chora-tadbirlari to‘g‘risida”gi PF-4732-sonli Farmoni.
9. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2017 yil 7 fevral “O’zbekiston Respublikasini yanada rivojlantirish bo‘yicha Harakatlar strategiyasi to‘g‘risida”gi 4947-sonli Farmoni.
10. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2017 yil 20 aprel “Oliy ta’lim tizimini yanada rivojlantirish chora-tadbirlari to‘g‘risida”gi PQ-2909-sonli Qarori.
11. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2018 yil 21 sentabr “2019-2021 yillarda O’zbekiston Respublikasini innovatsion rivojlantirish strategiyasini tasdiqlash to‘g‘risida”gi PF-5544-sonli Farmoni.
12. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2019 yil 27 may “O’zbekiston Respublikasida korrupsiyaga qarshi kurashish tizimini yanada takomillashtirish chora-tadbirlari to‘g‘risida”gi PF-5729-sonli Farmoni.
13. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2019 yil 17 iyun “2019-2023 yillarda Mirzo Ulug‘bek nomidagi O’zbekiston Milliy universitetida talab yuqori bo‘lgan malakali kadrlar tayyorlash tizimini tubdan takomillashtirish va ilmiy salohiyatini rivojlantiri chora-tadbirlari to‘g‘risida”gi PQ-4358-sonli Qarori.
14. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2019 yil 27 avgust “Oliy ta’lim muassasalari rahbar va pedagog kadrlarining uzlusiz malakasini oshirish tizimini joriy etish to‘g‘risida”gi PF-5789-sonli Farmoni.
15. O’zbekiston Respublikasi Prezidentining 2019 yil 8 oktabr “O’zbekiston Respublikasi oliy ta’lim tizimini 2030 yilgacha rivojlantirish konsepsiyasini tasdiqlash to‘g‘risida”gi

III. Maxsus adabiyotlar

16. Andrea Prosperetti, Advanced Mathematics for Applications, Cambridge University Press, 2011.
17. Bauer, H. Measure and Integration Theory, Berlin: de Gruyter, ISBN-13: 978-3110167191, 2001.
18. Bear, H.S. A Primer of Lebesgue Integration, San Diego: Academic Press, 2nd Edition, 2001.
19. Bobenko A.I. (Ed.) Advances in Discrete Differential Geometry// Springer, 2016.— 439 p. — (Mathematics). — ISBN: 3662504464
20. Bogachev, V. I. Measure theory, Berlin: Springer, 2006.
21. David Spencer “Gateway”, Students book, Macmillan 2012.
22. English for Specific Purposes. All Oxford editions. 2010. 204.
23. Evan M. Glazer, John W. McConnell Real-Life Math: Everyday Use of Mathematical Concepts//2013, ISBN-13: 978-0313319983
24. Georgii H.O. Gibbs measures and phase transitions. Berlin:de Gruyter, 657 p., 2011.
25. H.Q. Mitchell “Traveller” B1, B2, MM Publications. 2015. 183.
26. H.Q. Mitchell, Marileni Malkogianni “PIONEER”, B1, B2, MM Publications. 2015. 191.
27. I. M. Rikhsiboev and N. S. Mohamed, Engineering Mathematics 2, Malaysia, 2019.
28. Jim Libby, Math for Real Life: Teaching Practical Uses for Algebra, Geometry and Trigonometry// 2019, 234p. ISBN: 978-1476667492
29. Karl Berry, The TEX Live Guide—2020
30. Lindsay Clandfield and Kate Pickering “Global”, B2, Macmillan. 2013. 175.
31. Manfredo P. Do Carmo. Differential geometry of Curves and surface // Dover publications, Inc. Mineola, New York, 2016. – 529 rr.
32. Maple 15 user manual, Maplesoft, 2016, 462 p.
33. Margaret L. Lial, Thomas W. Hungerford, John P. Holcomb, Bernadette Mullins, Mathematics with Applications In the Management, Natural and Social Sciences (11th Edition), Pearsonb 2018.
34. Rao, M. M. Random and Vector Measures, Series on Multivariate Analysis, 9, World Scientific, 2012.
35. Steve Taylor “Destination” Vocabulary and grammar”, Macmillan 2010.

36. Tao, Terence. An Introduction to Measure Theory. Providence, R.I.: American Mathematical Society, 2019.
37. Weaver, Nik Measure Theory and Functional Analysis. World Scientific, 2013, 423 p.
38. Avilova L.V., Bolotyuk V.A., Bolotyuk L.A. Analiticheskaya geometriya i lineynaya algebra// 2013. Izdaniye: 1-e izd. 421 s.
39. Aleksandrov A.D., Netsvetayev N.Yu. Geometriya, M.: Nauka, 1990. – 672 s.
40. Belogurov A.Yu. Modernizatsiya protsessa podgotovki pedagoga v kontekste innovatsionnogo razvitiya obshchestva: Monografiya. — M.: MAKS Press, 2016. — 116 s. ISBN 978-5-317-05412-0.
41. Gulobod Qudratulloh qizi, R.Ishmuhamedov, M.Normuhammedova. An'anaviy va noan'anaviy ta'lim. – Samarqand: “Imom Buxoriy xalqaro ilmiy-tadqiqot markazi” nashriyoti, 2019. 312 b.
42. Ibraymov A.Ye. Masofaviy o'qitishning didaktik tizimi. metodik qo'llanma/tuzuvchi. A.Ye. Ibraymov. – Toshkent: “Lesson press”, 2020. 112 bet.
43. Ishmuhamedov R.J., M.Mirsoliyeva. O'quv jarayonida innovatsion ta'lim texnologiyalari. – T.: «Fan va texnologiya», 2014. 60 b.
44. Kiryanov D. Mathcad 15/Mathcad Prime 1.0. - SPb.: BXV-Peterburg, 2012. — 432 s.
45. Muslimov N.A va boshqalar. Innovatsion ta'lim texnologiyalari. O'quv-metodik qo'llanma. – T.: “Sano-standart”, 2015. – 208 b.
46. Obrazovaniye v tsifrovyyu epoxu: monografiya / N. Yu. Ignatova; M-vo obrazovaniya i nauki RF; FGAOU VO «UrFU im. pervogo Prezidenta Rossii B.N.Yelsina», Nijnetagil. texnol. in-t (fil.). – Nijniy Tagil: NTI (filial) UrFU, 2017. – 128 s. http://elar.urfu.ru/bitstream/10995/54216/1/978-5-9544-0083-0_2017.pdf
47. Oliy ta'lim tizimini raqamli avlodga moslashtirish konsepsiysi. Yevropa Ittifoqi Erasmus+ dasturining ko'magida. https://hiedtec.ecs.uniruse.bg/pimages/34/3_UZBEKISTAN-CONCEPT-UZ.pdf
48. Sovremennye obrazovatelnye texnologii: pedagogika i psixologiya: monografiya. Kniga 16 / O.K. Asekretov, B.A. Borisov, N.Yu. Bu-gakova i dr. – Novosibirsk: Izdatelstvo SRNS, 2015. – 318 s. <http://science.vvsu.ru/files/5040BC65-273B-44BB-98C4-CB5092BE4460.pdf>
49. Usmonov B.Sh., Habibullayev R.A. Oliy o'quv yurtlarida o'quv jarayonini kredit-modul tizimida tashkil qilish.–T.: “TKTI” nashriyoti, 2019.

IV. Internet saytlar

50. O'zbekiston Respublikasi Oliy va o'rta maxsus ta'lim vazirligi: www.edu.uz.
51. Bosh ilmiy-metodik markaz: www.bimm.uz
52. [www.Zyonet. Uz](http://www.zyonet.uz)
53. Otkrytoye obrazovaniye. <https://openedu.ru/>
54. <https://www.ucl.ac.uk/ioe/courses/graduate-taught/mathematics-education-ma>

55. <https://www.onlinestudies.com/Courses/Mathematics/Europe/>
56. <https://online-learning.harvard.edu/catalog?keywords=mathematics-&op=Search>
57. <https://www.msu.ru/en/projects/proekt-vernadskiy/news/math-teachers-advanced-training.html>
58. [https://english.spbu.ru/education/graduate/master-in-english/90-program-master/2455-advanced-mathematics.](https://english.spbu.ru/education/graduate/master-in-english/90-program-master/2455-advanced-mathematics)

Samarqand davlat universiteti huzuridagi pedagogik kadrlarni qayta
tayyorlash va ularning malakasini oshirish mintaqaviy markazida 2022 yil
may oyida o'tkaziladigan Matematika yo'nalishi o'quv-uslubiy majmualari
bo'yicha

EKSPERT XULOSASI

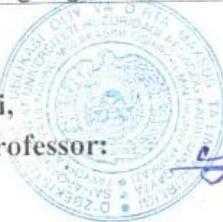
Samarqand davlat universiteti huzuridagi pedagogik kadrlarni qayta tayyorlash va ularning malakasini oshirish mintaqaviy markazida 2022 yil may oyida oliy ta'lif muassasalari professor-o'qituvchilarining "Matematika" yo'nalishi qayta tayyorlash va malaka oshirish kursi mutaxassislik fanlaridan tuzilgan o'quv-uslubiy majmualar va chiqish testi savollari maxsus fanlar blokidagi modullarning o'quv dasturiga mos va uni to'liq qamrab olgan holda tuzilgan. Test savolari 4 ta muqobil javobda tuzilib, 1 ta to'g'ri javobni o'z ichiga oladi. O'quv-uslubiy majmua va test savollari qo'yilgan talablarga javob beradi.

Ekspertlar

| | | |
|---------------------|---|---|
| Abdullayev Joniqul | SamDU, Ehtimollar nazariyasi va matematik statistika kafedrasи professori, f-m.f.d. |  |
| Ro'zimurodov Xaydar | SamDU, Algebra va geometriya kafedrasи dotsenti, f-m.f.n. |  |
| Yusupov Ozod | SamDU Dasturiy injiniring kafedrasи mudiri, t.f.f.d |  |
| Meliyev Baxtiyor | SamDU mintaqaviy markaz bo'lim boshlig'i, g.f.f.d. |  |

Mintaqaviy markaz direktori,

geografiya fanlari doktori, professor:



 S.B. Abbasov

ЭКСПЕРТНОЕ ЗАКЛЮЧЕНИЕ

**Об учебно-методических комплексах по направлению «Математика»,
которые пройдут в мае 2022 года в Региональном центре переподготовки
и повышения квалификации педагогических кадров при
Самаркандинском государственном университете**

В апреле 2022 года Региональный центр переподготовки и повышения квалификации педагогических кадров при Самаркандинском государственном университете проведет курс переподготовки и повышения квалификации преподавателей высших учебных заведений по направлению «Математика». Учебно-методические комплексы соответствуют учебному плану модулей специального научного блока и полностью охватывает его. Учебно-методические комплексы соответствуют современным требованиям.



Зарубежный эксперт:

Профессор Малайзийского
технологического университета
д.ф-м.н. М.Э.Мўминов