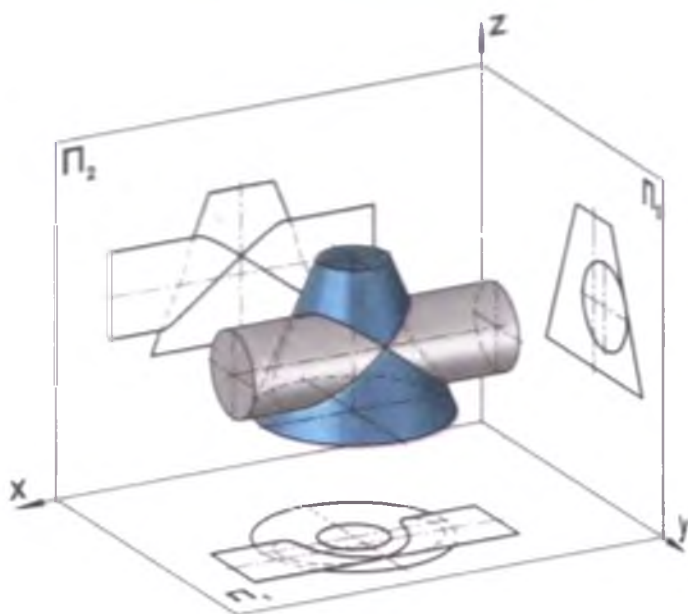


CHIZMA GEOMETRIYA

DARSLIK

Đ.K.Alimova, V.N.Karimova, A.T.Azimov



Toshkent - 2020

**O‘ZBEKISTON RESPUBLIKASI OLIY VA O‘RTA MAXSUS
TA‘LIM VAZIRLIGI**

**ISLOM KARIMOV NOMIDAGI
TOSHKENT DAVLAT TEXNIKA UNIVERSITETI**

**D.K.Alimova, V.N.Karimova,
A.T.Azimov**

CHIZMA GEOMETRIYA

*Oliy va o‘rta maxsus ta‘lim vazirligi tomonidan talabalar uchun
darslik sifatida tavsiya etilgan*

TOSHKENT – 2020

UO'K: 514.182.2(075.8)

KBK 22.151ya73

Ch 55

Chizma geometriya [Matn] : o'quv qo'llanma / D.K. Alimova [va boshq.]. - Toshkent : Shafolat Nur Fayz, 2020. - 176 b.

ISBN 978-9943-6741-0-3

Darslikda chizma geometriyaning nazariy asoslari, proyeksiyalash usullari, nuqta va to'g'ri chiziqning ortogonal proyeksiyalari, tekislik, tekislik va to'g'ri chiziq, ikki tekislik, proyeksiyalarini qayta tuzish usullari, sirtlar va ularning yoyilmalari, aksonometrik proyeksiyalarni qurish, tayanch iboralar, masalalar yechish algoritmi, nazorat variantlari bayon qilingan.

Darslik texnika oliy o'quv yurtlari bakalavrlari uchun tayyorlangan bo'lib, undan chizma geometriya mutaxassislari ham foydalanishi mumkin.

В учебнике изложены теоретические основы начертательной геометрии, методы проецирования, ортогональные проекции точки и прямой, плоскости и прямой, двух плоскостей, методы преобразования проекций, поверхности и их развертки, аксонометрические проекции, опорные слова, алгоритмы решения задач, варианты контрольных работ.

Учебник предназначен для студентов-бакалавров высших технических учебных заведений, а также для специалистов.

TDTU professor Azimov Tohir Djurayevich tahriri ostida

Taqrizchilar:

M.Q. Pardayev – i.f.d., professor;

M.M. Muhammedov – i.f.d., professor.

ISBN 978-9943-6741-0-3

© D.K. Alimova va boshqalar

© «Shafolat Nur Fayz» nashriyoti, 2020.

24813/2

Darslikda qo'llanilgan belgilashlar va simvollar

Belgilashlar:	Ma'nosi
$O x y z$	Natural koordinatalar sistemasi
$[ox]$	Abssisa o'qi
$[oy]$	Ordinata o'qi
$[oz]$	Applikata o'qi
H, V, W	Proyeksiyalar tekisliklari
H	Gorizonttal proyeksiyalar tekisligi
V	Frontal proyeksiyalar tekisligi
W	Profil proyeksiyalar tekisligi
Q_I, Q_{II}	Bissektor tekisliklari
$A, B, C; I, II, III$	Fazodagi nuqtalar
$a, b, c, 1, 2, 3$	Nuqtalarning gorizonttal proyeksiyalari
$a', b', c', 1', 2', 3'$	Nuqtalarning frontal proyeksiyalari
a'', b'', c''	Nuqtalarning profil proyeksiyalari
$1'', 2'', 3''$	
$A(x, y, z)$	A nuqtaning koordinatalari
J	Aylantirish o'qi
I	Aylantirish o'qining gorizonttal proyeksiyasi
I'	Aylantirish o'qining frontal proyeksiyasi
I''	Aylantirish o'qining profil proyeksiyasi
(AB)	To'g'ri chiziq
(ab)	AB to'g'ri chiziqning gorizonttal proyeksiyasi
$(a'b')$	AB to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi
$(a''b'')$	AB to'g'ri chiziqning profil proyeksiyasi
$ AB $	A va B nuqtalar orasidagi masofa yoki AB kesmasining haqiqiy uzunligi
$[AB]$	Boshi A nuqtali nur
$[AB]$	To'g'ri chiziq kesmasi
M_H, N_V	To'g'ri chiziqning izlari
$M_H = (AB) \cap H$	AB to'g'ri chiziqning gorizonttal izi
	AB to'g'ri chiziq gorizonttal izining gorizonttal proyeksiyasi; $m_H \equiv M_H$ bilan ustma-ust tushadi
$m_H = M_H$	AB to'g'ri chiziq gorizonttal izining frontal proyeksiyasi
m_H'	AB to'g'ri chiziq gorizonttal izining profil proyeksiyasi
m_H''	AB to'g'ri chiziq gorizonttal izining frontal izi
$N_V = (AB) \cap V$	AB to'g'ri chiziq frontal izining gorizonttal proyeksiyasi
n_V	

$n_V' \equiv N_V$	AB to'g'ri chiziq frontal izining frontal proyeksiyasi; $n_V' \equiv N_V$ bilan ustma-ust tushadi
v''	AB to'g'ri chiziq frontal izining profil proyeksiyasi
P, Q, R, T	Tekisliklar
P_{II}, P_V, P_W	Tekislikning gorizontal, frontal, profil izlari.

Simvollar

Ma'nosi

=	Natija, teng
≡	Ustma - ust tushadi.
∥	Konkurent
~	O'xshash
∥	Parallel
⊥	Perpendikulyar
∩	Ayqash chiziqlar
∈	Tegishli, o'tadi
⊂ yoki ⊃	Tegishli, ichiga olmoq, o'tuvchi
∩	Kesishma (to'plamlarning kesishuvi)
∪	Birlashma (to'plamlarning birlashuvi)
⊂	Urinma
/	Fikmi inkor qilish
∅	Bo'sh to'plam
∅ _K	Konus sirti
∅ _{II}	Silindr sirti
∧	«va» bog'lovchisi («va shu bilan birga») – konyunksiyasi
∨	«yoki» bog'lovchisi («yo») – dizyunksiyasi
⇒	«Agar unda, u holda», «binobarin»* – implikasiya
⇔	«Agar ..., u holda» – ikki tomonga – teng kuchli (ekvivalent)
∀	«Har qanday», «istalgan» – umumiylik kvantori.
→	Akslanish
(•)	Nuqta
○	Aylantirish
Δ	Uchburchak

KIRISH

"Chizma geometriya" fani oliy professional bilim darajasini belgilovchi Davlat ta'lim standartida umumta'lim va umumprofessional o'quv fanlari qatoridan o'rin olgan.

"Chizma geometriya" ni talabalarga o'qitishdan asosiy maqsad, turli obyektlar va ulardagi bog'liqliklarni chizmalar ko'rinishidagi fazoning grafik modellari asosida shu obyektlarning fazoviy shakllari va munosabatlarini fazoviy va xayoliy tasavvur qilish, fazoviy konstruktiv-geometrik fikrlash, shuningdek, ularni fazoviy tahlil qilish va umumlashtirish bilan bog'liq qobiliyatlarini oshirish va rivojlantirishdan iborat.

Chizma geometriya asosida geometrik obrazlarni uch o'lchamli x – absissa, y – ordinata, z – applikata proyeksiyalar o'qlari bo'yicha proyeksiyalar tekisliklariga proyeksiyalash yotadi.

Chizma geometriya o'quv fani sifatida birinchi marta fransuz olimi–injeneri Gaspar Monjning 1798-yilda nashr etilgan "Chizma geometriya" asari natijasida vujudga kelgan. Gaspar Monj o'zaro perpendikular bo'lgan ikki proeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash usulini ishlab chiqdi. Shuning uchun chizma geometriya kursidagi ortogonal proyeksiyalar Monj nomi bilan yuritiladi.

Ushbu darslikni London shahrida yaratilgan xorijiy adabiyot mualliflari Harvey Willard Miller "Descriptive Geometry" va William Griswold Smith "Practical Descriptive Geometry" darsliklaridan foydalanib, o'quv uslubiy majmua elektron varianti tayyorlandi. Mualliflarning ko'p yillik ma'ruza o'qish tajribasidan kelib chiqib, majmua darslikka aylantirildi.

Xorijiy adabiyotlardan dolzarb mavzular tanlab olingan va geometrik elementlarga ta'riflar, shartlar, xossalalar, alomatlar, teoremlar ifodalangan, ularning algoritmlari berilgan.

I bob. GEOMETRIK SHAKLLARNI TEKISLIKKA PROYEKSIYALASH USULLARI

1.1. Chizma geometriya fani va uning vazifalari

Chizma geometriya matematika fanining maxsus tarmoqlaridan bo'lib, unda quyidagi asosiy masalalar ko'rib chiqiladi:

1. Fazoviy jismlarni (nuqta, to'g'ri chiziq, tekislik, sirt) tekislikda tasvir qilish usullari.

2. Jismlarning epyuri (tekis chizmasi) bo'yicha uning geometrik xossalarni tekshirish.

3. Fazoda geometrik jismlarning joylashishiga oid masalalarni grafika yordamida yechish.

Chizma geometriya barcha texnika yo'nalishidagi oliy o'quv yurtlarining talabalari uchun fan sifatida o'qitiladi. U texnika yo'nalishidagi bo'lajak bakalavrlarning fazoviy tasavvurlarini o'stiradi, boyitadi kelajakda yangi mashina mexanizmlarining va texnologiyalarning loyihalarini yaratishga asos soladi.

1.2. Proyeksiyalash usullari

Geometrik jismlarning biror tekislikdagi proyeksiyasini hosil qilish jarayoni **proyeksiyalash** deb ataladi.

Proyeksiyalovchi nurlarning yo'nalishiga qarab proyeksiyalash usullari ikkiga bo'linadi.

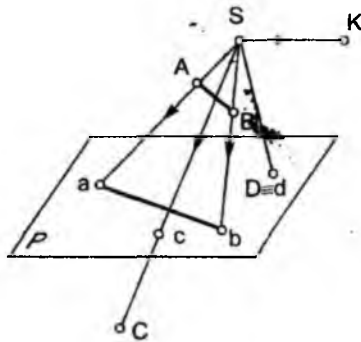
1.2.1. Markaziy proyeksiyalash usuli

Narsaning proyeksiyasini hosil qiluvchi proyeksiyalovchi nurlar bir nuqtadan chiqqan bo'lsa, bunday proyeksiyalash **markaziy proyeksiyalash** deb ataladi.

Bu usulning asosiy mohiyati shundan iboratki, bunda proyeksiyalash markazi **S** deb ataluvchi qo'zg'almas nuqta beriladi va hamma proyeksiyalash nurlari shu qo'zg'almas nuqtadan o'tadi.

Masalan, fazoda **A, B, C** nuqtalar berilgan (1.1-chizma), ularning **P** tekislikdagi proyeksiyalarini chizish kerak. Buning uchun shu nuqtalarni proyeksiyalash markazi **S** bilan tutashtiruvchi proyeksiyalovchi nurlar o'tkazilsa, nurlar **P** proyeksiyalar tekisligi bilan kesishib, **a, b, c**

nuqtalarni hosil qiladi. Bu a, b, c nuqtalar fazodagi A, B, C nuqtalarning P tekislikdagi proyeksiyasidir.



- P – proyeksiyalar tekisligi;
- S – proyeksiyalash markazi;
- A, B, C – fazodagi nuqtalar ;
- $[SA), [SB), [SC)$ – proyeksiyalovchi nurlar;
- $[SA) \cap P = a$ – fazodagi A nuqtaning markaziy proyeksiyasi;
- $[SB) \cap P = b$ – fazodagi B nuqtaning markaziy proyeksiyasi;
- $[SC) \cap P = c$ – fazodagi C nuqtaning markaziy proyeksiyasi.

1.1 - chizma.

Agar D nuqtani fazoda emas, balki P proyeksiyalar tekisligiga tegishli deb olsak, u holda uning markaziy proyeksiyasi d o'zi bilan P proyeksiyalar tekisligiga ustma-ust tushadi, ya'ni

$$(\bullet) D \in P \Rightarrow d = D.$$

A, B, C, D nuqtalar – P tekislikka xos nuqtalardir.

Agar fazoda K nuqtani shunday tanlab olsakki, undan o'tuvchi proyeksiyalovchi nur proyeksiyalar tekisligi P ga parallel bo'lsa, K nuqtaning proyeksiyasi nazariy jihatdan cheksizlikda bo'ladi.

$$[SK) \parallel P \Rightarrow [SK) \cap P = k \infty$$

K nuqta P tekislikka tegishli bo'lmagan nuqtadir.

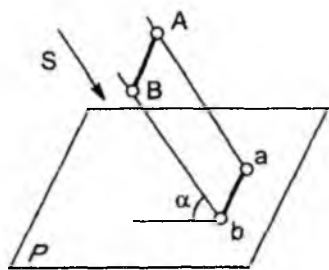
Xulosa qilib aytganda, markaziy proyeksiyalash usuli tasviriy san'atda (dizaynda), arxitektura-qurilish (perspektiva) chizmalarini loyihalashda keng qo'llaniladi.

1.2.2. Parallel proyeksiyalash usuli

Agar proyeksiyalovchi nurlar o'zaro parallel bo'lsa, bunday proyeksiyalash **parallel proyeksiyalash** deb ataladi. Bu usulda proyeksiyalash markazi cheksizlikda deb faraz qilinib, S proyeksiyalovchi nur yo'nalishi beriladi (1.2-chizma).

$[Aa) \parallel S [Aa) \cap P = a$ – fazodagi A nuqtaning parallel proyeksiyasi.

$[Bb) \parallel S [Bb) \cap P = b$ – fazodagi B nuqtaning parallel proyeksiyasi.



1.2 - chizma.

α – proyeksiyalovchi nur va proyeksiya tekisligi orasidagi burchakdir:

$$\angle \alpha = P(S)$$

Agar $\alpha \neq 90^\circ$ bo'lsa parallel proyeksiyalash qiyshiq burchakli proyeksiyalash deyiladi.

Agar $\alpha = 90^\circ$ bo'lsa, parallel proyeksiyalash to'g'ri burchakli (ortogonal) proyeksiyalash deyiladi.

To'g'ri burchakli proyeksiyalash usulini XVIII asr oxirida fransuz olimi Gaspar Monj (1746–1818) yaratib, chizma geometriya faniga asos solgan.

1.2.3. Parallel proeksiyalashning asosiy xossalari

1. Nuqtaning tekislikdagi proyeksiyasi nuqta bo'ladi.
2. To'g'ri chiziqning tekislikdagi proyeksiyasi to'g'ri chiziq bo'ladi.
3. Agar nuqta to'g'ri chiziqda yotsa, uning tekislikdagi proyeksiyasi to'g'ri chiziqning proyeksiyasida bo'ladi.
4. Parallel to'g'ri chiziqlarning proyeksiyalari ham o'zaro parallel bo'ladi.

* William Griswold Smith. *Practical Descriptive Geometry*. London 2013 page 1.2.3

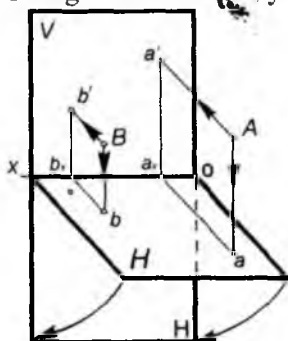
1.3. Nuqta. Nuqtaning ortogonal proyeksiyalari

O'zaro perpendikular bo'lgan ikki tekislikka geometrik elementlarni perpendikular proyeksiyalash **ortogonal proyeksiyalash usuli** (Gaspar Monj usuli) deb ataladi. Ortogonal so'zi to'g'ri burchakli degan ma'noni bildiradi. Geometrik nuqtayi nazardan olganda, har qanday geometrik obrazlarni ma'lum geometrik bo'laklarga bo'lish mumkin, ya'ni har qanday jism – sirtan, sirt – tekislikdan, tekislik – chiziqdan, chiziq nuqtalarning geometrik yig'indisidan iboratdir. Shuning uchun proyeksiyalar yasashni nuqtaning tekisliklardagi proyeksiyalarini yasashdan boshlash o'rinli.

Har qanday geometrik elementning bir proyeksiyasi uning hamma o'ldamlarini va fazodagi vaziyatini aniqlab bera olmaydi. Shuning uchun uning ikki yoki uch tekislikdagi proyeksiyalarini chizish zarur.

Shunga ko'ra o'zaro perpendikular bo'lgan ikki proyeksiyalar tekisligini olib, unda nuqtaning ortogonal proyeksiyasini chizamiz (1.3 - chizma).

Berilgan ikki tekislik, ya'ni o'zaro perpendikular $V \perp H$.



V – frontal proyeksiyalar tekisligi;
 H – gorizontal proyeksiyalar tekisligi;
 $[OX]$ – proyeksiyalar o'qi;
 A – fazodagi nuqta;
 a' – A nuqtaning frontal proyeksiyasi;
 a – A nuqtaning gorizontal proyeksiyasi;
 a_x – A nuqtaning proeksiya o'qidagi proyeksiyasi.

1.3 - chizma.

Agar fazodagi A nuqtadan frontal proyeksiyalar tekisligi va gorizontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikular Q tekislik o'tkazsak, u holda A nuqtaning fazodagi holatini quyidagicha tahlil qilamiz: $Q \perp V$ va $Q \perp H$.

Fazodagi A nuqtaning frontal proyeksiyalar tekisligigacha bo'lgan masofasi quyidagicha bo'ladi:

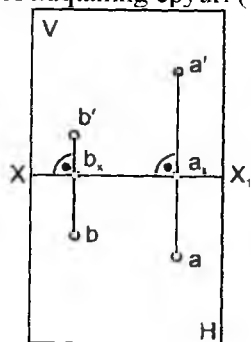
$$[Aa'] = [a a_x] = |AV|$$

Fazodagi A nuqtaning gorizontal proyeksiyalar tekisligigacha bo'lgan masofasi quyidagicha bo'ladi:

$$[Aa] = [a' a_x] = |AH|$$

Fazoviy chizmadan epyur hosil qilish uchun H tekislikni $[OX]$ proyeksiyalar o'qi atrofida soat strelkasi yo'nalishida 90° ga aylantiramiz. Natijada gorizontal proyeksiyalar tekisligi H va frontal proyeksiyalar tekisligi V bitta tekislik bo'lib qoladilar. Bunday chizma **Monj epyuri** (tekis chizma) deyiladi.

A nuqtaning epyuri (1.4 - chizma)da keltirilgan.



[a a'] – bog'lovchi chiziq;

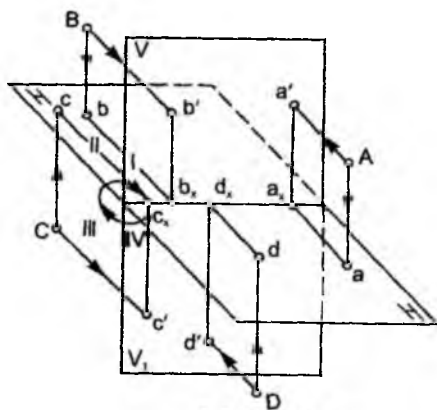
[a a'] \perp [ox]

1.4 - chizma.

1.4. Nuqtaning to'rtta chorakdagi proyeksiyalari

O'zaro perpendikular frontal proyeksiyalar tekisligi va gorizontaal proyeksiyalar tekisligi $V \perp H$ fazoni to'rtta bo'lakka bo'ladi, uning 1/4 bo'lagiga **chorak** deyiladi. Choraklarga tegishli A, B, C, D nuqtalarning fazodagi holatlarini 1.5-chizmada, epyurini esa 1.6 - chizmada tahlil qilamiz.

$V \perp H$



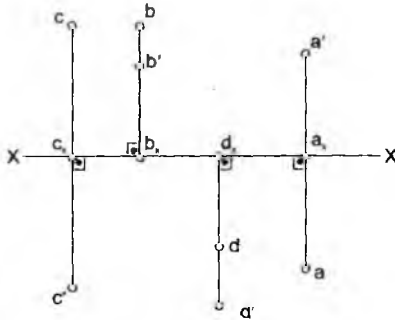
1.5 - chizma.

Agar **A** nuqta fazoning 1 - choragida yotgan bo'lsa, epyurda uning gorizontal proyeksiyasi **a** [**ox**] proyeksiyalar o'qining ostida, frontal proyeksiyasi **a'** [**ox**] proyeksiyalar o'qining yuqorisida yotadi.

Agar **B** nuqta fazoning 2 - choragida yotgan bo'lsa, epyurda uning gorizontal **b** va frontal **b'** proyeksiyalari [**ox**] proyeksiyalar o'qining yuqorisida yotadi.

Agar **C** nuqta fazoning 3 - choragida yotgan bo'lsa, epyurda uning gorizontal proyeksiyasi **c** [**ox**] proyeksiyalar o'qining yuqorisida frontal proyeksiyasi **c'** esa [**ox**] proyeksiyalar o'qining ostida yotadi.

Agar **D** nuqta fazoning 4 - choragida yotgan bo'lsa, epyurda uning gorizontal proyeksiyasi **d** va frontal proyeksiyasi **d'** [**ox**] proyeksiyalar o'qining ostida yotadi.



1.6 - chizma.

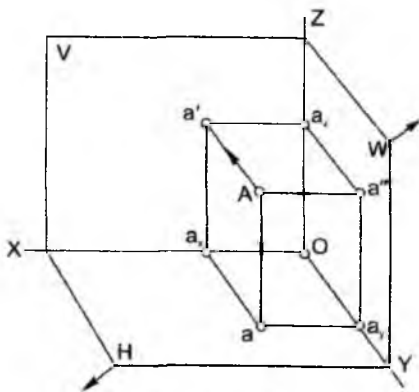
* *George Young. Descriptive Geometry. London, 2013. page 44,45*

1.5. Nuqtani o'zaro perpendikular bo'lgan uchta tekislikka proyeksiyalash

$V \perp N$, $V \perp W$, $H \perp W$ uchta o'zaro perpendikular tekisliklar fazoni sakkizta bo'lakka bo'ladi, uning 1/8 bo'lagiga **oktant** deyiladi.

Fazodagi **A** nuqtaning I oktantdagi o'rni 1.7-chizmada keltirilgan.

W – profil proyeksiyalar tekisligi.



1.7 - chizma.

Nuqtadan proyeksiyalar tekisliklarigacha bo'lgan masofaning qiymatiga nuqtaning koordinatalari deyiladi.

Masalan: A nuqtaning (X, Y, Z) koordinatalari berilgan bo'lsa, uning gorizontal proyeksiyasini chizish uchun $a(x, y)$, frontal proyeksiyasini chizish uchun $a'(x, z)$, profil proyeksiyasini chizish uchun $a''(y, z)$ koordinatalaridan foydalanamiz.

Shunda A nuqtaning profil proyeksiyalar tekisligigacha bo'lgan masofasi:

$$[A a''] = |AW| = [o a_x] = X$$

A nuqtaning frontal proyeksiyalar tekisligigacha bo'lgan masofasi:

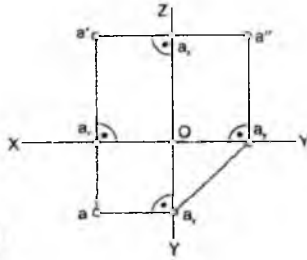
$$[A a'] = |AV| = [o a_y] = Y$$

A nuqtaning gorizontal proyeksiyalar tekisligigacha bo'lgan masofasi:

$$[A a] = |AH| = [o a_z] = Z$$

Fazoviy chizmadan epyur hosil qilish uchun, H proyeksiyalar tekisligini $[OX)$ proyeksiyalar o'qi atrofida soat strelkasi yo'nalishi bo'yicha 90° ga, W proyeksiyalar tekisligini esa, $[OZ)$ proyeksiyalar o'qi atrofida soat strelkasi yo'nalishiga qarshi yo'nalishda 90° ga aylantiramiz.

Natijada H , V va W proeksiyalar tekisliklari bitta tekislik bo'lib qoladi (1.8 - chizma)



1.8 - chizma.

A nuqtaning gorizontaal proyeksiyasini chizish uchun $a(x,y)$.

$$a(\bullet) \rightarrow a_x(\bullet) \text{ dan } \parallel [oy] \cap a_y(\bullet) \text{ dan } \parallel [ox]$$

A nuqtaning frontal proyeksiyasini chizish uchun $a'(x,z)$.

$$a'(\bullet) \rightarrow a_x(\bullet) \text{ dan } \parallel [oz] \cap a_z(\bullet) \text{ dan } \parallel [ox]$$

Nuqtaning gorizontaal proyeksiyasi bilan frontal proeksiyasi bitta vertikal bog'lovchi chiziqda yotadi.

$$[a' a] \perp [ox]$$

Nuqtaning frontal proyeksiyasi bilan profil proeksiyasi bitta gorizontaal bog'lovchi chiziqda yotadi.

$$[a' a''] \perp [oz]$$

Sakkizta oktantdagi proyeksiyalar o'qlarining ishoralari 1-jadvalda ko'rsatilgan.

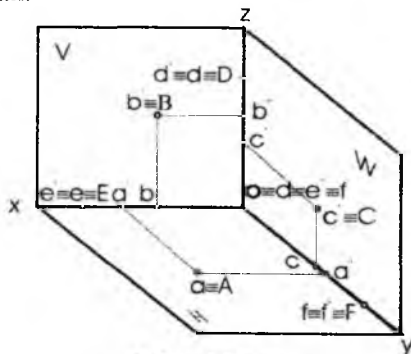
1 - jadval.

№	X	Y	Z
I	+	+	+
II	+	-	+
III	+	-	-
IV	+	+	-
V	-	+	+
VI	-	-	+
VII	-	-	-
VIII	-	+	-

1.6. Xususiy vaziyatdagi nuqtalar

Agar nuqtaning koordinatalaridan biri O ga teng bo'lsa, nuqta proyeksiyalar tekisliklaridan birida yotadi.

Birinchi oktantda joylashgan xususiy vaziyatdagi nuqtalar 1.9 - chizmada keltirilgan.



1.9 - chizma.

Agar $X \neq O, Y = O, Z \neq O$ bo'lsa, nuqta $\in V$

Agar $X \neq O, Y \neq O, Z = O$ bo'lsa, nuqta $\in H$

Agar $X = O, Y \neq O, Z \neq O$ bo'lsa, nuqta $\in W$

Tekislikda yotuvchi nuqtalarning bitta proyeksiyasi o'zida, ikkita proyeksiyasi proyeksiyalar o'qlarida yotadi.

Agar nuqtaning koordinatalaridan ikkitasi O ga teng bo'lsa, nuqta proyeksiyalar o'qlarining birida yotadi.

Agar $X \neq O, Y = O, Z = O$ bo'lsa, nuqta $\in [ox]$

Agar $X = O, Y \neq O, Z = O$ bo'lsa, nuqta $\in [oy]$

Agar $X = O, Y = O, Z \neq O$ bo'lsa, nuqta $\in [oz]$

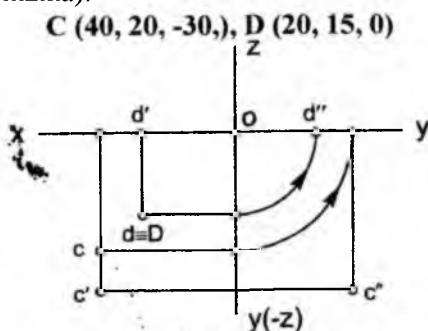
Proyeksiyalar o'qlarida yotuvchi nuqtalarning ikkita proyeksiyasi o'zida, bitta proyeksiyasi esa koordinatalar boshida yotadi.

Agar nuqtaning koordinatalaridan uchta O ga teng bo'lsa, nuqta koordinatalar boshida yotadi.

Agar $X = O, Y = O, Z = O$ bo'lsa, nuqta $\in O$

Koordinata boshida yotuvchi nuqtaning uchta proyeksiyasi o'zida yotadi.

Masala: Koordinatalari bilan berilgan C va D nuqtalarning epyuri chizilsin (1.10 - chizma).



1.10 - chizma.

Demak, nuqta $C \in 4$ chorakka, nuqta $D \in H$ proyeksiyalar tekisligiga.

Birinchi bobga doir testlar

1. V bilan qanday proyeksiyalar tekisligi belgilanadi?

- A) orizontal B) frontal D) profil E) Aksonometrik

2. Ortogonal proyeksiyalash sistemasidagi chizmada H va V proyeksiyalar tekisliklari o'zaro qanday joylashadi?

- A) perpendikular B) bitta D) parallel E) ixtiyoriy vaziyatda
tekislikda

3. "Proyeksiya" so'zi nima ma'noni bildiradi?

- A) oldinga B) tasvir D) Chizma E) ko'rinish
tashlamoq

4. Ortogonal proyeksiyalashda qanday usul qo'llaniladi?

- A) markaziy B) parallel D) qiyshiq E) to'g'ri
burchakli burchakli

5. H, V va W proyeksiyalar tekisliklari fazoda o'zaro qanday joylashadi?

- A) bitta tekislikda B) oqma D) parallel E) perpendikular

6. O'zaro perpendikular ikkita proyeksiyalar tekisligi fazoni nechta choraklarga bo'ladi?

- A) uchta B) ikkita D) to'rtta E) sakkizta

7. O'zaro perpendikular uchta proyeksiyalar tekisligi fazoni nechta burchaklarga bo'ladi?

A) sakkizta

B) oltita

D) to'rtta

E) yettita

Mustahkamlash uchun savollar

1. Chizma geometriya fanning qaysi sohasi hisoblanadi?
2. Chizma geometriyaning maqsadi nima?
3. Chizma geometriyaning vazifalari nima?
4. Proyeksiyalash deb nimaga aytiladi?
5. Proyeksiyalash usuli nechta?
6. Markaziy proyeksiyalash usuli deb qanday usulga aytiladi?
7. Markaziy proyeksiyalash usulining asosiy mohiyati nimadan iborat?
8. Markaziy proyeksiyalash usuli fanning qaysi sohalarida keng qo'llaniladi?
9. Parallel proyeksiyalash usuli deb qanday usulga aytiladi?
10. Parallel proyeksiyalash usulida proyeksiyalash markazi qayerda bo'ladi?
11. Agar $\angle\alpha \neq 90^\circ$ bo'lsa, qanday parallel proyeksiyalash hosil bo'ladi.?
12. Agar $\angle\alpha = 90^\circ$ bo'lsa, qanday parallel proyeksiyalash hosil bo'ladi.?
13. Parallel proyeksiyalashning asosiy xossalari ta'riflab bering.
14. Monj usuli deb qanday usulga aytiladi?
15. Fazoviy geometrik jism qanday geometrik elementlardan tarkib topgan?
16. Proyeksiyalar tekisligi deb nimaga aytiladi?
17. O'zaro perpendikular ikki proyeksiya tekisliklari fazoni nechta bo'lakka bo'ladi?
18. Fazoning bir bo'lagi qanday nomlanadi?
19. Umumiy vaziyatdagi nuqta deganda nimani tushunasiz?
20. Xususiy vaziyatdagi nuqtalarni ta'riflab bering.

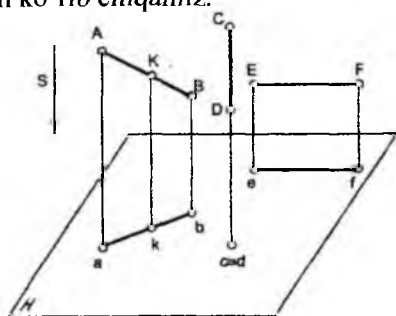
II bob. TO'G'RI CHIZIQNING ORTOGONAL PROYEKSIYALARI

2.1. To'g'ri chiziq. To'g'ri chiziqning ortogonal proyeksiyalardagi invariant xossalari

Ikki nuqta orasidagi eng qisqa masofaga **to'g'ri chiziq** deyiladi.

Proyeksiyalash jarayonida geometrik figuralarni o'zgarmas xossalari, bog'liq bo'lmagan yoki tanlab olingan proyeksiyalash usuliga nisbatan **invariant** deyiladi.

Fazoda $[AB]$, $[CD]$, $[EF]$ to'g'ri chiziq kesmalari va proyeksiyalash yo'nalishi $[S]$ berilgan (2.1- chizma). Shu to'g'ri chiziq kesmalarini H gorizontal proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalab, to'g'ri chiziqning invariant xossalari ko'rib chiqamiz.



2.1 - chizma.

1. Agar $[AB]$ to'g'ri chiziq kesmasi proyeksiyalash yo'nalishi $[S]$ ga parallel bo'lmasa, u holda $[AB]$ to'g'ri chiziq kesmasi to'g'ri chiziq $[a b]$ bo'lib proeksiyalanadi:

$$[AB] \# [S] \Rightarrow [a b] < [AB]$$

2. Agar $[CD]$ to'g'ri chiziq kesmasi proyeksiyalash yo'nalishi $[S]$ ga parallel bo'lsa, u holda $[CD]$ to'g'ri chiziq kesmasi nuqta $[c=d]$ bo'lib proyeksiyalanadi:

$$[CD] \parallel [S] \Rightarrow [c=d]$$

3. Agar to'g'ri chiziq $[EF]$ proyeksiyalar tekisligi H ga parallel bo'lsa, u holda $[EF]$ to'g'ri chiziq kesmasining proyeksiyasi $[e f]$ haqiqiy kattaligiga teng bo'ladi, ya'ni $[EF] \parallel H \Rightarrow [e f] = |EF|$.

4. Har qanday istalgan K nuqta to'g'ri chiziq kesmasida $[AB]$ yotsa, u holda K nuqtaning proyeksiyasi ham to'g'ri chiziq kesmasining proyeksiyasida yotadi:

$$\forall (\bullet)K \in [AB] \Rightarrow (\bullet)k \in [a b]$$

5. Kesmalarning nisbati proyeksiyalar nisbatiga teng bo'ladi:

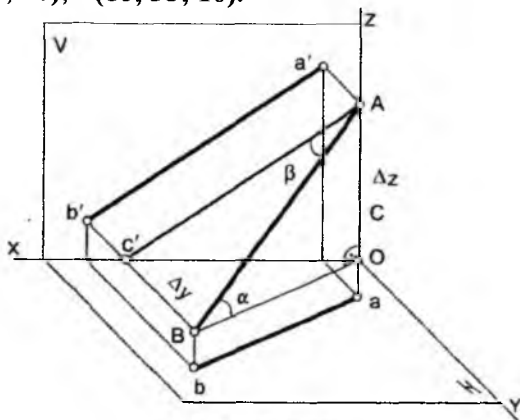
$$[AK] / [KB] = m / n, [ak] / [kb] = m / n$$

2.2. Kesmaning haqiqiy uzunligini va proyeksiyalari tekisliklari bilan hosil qilgan burchaklarini aniqlash

To'g'ri chiziq proyeksiyalar tekisliklari H, V, W ga og'ma bo'lsa, umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq deyiladi. Bunday to'g'ri chiziq proyeksiyalari $[ox]$ proyeksiyalar o'qlariga og'ma ravishda joylashgan bo'ladi.

Koordinatalari bilan berilgan umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini ko'rib chiqamiz (2.2 - chizma).

$A(10; 15; 40), B(60; 35; 10)$.



2.2 - chizma.

Fazoviy chizmada to'g'ri burchakli (ABC) uchburchak chizamiz.

Uning 1 - kateti $[BC] = [a b]$ 2 - kateti $[AC] = [Aa] - [Bb]$

$[Aa] = |AH| = Za; [Bb] = |BH| = Zb$ bo'lgani uchun

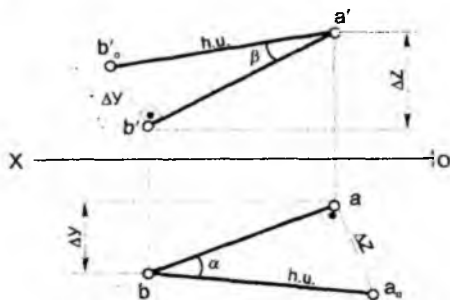
$$[Ac] = Za - Zb = Z$$

Chizmadan kesmaning gorizontalar proyeksiyalar tekisligi H bilan hosil qilgan burchagi α . $\angle\alpha = [AB] \wedge H$

Chizmadan kesmaning frontal proyeksiyalar tekisligi V bilan hosil qilgan burchagi β . $\angle\beta = [AB] \wedge V$

Shuning uchun, $[AB]$ kesmaning gorizontalar va frontal proyeksiyalari o'zidan kichikdir. $[ab] < [AB]$ va $[a'b'] < [AB]$

Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ kesmaning epyurini chizamiz (2.3 - chizma).



2.3 - chizma.

To'g'ri chiziq $[AB]$ kesmasining haqiqiy kattaligini va gorizontalar proyeksiyalar tekisligi H hamda frontal proyeksiyalar tekisligi V bilan hosil qilgan og'ish burchaklarini topamiz.

Buning uchun shunday to'g'ri burchakli uchburchak chizish kerakki, uning **bir kateti** kesmaning birorta proyeksiyasiga (gorizontalar yo frontal yoki profil) **ikkinchi kateti** esa, kesma uchlari koordinatalarining algebraik ayirmasi ($\Delta Z = Z_a - Z_b$), ($\Delta Y = Y_b - Y_a$), ($\Delta X = X_b - X_a$) ga teng bo'lishi kerak.

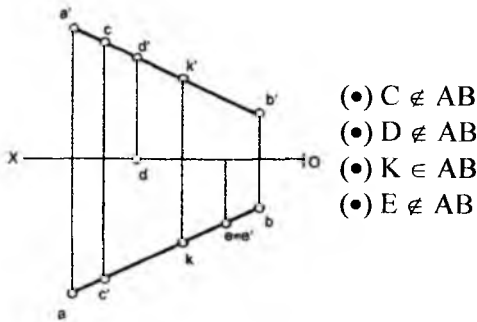
Shunda to'g'ri burchakli uchburchakning gepotenuzasi kesmaning haqiqiy kattaligiga teng bo'ladi.

2.3. Nuqtaning to'g'ri chiziqqa tegishliligi

Agar K nuqta $[AB]$ to'g'ri chiziqqa tegishli bo'lsa, nuqtaning bir nomli proyeksiyalari to'g'ri chiziqning bir nomli proyeksiyalariga tegishli bo'ladi.

Ya'ni: $(\bullet)K \in [AB] \Rightarrow (\bullet)k \in [ab] \wedge (\bullet)k' \in [a'b'] \wedge (\bullet)k'' \in [a''b'']$

Misol: Chizmada berilgan C, D, K, E nuqtalarning qaysi biri $[AB]$ to'g'ri chiziq kesmasiga tegishliligi aniqlansin (2.4-chizma).



2.4 - chizma.

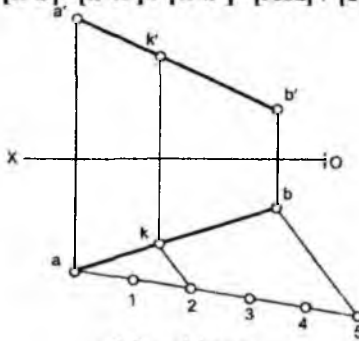
2.4. Kesmani berilgan nisbatda bo'lish

Misol: Berilgan $[AB]$ to'g'ri chiziq kesmasini, $2/3$ nisbatda bo'luvchi K nuqta topilsin (2.5 - chizma).

Berilgan: $[AB]$ ($a\ b, a'\ b'$)

Topish kerak: (•) $K \in [AB] \wedge [AK] / [KB] = 2/3$

$$[a\ k] / [k\ b] = [a'\ k'] / [k'\ b'] = [AK] / [KB] = 2/3$$



2.5 - chizma.

Bu misol qadimgi grek olimi Fales teoremasiga asosan yechiladi.

Teorema: Agar burchak tomonini kesadigan parallel to'g'ri chiziqlar uning bir tomonidan teng kesmalar ajratsa, ikkinchi tomonidan ham teng kesmalar ajratadi.

2.5. Xususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqlar

H, V, W proyeksiyalar tekisliklariga parallel yoki perpendikular bo'lgan to'g'ri chiziq'larga **xususiy vaziyatdagi** to'g'ri chiziqlar deyiladi.

1. Proyeksiyalar tekisliklarining biriga parallel bo'lgan chiziqlar.

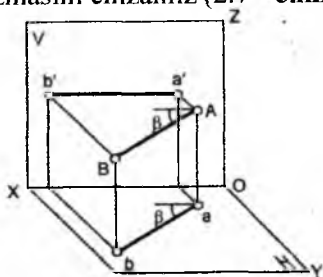
a) Agar to'g'ri chiziq gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **gorizontal to'g'ri chiziq** deyiladi.

$[AB] \parallel H$ – gorizontal to'g'ri chiziq.

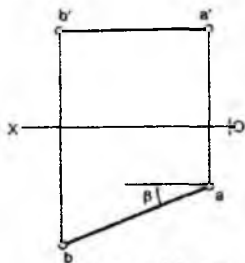
Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ gorizontal to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz (2.6 - **chizma**).

$A (20; 10; 30) B (50; 30; 30)$

Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ gorizontal to'g'ri chiziqni epyur chizmasini chizamiz (2.7 - **chizma**).



2.6 - chizma.



2.7 - chizma.

$$[AB] \parallel H \Rightarrow [a'b'] \parallel [ox] \wedge [a b] = |AB|$$

Gorizontal to'g'ri chiziqning gorizontal proyeksiyasi uning haqiqiy kattaligiga tengdir.

Gorizontal to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyalar tekisligi V bilan hosil qilgan burchagi β .

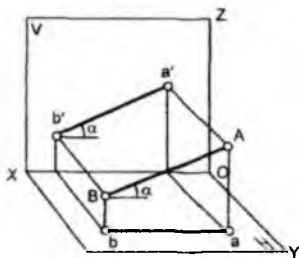
$$\angle \beta = [AB] \wedge V$$

b) Agar to'g'ri chiziq frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **frontal to'g'ri chiziq** deyiladi.

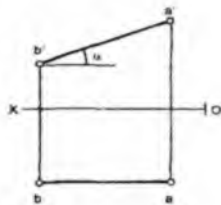
$[AB] \parallel V$ – frontal to'g'ri chiziq.

Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ frontal to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini (2.8 - **chizma**) va epyurini chizamiz (2.9 - **chizma**).

$A (10; 20; 30) B (50; 20; 10)$



2.8 - chizma.



2.9 - chizma.

$$[AB] \parallel V \Rightarrow [a' b'] \parallel [ox] \wedge [a' b'] = |AB|$$

Frontal to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi uning haqiqiy kattaligiga tengdir.

Frontal to'g'ri chiziqning gorizontalar tekisligi H bilan hosil qilgan burchagi α .

$$\angle \alpha = [AB] \wedge H$$

d) Agar to'g'ri chiziq profil proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **profil to'g'ri chiziq** deyiladi.

$[AB] \parallel W$ – profil to'g'ri chiziq.

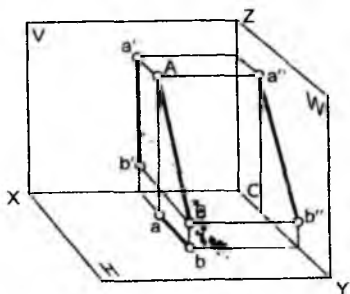
Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ profil to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz (2.10 - chizma).

$$A (25; 5; 30) \quad B (25; 25; 10)$$

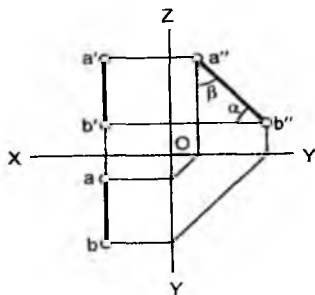
Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ profil to'g'ri chiziqning epyurini chizamiz (2.11 - chizma).

$$[AB] \parallel W \Rightarrow [a' b'] \perp [ox] \wedge [a' b'] \perp [ox] \wedge [a'' b''] = |AB|$$

Profil to'g'ri chiziqning profil proyeksiyasi uning haqiqiy kattaligiga tengdir.



2.10 - chizma.



2.11 - chizma.

Profil to'g'ri chiziqning gorizontalar proyeksiyalar tekisligi H bilan hosil qilgan burchagi α . $\angle \alpha = [AB] \wedge H$

Profil to'g'ri chiziqning frontal proyeksiya tekisligi V bilan hosil qilgan burchagi β . $\angle \beta = [AB] \wedge V$

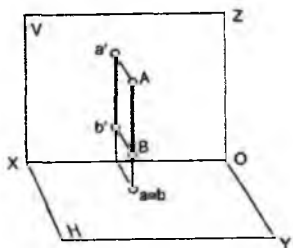
2. Proeksiyalar tekisliklaridan biriga perpendikular bo'lgan chiziq'larga **proeksiyalovchi to'g'ri chiziq'lar** deyiladi.

a) Agar to'g'ri chiziq gorizontalar proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **gorizontalar proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq** deyiladi. $[AB] \perp H$ – gorizontalar proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq.

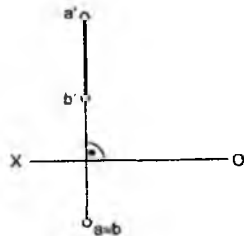
Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ gorizontalar proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz (2.12 - chizma).

$$A (40; 10; 30) \quad B (40; 10; 5)$$

Koordinatalari bilan berilgan $[AB]$ gorizontalar proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning epyurini chizamiz (2.13 - chizma).



2.12 - chizma.



2.13 - chizma.

$$[AB] \perp H \Rightarrow [a'b'] \perp [ox] \wedge [a'b'] = |AB|$$

Gorizontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi uning haqiqiy kattaligiga tengdir.

Gorizontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning gorizontal proyeksiyasi ustma-ust tushadi: $[a \equiv b]$

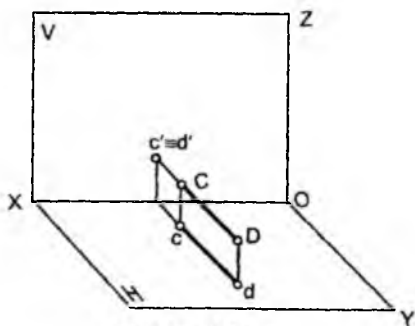
b) Agar to'g'ri chiziq frontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq** deyiladi.

$[CD] \perp V$ – frontal proeksiyalovchi to'g'ri chiziq.

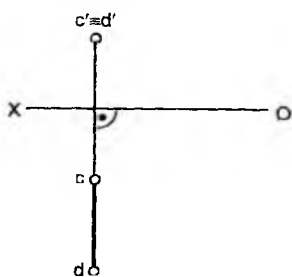
Koordinatalari bilan berilgan $[CD]$ frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz (2.14 - chizma).

$C(30; 5; 15) D(30; 30; 15)$

Koordinatalari bilan berilgan $[CD]$ frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning epyurini chizamiz (2.15 - chizma).



2.14 - chizma.



2.15 - chizma.

$$[CD] \perp V \Rightarrow [cd] \perp [ox] \wedge [cd] = [CD]$$

Frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning gorizontal proyeksiyasi uning haqiqiy kattaligiga tengdir.

Frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi ustma-ust tushadi: $[c' \equiv d']$

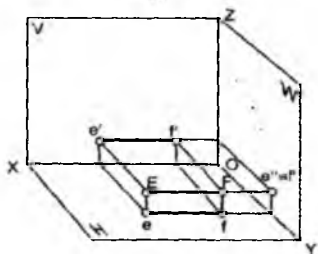
d) Agar to'g'ri chiziq profil proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq **profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq** deyiladi.

$[EF] \perp W$ – profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq.

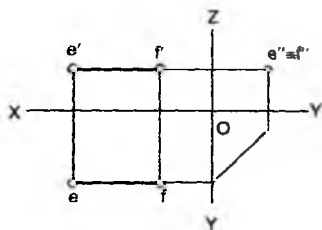
Koordinatalari bilan berilgan [EF] profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz (2.16 - chizma).

E (25; 15; 5) F (5; 15; 5)

Koordinatalari bilan berilgan [EF] profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning epyurini chizamiz (2.17 - chizma).



2.16 - chizma.



2.17 - chizma.

$$[EF] \perp W \Rightarrow [e'f'] \parallel [ox] \wedge [ef] \parallel [oy] \wedge [ef] = [e'f'] = |EF|$$

Profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning frontal va gorizontal proyeksiyalari uning haqiqiy kattaligiga tengdir.

Profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning profil proyeksiyasi ustma-ust tushadi: $[e'' \equiv f'']$

2.6. To'g'ri chiziqning izlari

To'g'ri chiziqning proyeksiyalar tekisliklari H, V, W bilan kesishgan nuqtasiga to'g'ri chiziqning izlari deyiladi.

Koordinatalari bilan berilgan (AB)

to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini chizamiz

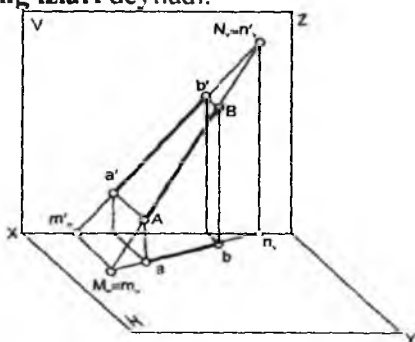
(2.18 - chizma).

Berilgan:

A(45; 15; 5), B(20; 5; 30)

Topish kerak:

$M_H - ? N_V - ?$



2.18 - chizma.

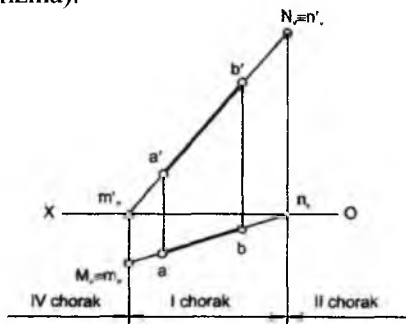
(AB) to'g'ri chiziqning A uchini davom ettirsak, gorizontalar proyeksiyalar tekisligi H bilan kesishib, to'g'ri chiziqning gorizontali izi M_H ni hosil qilamiz.

$(AB) \cap H = M_H (m_H, m_H')$ – to'g'ri chiziqning gorizontali izi.

(AB) to'g'ri chiziqning B uchini davom ettirsak, frontal proyeksiya tekisligi V bilan kesishib, to'g'ri chiziqning frontal izini N_V hosil qilamiz.

$(AB) \cap V = N_V (n_V, n_V')$ – to'g'ri chiziqning frontal izi.

Koordinatalari bilan berilgan (AB) to'g'ri chiziqning epyurini chizamiz (2.19 - chizma).



2.19 - chizma.

Epyurda to'g'ri chiziqning gorizontali izini $M_H (m_H, m_H')$ topish uchun frontal proyeksiyasi ($a'b'$) ni $[ox]$ proyeksiyalar o'qi bilan kesishguncha davom ettirib, kesishgan nuqtasidan (m_H') $[ox]$ proyeksiyalar o'qiga perpendikular o'tkazib, to'g'ri chiziqning gorizontali proyeksiyasi ($a b$) bilan kesishgan nuqtasi (m_H) topiladi [2].

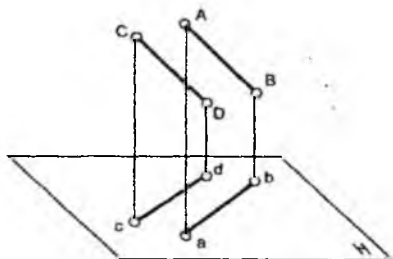
Epyurda to'g'ri chiziqning frontal izini $N_V (n_V, n_V')$ topish uchun gorizontali proyeksiyasi ($a b$) ni $[ox]$ proyeksiya o'qi bilan kesishguncha davom ettirib, kesishgan nuqtasi (n_V) dan $[ox]$ proyeksiyalar o'qiga perpendikular o'tkazib to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi ($a'b'$) bilan kesishgan nuqtasi (n_V') topiladi.

Xulosa qilib aytganda, (AB) to'g'ri chiziq o'zining frontal izidan $N_V (n_V, n_V')$ keyin fazoning II choragiga, gorizontali izidan $M_H (m_H, m_H')$ keyin fazoning IV choragiga o'tadi.

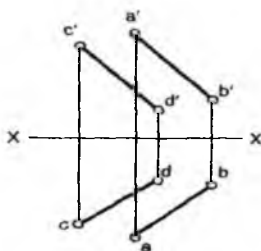
2.7. Ikki to'g'ri chiziqning o'zaro joylashuvi

Fazoda ikki to'g'ri chiziq bir-biriga nisbatan quyidagi vaziyatlarda bo'lishi mumkin: **1) parallel; 2) kesishuvchi; 3) uchrashmas (ayqash).**

1. O'zaro parallel $[AB]$ va $[CD]$ to'g'ri chiziqlarning fazoviy chizmasi 2.20 - chizmada keltirilgan. O'zaro parallel $[AB]$ va $[CD]$ to'g'ri chiziqlarning epyuri 2.21 - chizmada keltirilgan.



2.20 - chizma.

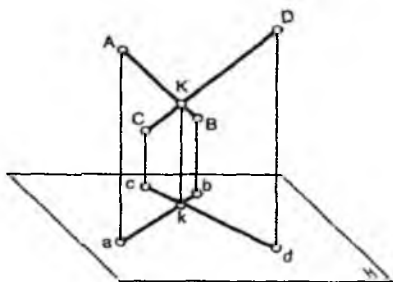


2.21 - chizma.

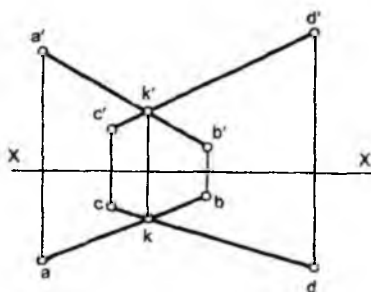
Parallel proyeksiyalarning xossalariga muvofiq, parallel to'g'ri chiziqlarning bir nomli proyeksiyalari ham o'zaro parallel bo'ladi.

Ya'ni: $(AB) \parallel (CD) \Rightarrow (ab) \parallel (cd) \wedge (a'b') \parallel (c'd') \wedge (a''b'') \parallel (c''d'')$

2. O'zaro kesishuvchi $[AB]$ va $[CD]$ to'g'ri chiziqlarning fazoviy chizmasi 2.22-chizmada, epyuri 2.23 - chizmada keltirilgan.



2.22 - chizma.



2.23 - chizma.

* George Young. *Descriptive Geometry*. London, 2013, page 37, 42

Fazoda bir umumiy nuqtaga ega bo'lgan ikki to'g'ri chiziq **kesishuvchi to'g'ri chiziqlar** deyiladi. Epyurda kesishuvchi to'g'ri chiziqlarning bir nomli proyeksiyalari ham kesishadi va ularning

kesishuvchi k k' nuqtalari, $[ox)$ proyeksiyalar o'qiga nisbatan perpendikular bitta chiziqda bo'ladi.

Ya'ni:

$$(AB) \cap (CD) = (\bullet)K \Rightarrow (ab) \cap (cd) = (\bullet)k \wedge (a'b') \cap (c'd') = (\bullet)k' \wedge (a''b'') \cap (c''d'') = (\bullet)k''$$

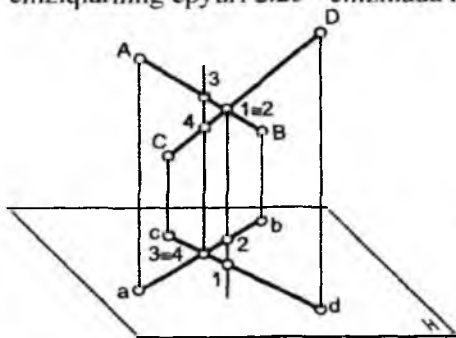
3. Agar to'g'ri chiziqlar bir-biri bilan ham kesishmasa, ham parallel bo'lmasa, bunday to'g'ri chiziqlar **ayqash to'g'ri chiziqlar** deyiladi.

Ya'ni:

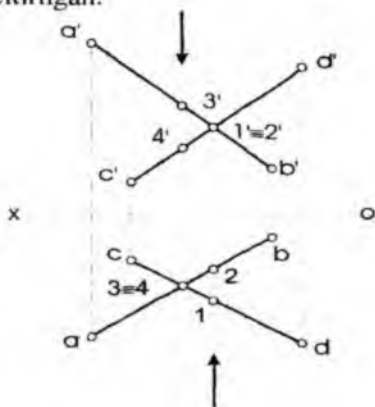
$$(AB) \perp (CD) \wedge (AB) \cap (CD)$$

Bir-biri bilan uchrashmas (ayqash) $[AB]$ va $[CD]$ to'g'ri chiziqlarning fazoviy chizmasi 2.24 - chizmada keltirilgan.

Bir-biri bilan uchrashmas (ayqash) $[AB]$ va $[CD]$ to'g'ri chiziqlarning epyuri 2.25 - chizmada keltirilgan.



2.24 - chizma.



2.25 - chizma.

Ularning proyeksiyalarida kesishgan nuqtalari bir umumiy nuqtaga ega bo'lmaydi va bir vertikal chiziqda yotmaydi.

* George Young. Descriptive Geometry. London, 2013, page 38

Raqobat (konkurent) nuqtalar. Bir proyeksiyalovchi nurda (perpendikular) joylashgan nuqtalar ko'rinishi jihatidan **raqobat nuqtalar** deyiladi.

Raqobat nuqtalar yordamida geometrik elementlarning koʻrinar-koʻrinmasligi aniqlanadi. Chizmada 1 va 2, 3 va 4 nuqtalar raqobat nuqtalardir.

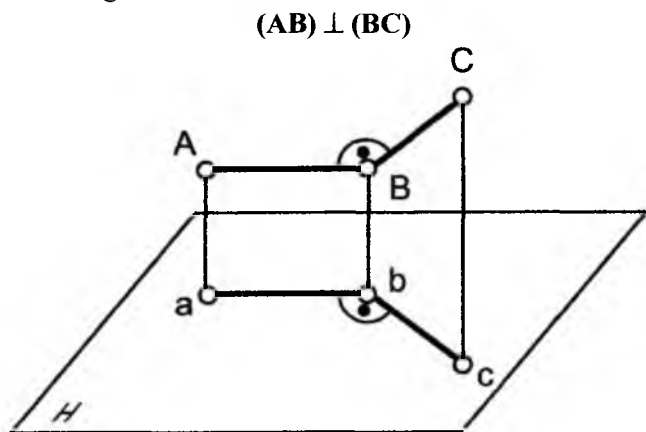
1-nuqta oldinda, demak, (AB) toʻgʻri chiziq (CD) toʻgʻri chiziqning ustida.

3-nuqta yuqorida, demak, (CD) toʻgʻri chiziq (AB) toʻgʻri chiziqning ostida.

2.8. Toʻgʻri burchak proyeksiyasi haqida teorema

Agar uchburchakning ikki tomoni proyeksiyalar tekisliklariga nisbatan ixtiyoriy boʻlsa, toʻgʻri burchakli uchburchakning proyeksiyalari oʻtkir yoki oʻtmas boʻlib proyeksiyalanadi.

Fazoda (AB) va (BC) oʻzaro perpendikular boʻlgan toʻgʻri chiziq-lar va ularning H gorizontaal proyeksiyalar tekislikdagi chizmasi 2.26 - chizmada keltirilgan.



2.26 - chizma.

Teorema: Agar toʻgʻri burchakning bir tomoni proeksiya tekisligiga parallel boʻlsa, ikkinchi tomoni esa, bu tekislikka perpendikular boʻlmasa, toʻgʻri burchak shu tekislikka oʻzgarmasdan, yaʼni toʻgʻri burchak boʻlib, proyeksiyalanadi.

$$(AB) \parallel H \wedge (BC) \perp H \Rightarrow \angle abc = \angle ABC = 90^\circ$$

* George Young. *Descriptive Geometry*. London, 2013, page 42

Misol: Berilgan C nuqtadan (AB) to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofa topilsin (2.27 - chizma).

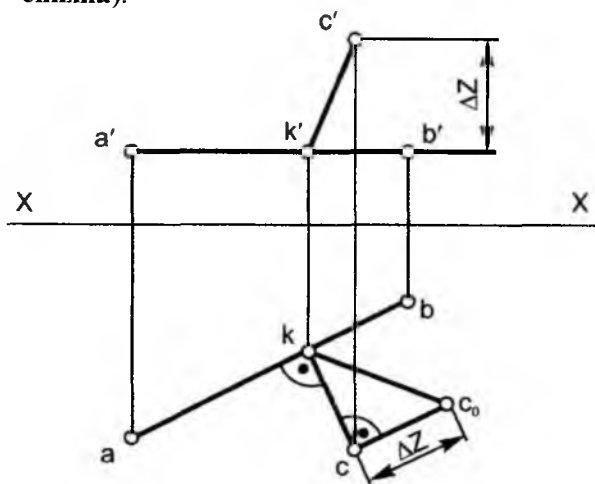
Berilgan:

$(AB) \parallel H \wedge (\bullet)C$

Topish kerak:

$|(\bullet)C, (AB)|$ -?

mm.



2.27 - chizma.

Ikkinchi bobga doir testlar

1. Proyeksiyalar tekisliklariga nisbatan og'ma joylashgan to'g'ri chiziq qanday nomlanadi?

- | | | | |
|-----------------------------|------------------------------|--------------------------|---------------------------|
| A) ixtiyoriy to'g'ri chiziq | B) gorizontal to'g'ri chiziq | D) profil to'g'ri chiziq | E) frontal to'g'ri chiziq |
|-----------------------------|------------------------------|--------------------------|---------------------------|

2. Kesmani teng nisbatlarga bo'lishda qaysi olimning teoremasidan foydalaniladi?

- | | | | |
|----------|------------|---------|----------------|
| A) Fales | B) Pifagor | D) Monj | E) Al Xorazmiy |
|----------|------------|---------|----------------|

3. Proyeksiya tekisliklariga nisbatan xususiy holatda bo'lgan to'g'ri chiziqlar nechta?

- | | | | |
|----------|----------|------------|-----------|
| A) bitta | B) uchta | D) to'rtta | E) oltita |
|----------|----------|------------|-----------|

4. H proyeksiya tekisligiga perpendikular bo'lgan to'g'ri chiziqning nomi nima?

- | | | | |
|---------------------------|------------------------------|--|--|
| A) frontal to'g'ri chiziq | B) gorizontal to'g'ri chiziq | D) gorizontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq | E) frontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq |
|---------------------------|------------------------------|--|--|

5. **W** proyeksiya tekisligiga parallel bo'lgan to'g'ri chiziqning nomi nima?

- A) profilga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq **B) profil to'g'ri chiziq** D) frontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq E) gorizontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq

6. **V** proyeksiya tekisligiga qanday to'g'ri chiziq nuqta bo'lib proyeksiyalanadi?

- A) gorizontal to'g'ri chiziq B) profil to'g'ri chiziq **D) frontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq** E) gorizontalga proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq

Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq deb nimaga aytiladi ?
2. To'g'ri chiziqning invariant xossalarini ta'riflab bering.
3. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqni ta'riflab bering.
4. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning haqiqiy uzunligini aniqlash usulini aytib bering.
5. To'g'ri chiziqning proyeksiya tekisliklariga og'ish burchaklari qanday aniqlanadi?
6. Nuqtaning to'g'ri chiziqqa tegishlilik xossasini ta'riflab bering.
7. Kesmalarni berilgan nisbatlarda teng bo'laklarga bo'lish qanday teoremlarga asoslangan?
8. Proyeksiya tekisliklariga nisbatan xususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqni ta'riflab bering?
9. Proyeksiya tekisliklarining biriga parallel bo'lgan to'g'ri chiziqni tushuntirib bering.
10. Gorizontal to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyasi haqiqiy uzunlikka ega?
11. Gorizontal to'g'ri chiziq frontal proyeksiya tekisligi bilan qanday burchak hosil qiladi?
12. Frontal to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyasi haqiqiy uzunlikka ega?
13. Frontal to'g'ri chiziq gorizontal proyeksiya tekisligi bilan qanday burchak hosil qiladi ?

14. Proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq deb qanday chiziqqa aytiladi va ularning nomlarini ayting.

15. Gorizontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyasi haqiqiy uzunlikka ega?

16. Frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyasi ustma-ust tushadi?

17. To'g'ri chiziqning izlari deb nimaga aytiladi?

18. To'g'ri chiziqning gorizontal izi qanday hosil qilinadi?

19. To'g'ri chiziqning frontal izi qanday hosil qilinadi?

20. Fazoda ikki to'g'ri chiziqning o'zaro vaziyatlari qanday bo'lishi mumkin?

21. Raqobat (konkurent) nuqtalar deb qanday nuqtalarga aytiladi?

22. To'g'ri burchakning proyeksiyalanishi haqidagi teoremani aytib bering.

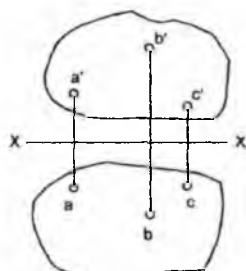
III bob. TEKISLIKNING ORTOGONAL PROYEKSIYALARI

3.1. Tekislik. Tekislikni chizmada berilishi

Tekislik cheksiz nuqtalar yig'indisi bo'lib, uzluksiz sirtidir.

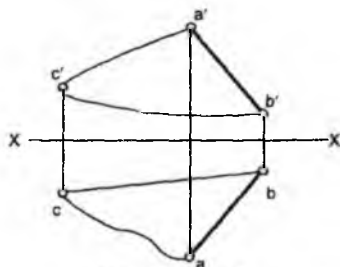
Uch nuqtadan hamma vaqt ikki parallel chiziq yoki ikki kesishgan chiziq o'tkazish mumkin bo'lgani uchun, umumiy holatda tekislik chizmada asosan quyidagi ko'rinishlarda beriladi:

1. Bitta to'g'ri chiziqda yotmagan uchta nuqtaning proyeksiyalari bilan, $P(A,B,C)$ (3.1 - chizma).



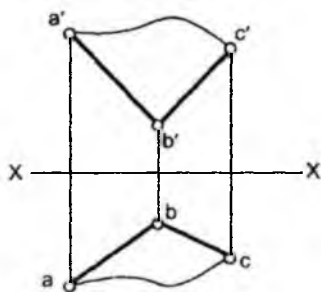
3.1 - chizma.

2. Bitta to'g'ri chiziq va unda yotmagan nuqtaning proyeksiyalari bilan, $P((AB) \wedge (\bullet)C)$, $(\bullet)C \notin (AB)$ (3.2-chizma).



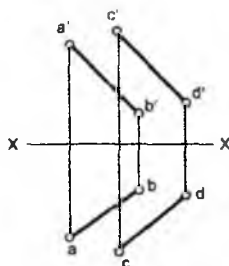
3.2 - chizma.

3. O'zaro kesishuvchi ikki to'g'ri chiziqning proyeksiyalari bilan, $P((AB) \cap (BC))$ (3.3 - chizma).



3.3 - chizma.

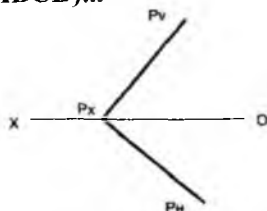
4. O'zaro parallel ikki to'g'ri chiziqning proyeksiyalari bilan, $P((AB) \parallel (CD))$ (3.4 - chizma).



3.4 - chizma.

5. Tekis geometrik shakllar orqali uchburchak, to'rtburchak, romb va h.k. bilan, $P(\Delta ABC)$, $P(\square ABCD)$, $P(\diamond ABCD)$...

6. Tekislik izlari bilan $P(P_H, P_V, P_W)$ (3.5 - chizma).



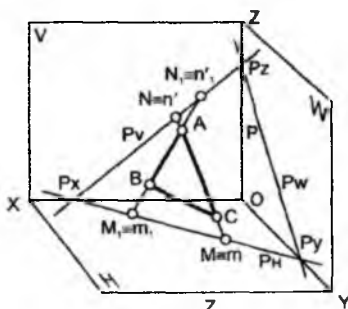
3.5- chizma.

3.2. Tekislikning izlari

Tekislikning proyeksiyalar tekisliklari H, V, W bilan kesishgan chiziqlari **tekislikning izlari** deyiladi.

H, V, W proyeksiyalar tekisliklariga og'ma bo'lgan tekislikni **umumiy vaziyatdagi tekislik** deyiladi.

Umumiy vaziyatdagi P tekislikning fazoviy chizmasi 3.6-chizmada keltirilgan.



3.6 - chizma.

$P \cap H = P_H - P$ tekislikning gorizontall izi;

$P \cap V = P_V - P$ tekislikning frontal izi;

$P \cap W = P_W - P$ tekislikning profil izi.

$$P_H \cap P_V = P_X, P_H \cap P_W = P_Y, P_V \cap P_W = P_Z.$$

$P_X, P_Y, P_Z - P$ tekislik izlarining uchrashuv nuqtalari.

Umumiy vaziyatdagi ΔABC tekislikni olamiz. ΔABC tekislikning (AC) tomonining gorizontall va frontal izlarini topamiz, so'ng (AB) tomonining gorizontall va frontal izlarini aniqlaymiz.

Chizmadan ko'rinib turibdiki, ΔABC tekislik tomonlarining bir nomli izlari P tekislikning bir nomli izlariga mos keladi.

$$M_H(m_H, m_H') \in P_H \wedge N_V(n_V, n_V') \in P_V$$

Misol: ΔABC orqali berilgan P tekislikning gorizontall va frontal izlari chizilsin (3.7 - chizma). Bu misol talabalarning (1-epyur) uy-grafik ishlari bo'lib, A, B, C nuqtalarning (X, Y, Z) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.

Berilgan: $P(\Delta ABC)$;

Topish kerak: $P(P_H, P_V) - ?$

№	X	Y	Z
A	65	20	10
B	35	10	40
C	10	45	20

Birinchi epyurni bajarish algoritmi quyidagi tartibda bo'ladi:

1. $(AB) \cap H = M_H(m_H, m_H')$

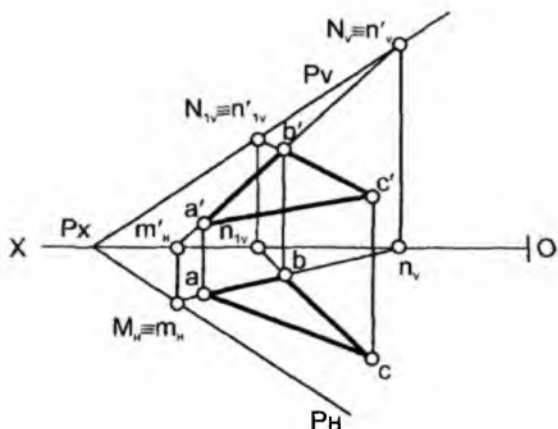
2. $(AB) \cap V = N_V(n_V, n_V')$

3. $(BC) \cap V = N_{IV}(n_{IV}, n_{IV}')$

4. $N_V \cup N_{IV} = P_V$

5. $P_V \cap [OX] = P_X$

6. $P_X \cup M_H = P_H$



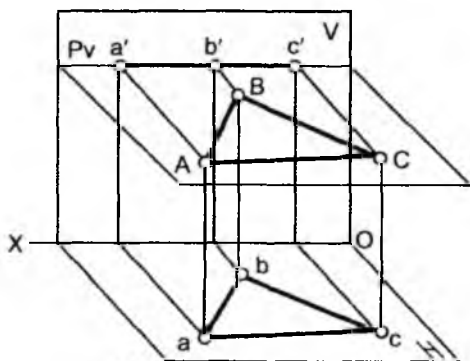
3.7 - chizma.

3.3. Xususiy vaziyatdagi tekisliklar

Proyeksiyalar tekisliklariga parallel yoki perpendikular bo'lgan tekisliklar **xususiy vaziyatdagi tekisliklar** deyiladi.

1. Agarda tekislik gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu tekislik **gorizontal tekislik** deyiladi. $P \parallel H$.

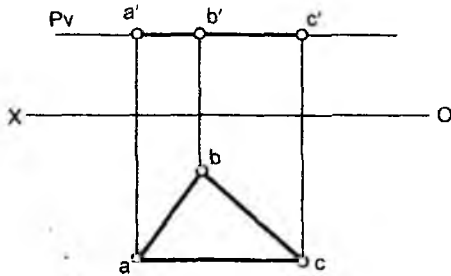
Gorizontal tekislikning fazoviy chizmasi 3.8-chizmada keltirilgan.



3.8 - chizma.

Chizmadan ko'rinib turibdiki, P gorizontal tekislikka tegishli nuqta, to'g'ri chiziq va $\triangle ABC$ tekislikning frontal proyeksiyalari tekislikning frontal iziga proyeksiyalanadi.

Horizontal P tekislikning epyuri 3.9-chizmada keltirilgan.



3.9 - chizma.

Horizontal tekislikning frontal P_v izi $[ox]$ proyeksiyalar o'qiga parallel.

$$P \parallel H \Rightarrow P_v \parallel [ox]$$

Horizontal tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to'g'ri chiziq, tekislik gorizontal tekislikka tegishli bo'lsa, u holda nuqta, to'g'ri chiziq, tekislikning frontal proyeksiyalari gorizontal tekislikning frontal izida bo'ladi.

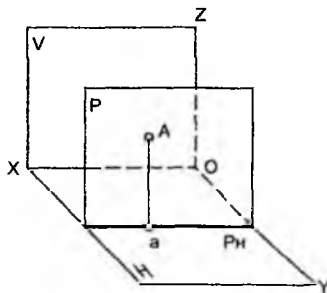
$$\text{Ya'ni: } \forall (\bullet) A \in P \parallel H \Rightarrow a' \in P_v$$

U holda ΔABC tekislik gorizontal proyeksiyalar tekisligiga haqiqiy kattalikda proyeksiyanadi:

$$(\Delta ABC) \in P \parallel H \Rightarrow (\Delta abc) = |\Delta ABC|$$

2. Agarda tekislik frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu tekislik **frontal tekislik** deyiladi. $P \parallel V$.

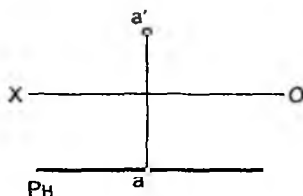
Frontal tekislikning fazoviy chizmasi 3.10- **chizmada** keltirilgan.



3.10 - chizma

Chizmadan ko'rinib turibdiki, P frontal tekislikka tegishli A nuqta, to'g'ri chiziq va ΔABC tekislikning gorizontl proyeksiyalari tekislikning gorizontl iziga proyeksiyalanadi.

P frontal tekislikning epyuri keltirilgan (3.11-chizma).



3.11 - chizma.

Frontal tekislikning gorizontl P_H izi $[ox]$ proyeksiyalar o'qiga parallel:

$$P \parallel V \Rightarrow P_H \parallel [ox]$$

Frontal tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to'g'ri chiziq, tekislik frontal tekislikka tegishli bo'lsa, u holda nuqta, to'g'ri chiziq, tekislikning gorizontl proyeksiyalari frontal tekislikning gorizontl izida bo'ladi.

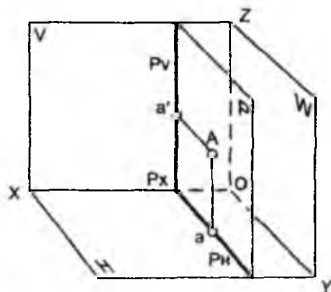
Ya'ni: $\forall (\bullet) A \in P \parallel V \Rightarrow a \in P_H$

U holda ΔABC tekislik frontal proyeksiyalar tekisligiga haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi:

$$(\Delta ABC) \in P \parallel V \Rightarrow (\Delta a'b'c') = |\Delta ABC|$$

3. Agarda tekislik profil proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, u holda bu tekislik **profil tekislik** deyiladi. $P \parallel W$.

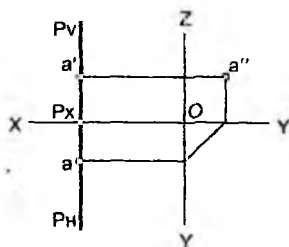
Profil tekislikning fazoviy chizmasi 3.12 - chizmada keltirilgan.



3.12 - chizma.

Chizmadan ko‘rinib turibdiki, P profil tekislikka tegishli nuqta, to‘g‘ri chiziq va ΔABC tekislikning bir nomli proyeksiyalari tekislikning bir nomli izlariga proyeksiyalanadi.

Profil P tekislikning epyuri 3.13 - chizmada keltirilgan.



3.13 - chizma.

Profil tekislikning gorizontaal P_H izi va frontal P_V izi $[ox]$ proyeksiyalar o‘qiga perpendikular bo‘ladi:

$$P \parallel W \Rightarrow P_H \perp [ox] \wedge P_V \perp [ox]$$

Profil tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to‘g‘ri chiziq, tekislik profil tekislikka tegishli bo‘lsa, u holda nuqta, to‘g‘ri chiziq, tekislikning gorizontaal va frontal proyeksiyalari profil tekislikning gorizontaal va frontal izida bo‘ladi.

Ya‘ni: $\forall (\bullet) A \in P \parallel W \Rightarrow a \in P_H \wedge a' \in P_V$

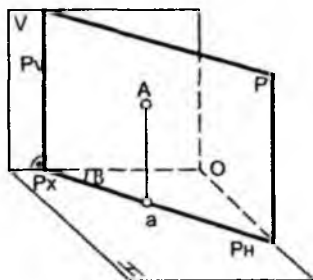
U holda ΔABC tekislik profil proeksiyalar tekisligiga haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi:

$$(\Delta ABC) \in P \parallel W \Rightarrow (\Delta a''b''c'') = |\Delta ABC|$$

Agarda tekislik proyeksiyalar tekisliklaridan birortasiga perpendikular bo‘lsa, u holda tekislik **proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi.

1. Agarda tekislik gorizontaal proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo‘lsa, u holda bu tekislik **gorizontaal proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi. $P \perp H$.

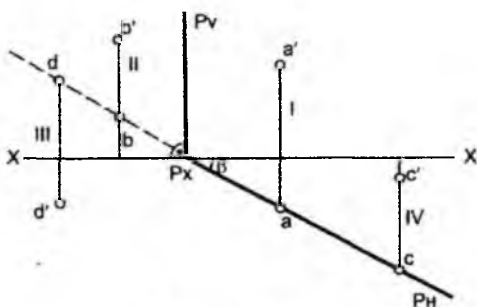
Gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikning fazoviy tasviri 3.14- chizmada keltirilgan.



3.14 - chizma.

Chizmadan ko'rinib turibdiki, P gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikka tegishli nuqta, to'g'ri chiziq va ΔABC tekislikning gorizontaal proyeksiyalari tekislikning gorizontaal iziga proyeksiyalanadi.

P gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikning epyuri 3.15-chizmada keltirilgan.



3.15 - chizma.

Gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikning frontal izi P_v $[ox]$ proyeksiyalar o'qiga perpendikular bo'ladi:

$$P \perp H \Rightarrow P_v \perp [ox]$$

Gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to'g'ri chiziq, tekislik gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikka tegishli bo'lsa, u holda nuqta, to'g'ri chiziq, tekislikning gorizontaal proyeksiyalari gorizontaal proyeksiyalovchi tekislikning gorizontaal izida bo'ladi.

$$\text{Ya'ni: } \forall (\bullet) A \in P \perp H \Rightarrow a \in P_{II}$$

Gorizontal proyeksiyalovchi tekislik frontal proyeksiyalar tekisligi bilan β burchagini hosil qiladi.

$$\angle \beta = P \wedge V$$

Gorizontal proyeksiyalovchi tekislikda **A, B, C, D** nuqtalarni tanlab olamiz.

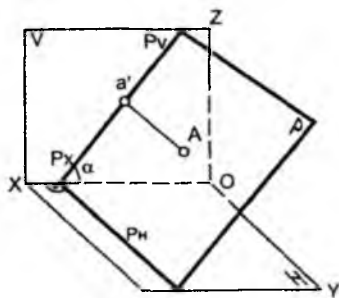
- (•) **A** \in **P** \wedge (•) **A** \in I chorakda
- (•) **B** \in **P** \wedge (•) **B** \in II chorakda
- (•) **D** \in **P** \wedge (•) **D** \in III chorakda
- (•) **C** \in **P** \wedge (•) **C** \in IV chorakda

Xulosa: Gorizontal proyeksiyalovchi tekislik fazoning **I, II, III, IV** choraklaridan o'tadi.

2. Agarda tekislik frontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'lsa, u holda bu tekislik **frontal proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi.

$$P \perp V.$$

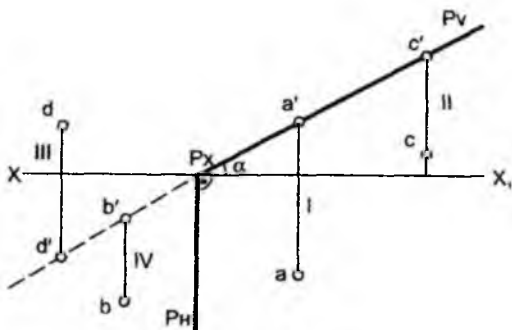
Frontal proyeksiyalovchi tekislikning fazoviy tasviri 3.16-chizmada keltirilgan.



3.16 - chizma.

Chizmadan ko'rinib turibdiki, frontal proyeksiyalovchi **P** tekislikka tegishli nuqta, to'g'ri chiziq va ΔABC tekislikning frontal proyeksiyalari tekislikning frontal iziga proyeksiyalanadi.

P frontal proyeksiyalovchi tekislikning epyuri 3.17-chizmada keltirilgan.



3.17 - chizma.

Frontal proyeksiyalovchi tekislikning gorizontal izi P_H proyeksiyalar o'qi $[ox]$ ga perpendikular bo'ladi:

$$P \perp V \Rightarrow P_H \perp [ox]$$

Frontal proyeksiyalovchi tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to'g'ri chiziq, tekislik frontal proyeksiyalovchi tekislikka tegishli bo'lsa, u holda nuqta, to'g'ri chiziq, tekislikning frontal proyeksiyalari frontal proyeksiyalovchi tekislikning frontal izida bo'ladi.

Ya'ni: $\forall (\bullet) A \in P \perp V \Rightarrow a' \in P_V$

Frontal proyeksiyalovchi tekislik gorizontal proyeksiya tekisligi bilan α burchagini hosil qiladi:

$$\angle \alpha = P \wedge H$$

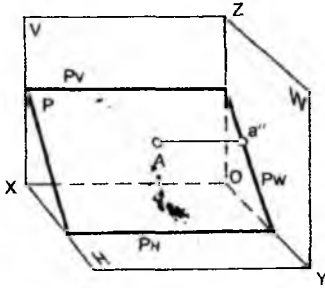
Frontal proyeksiyalovchi tekislikda A, B, C, D nuqtalarni tanlab olamiz.

- (•) $A \in P \wedge$ (•) $A \in I$ chorakda
- (•) $C \in P \wedge$ (•) $C \in II$ chorakda
- (•) $D \in P \wedge$ (•) $D \in III$ chorakda
- (•) $B \in P \wedge$ (•) $B \in IV$ chorakda

Xulosa: Frontal proyeksiyalovchi tekislik fazoning I, II, III, IV choraklaridan o'tadi.

3. Agarda tekislik profil proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'lsa, u holda bu tekislik **profil proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi.

$$P \perp W.$$

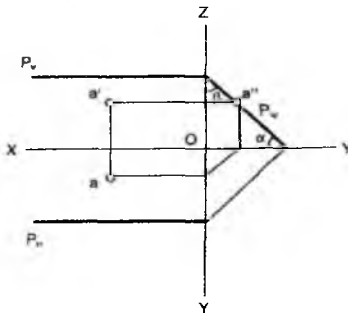


Profil proyeksiyalovchi tekislikning fazoviy chizmasi 3.18-chizmada keltirilgan.

3.18 - chizma.

Chizmadan ko'rinib turibdiki, **P** profil proyeksiyalovchi tekislikka tegishli nuqta, to'g'ri chiziq va ΔABC tekislikning profil proyeksiyalari tekislikning profil iziga proeksiyalanadi.

P profil proyeksiyalovchi tekislikning epyuri 3.19-chizmada keltirilgan.



3.19 - chizma.

Profil proyeksiyalovchi tekislikning gorizontali izi P_H va frontal izi P_V proyeksiyalar o'qi $[OX]$ ga parallel bo'ladi.

$$P \perp W \Rightarrow P_H \parallel [OX] \wedge P_V \parallel [OX]$$

Profil proyeksiyalovchi tekislikning xossasi:

Istalgan nuqta, to'g'ri chiziq, tekis shakl profil proyeksiyalovchi tekislikka tegishli bo'lsa, u holda nuqta, to'g'ri chiziq, tekis shaklning profil proyeksiyalari profil proyeksiyalovchi tekislikning profil izida bo'ladi.

$$\text{Ya'ni: } \forall (\bullet) A \in P \perp W \Rightarrow a'' \in P_W$$

Profil proyeksiyalovchi tekislik gorizontali proyeksiyalar tekisligi bilan α burchagini hosil qiladi:

$$\angle \alpha = P \wedge H$$

Profil proyeksiyalovchi tekislik frontal proyeksiyalar tekisligi bilan β burchagini hosil qiladi:

$$\angle \beta = P \wedge V$$

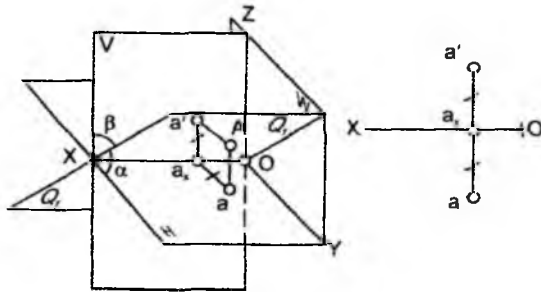
Profil proyeksiyalovchi tekislikda A nuqtani tanlab olamiz:

$$(\bullet) A \in P \wedge (\bullet) A \in I \text{ chorakda}$$

Xulosa: Profil proyeksiyalovchi tekislik fazoning I, II, IV choraklaridan o'tadi.

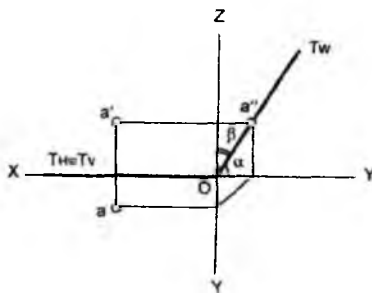
Demak, proyeksiyalovchi tekisliklarda yotuvchi har qanday nuqta, to'g'ri chiziq, tekis shaklning bitta proyeksiyasi tekislikning birorta izida yotadi. Bunday xossaga yig'ish xossasi deyiladi.

[OX] o'qidan o'tuvchi proyeksiyalovchi tekislik (3.20 - chizma).



3.20 - chizma.

Bu tekislik profil proyeksiyalovchi tekislikning xususiy holdir. Agar $\alpha = 45^\circ$ teng bo'lsa, bu **bissektor** tekisligi deyiladi. (3.21 - chizma).



3.21 - chizma.

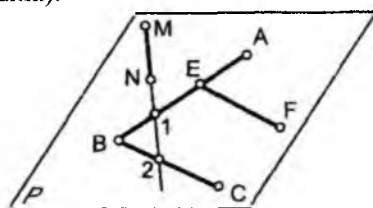
Q_I – birinchi bissektor tekisligi, bu fazoning birinchi va uchinchi choraklaridan o'tuvchi tekislikdir.

Q_{II} – ikkinchi bissektor tekisligi, bu fazoning ikkinchi va to'rtinchi choraklaridan o'tuvchi tekislikdir.

Xossasi: Agar har qanday A nuqta bissektor tekisligiga tegishli bo'lsa, u holda A nuqta gorizontal va frontal proyeksiyalar tekisliklaridan teng masofada yotadi.

3.4. Tekislikda yotuvchi to'g'ri chiziq va nuqta

To'g'ri chiziq yoki nuqtaning tekislikda yotishi geometriyaga asoslanadi (3.22 - chizma).



3.22 - chizma.

1. Agar (MN) to'g'ri chiziq P tekislik bilan ikkita umumiy nuqtaga (1, 2) ega bo'lsa, u tekislikda yotadi: $(MN) \subset P$.

2. Agar (EF) to'g'ri chiziq P tekislikdagi (E) bitta nuqtadan o'tib, undagi (BC) to'g'ri chiziqqa parallel bo'lsa, to'g'ri chiziq ham tekislikda yotadi:

$$(EF) \cap (AB) = (\bullet) E \in P \wedge (EF) \parallel (BC) \Rightarrow (EF) \subset P$$

Misol: (AB) va (BC) kesishuvchi to'g'ri chiziqlar bilan berilgan P tekislikda yotuvchi (MN) to'g'ri chiziqning yetishmagan gorizontal proyeksiyasi topilsin (3.23 - chizma).

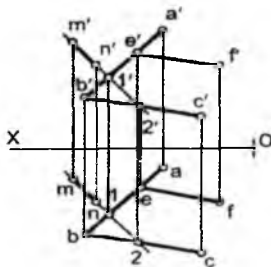
Berilgan:

$$P((AB) \cap (BC)) \wedge$$

$$(MN) \subset P$$

Topish kerak:

$$(mn) - ?$$



3.23 - chizma.

3. Agar (AB) to'g'ri chiziqning bir nomli izlari P tekislikning bir nomli izlariga tegishli bo'lsa, to'g'ri chiziq ham tekislikka tegishli bo'ladi:

$$(AB) \cap H = M_H \in P_H \wedge (AB) \cap V = N_V \in P_V \Rightarrow (AB) \subset P$$

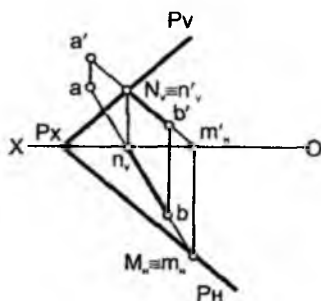
Misol: Izlari bilan berilgan P tekislikda yotuvchi (AB) to'g'ri chiziqning frontal proyeksiyasi $a'b'$ berilgan, uning gorizontal proyeksiyasi topilsin (3.24 - chizma).

Berilgan:

$$P(P_H, P_V) \wedge (AB) \subset P$$

Topish kerak:

(ab) - ?



3.24 - chizma.

4. Agar biror $(\bullet)K$ nuqta tekislikda yotuvchi to'g'ri chiziqqa tegishli bo'lsa, u holda $(\bullet)K$ nuqta tekislikka tegishli bo'ladi:

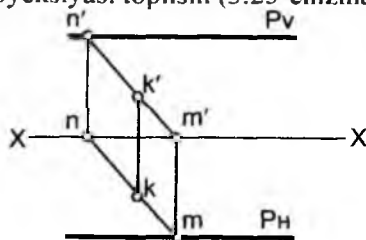
$$(\bullet)K \in (MN) \subset P \Rightarrow (\bullet)K \in P$$

Misol: Izlari bilan berilgan profil proyeksiyalovchi P tekislikda yotuvchi K nuqtaning yetishmagan proyeksiyasi topilsin (3.25-chizma).

$$\text{Berilgan: } P(P_H, P_V) \perp W \wedge (\bullet)K \in P$$

Topish kerak:

(k) - ?

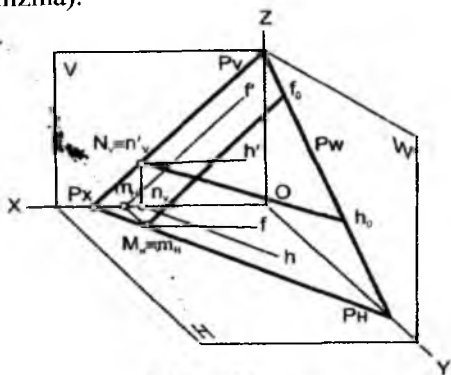


3.25 - chizma.

3.5. Tekislikning bosh chiziqlari

Tekislikda yotuvchi va H, V, W proeksiya tekisliklarining biriga parallel bo'lgan chiziq'larga tekislikning **bosh chiziqlari** deyiladi.

Umumiy vaziyatdagi P tekislikning fazoviy chizmasini ko'rib chiqamiz (3.26-chizma).



3.26 - chizma.

h_0 – tekislikning gorizontaal chizig'i.

f_0 – tekislikning frontal chizig'i.

Tekislikning gorizontaal chizig'i P tekislikka tegishli bo'lib, gorizontaal proyeksiyalar tekisligiga paralleldir:

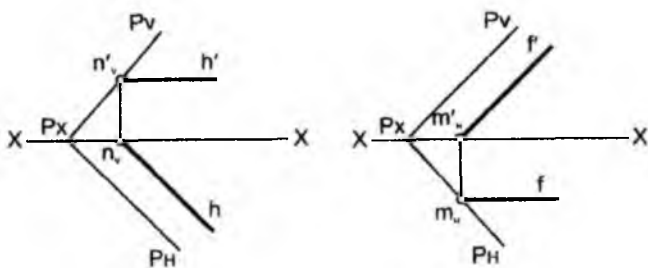
$$h_0 \subset P \wedge h_0 \parallel H$$

Tekislikning frontal chizig'i P tekislikka tegishli bo'lib, frontal proyeksiyalar tekisligiga paralleldir:

$$f_0 \subset P \wedge f_0 \parallel V$$

Umumiy vaziyatdagi P tekislikning epyur - chizmasini ko'rib chiqamiz. (3.27 - chizma).

3.27-chizmada izlari bilan berilgan P tekislikning gorizontaal va frontali ko'rsatilgan.



3.27 - chizma.

Chizmadan ko‘rinib turibdiki, P tekislik gorizontaling frontal proyeksiyasi proyeksiyalar o‘qiga parallel va gorizontaling gorizontaal proyeksiyasi esa tekislikning gorizontaal iziga paralleldir:

$$h_0 \subset P \wedge h_0 \parallel H \Rightarrow h' \parallel [ox] \wedge h \parallel P_H$$

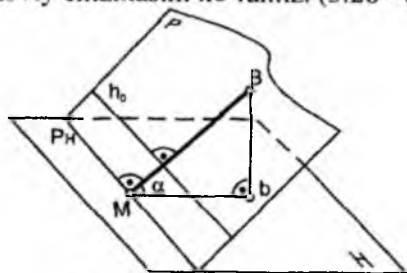
Chizmadan ko‘rinib turibdiki, P tekislik frontalining gorizontaal proyeksiyasi proyeksiyalar o‘qiga parallel va frontalining frontal proyeksiyasi esa tekislikning frontal iziga paralleldir:

$$f_0 \subset P \wedge f_0 \parallel V \Rightarrow f \parallel [ox] \wedge f' \parallel P_V$$

3.6. Tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i

Tekislikda yotuvchi va tekislikning gorizontaaliga yoki frontaliga perpendikular bo‘lgan chiziq'larga tekislikning eng katta qiyalik chiziq'lari deyiladi.

P tekislikning gorizontaal proyeksiya tekisligiga nisbatan eng katta qiyalik chizig‘ining fazoviy chizmasini ko‘ramiz. (3.28 - chizma).



3.28 - chizma.

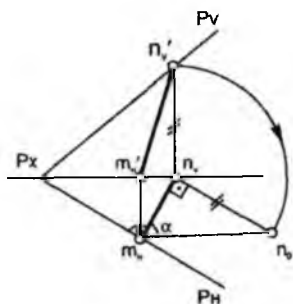
(BM) – P tekislikning gorizontaal proyeksiyalar tekisligiga nisbatan eng katta qiyalik chizig‘i:

$$(BM) \subset P \wedge (BM) \perp h_0 \wedge (BM) \perp P_H$$

Misol: P tekislik izlari bilan berilgan, uning gorizontaal proyeksiyalar tekisligiga nisbatan og‘ish burchagi topilsin (3.29 - chizma).

Berilgan:
 $P (P_H, P_V)$

Topish kerak:
 $\angle \alpha = P \wedge H$



3.29 - chizma

* George Young. *Descriptive Geometry*. London, 2013, page 72

Uchinchi bobga doir testlar

- Bissektor tekisliklarni soni nechta?
 A) ikkita B) to'rtta C) uchta D) sakkizta
- Xususiy vaziyatdagi tekisliklarni soni nechta?
 A) to'rtta B) ikkita C) oltita D) sakkizta
- Bissektor tekisligi qaysi proyeksiyalar tekisligiga perpendikular bo'ladi?
 A) frontal B) gorizontal C) frontal D) **profil**
 va gorizontal
- Birinchi bissektor tekisligi fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
 A) ikkinchi B) **birinchi va** C) birinchi va D) birinchi va
 va to'rtinchi **uchinchi** ikkinchi to'rtinchi
- Gorizontal tekislik proyeksiya tekisliklari bilan qanday izlarni hosil qilish mumkin?
 A) gorizontal, B) gorizontal, C) **frontal,** D) faqat
 profil frontal **profil** gorizontal
- Tekislikka tegishli bo'lib, frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lgan to'g'ri chiziqning nomi nima?
 A) **frontal** B) ixtiyoriy C) gorizontal D) profil chiziq
chiziq chiziq chiziq

7. Gorizontal to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyalari proyeksiya o'qlariga parallel bo'ladi?

- A) hamma proyeksiya lari B) gorizontal va frontal C) gorizontal va profil **D) frontal va profil**

8. Frontal to'g'ri chiziqning qaysi proyeksiyasi haqiqiy uzunlikda proyeksiylanadi?

- A) gorizontal proyeksiyasi **B) frontal proyeksiyasi** C) profil proyeksiyasi D) xamma proyeksiyasi

9. Tekislikning gorizontal chiziq'i qaysi proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'ladi?

- A) gorizontal proyeksiyalar tekisligiga** B) frontal proyeksiyalar tekisligiga C) profil proyeksiyalar tekisligiga D) hamma proyeksiyalar tekisligiga

Mustahkamlash uchun savollar

1. Tekislikning chizmada berilishini ayting.
2. Tekislikning izlari deb nimaga aytiladi?
3. Tekislikning gorizontal, frontal, profil izlari qanday hosil qilinadi?
4. Umumiy vaziyatdagi tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
5. Xususiy vaziyatdagi tekisliklar deb qanday tekisliklarga aytiladi?
6. Gorizontal tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
7. Gorizontal tekislik qanday xossaga ega?
8. Frontal tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
9. Frontal tekislik qanday xossaga ega?
10. Profil tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
11. Profil tekislik qanday xossaga ega?
12. Qanday tekisliklar proyeksiyalovchi tekisliklar deb aytiladi?
13. Gorizontal proyeksiyalovchi tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
14. Gorizontal proyeksiyalovchi tekislik qanday xossaga ega?
15. Gorizontal proyeksiyalovchi tekislik fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
16. Frontal proyeksiyalovchi tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
17. Frontal proyeksiyalovchi tekislik qanday xossaga ega?

18. Frontal proyeksiyalovchi tekislik fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
19. Profil proyeksiyalovchi tekislik deb qanday tekislikka aytiladi?
20. Profil proyeksiyalovchi tekislik qanday xossaga ega?
21. Profil proyeksiyalovchi tekislik fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
22. Qanday tekislik bissektor tekisligi deb ataladi?
23. Birinchi bissektor tekisligi fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
24. Ikkinchi bissektor tekisligi fazoning qaysi choraklaridan o'tadi?
25. Bissektor tekisliklari qanday xossaga ega?
26. Nuqtaning tekislikka tegishliligi qanday aniqlanadi?
27. To'g'ri chiziqni tekislikka tegishliligi qanday aniqlanadi?
28. Tekislikning bosh chiziqlari deb qanday chiziq'larga aytiladi?
29. Tekislikning eng katta qiyalik chizig'i deb qanday chiziqqa aytiladi?

IV bob. TO'G'RI CHIZIQ VA TEKISLIK. IKKI TEKISLIK

4.1. To'g'ri chiziq va tekisliklarning o'zaro vaziyatlari

Fazoda to'g'ri chiziq va tekislik o'zaro quyidagi vaziyatda bo'lishi mumkin:

- 1) to'g'ri chiziq tekislik bilan bir nuqtada kesishadi:

$$(AB) \cap P = (\bullet) K$$

- 2) to'g'ri chiziq tekislik bilan o'zaro parallel;

$$(AB) \cap P = (\bullet) K_{\infty}$$

Bu holda to'g'ri chiziq bilan tekislik noxos nuqtada kesishadi. Fazoda ikki tekislik o'zaro quyidagi vaziyatda bo'lishi mumkin:

- 1) ikki tekislik bir to'g'ri chiziqda kesishadi;

$$P \cap Q = (MN)$$

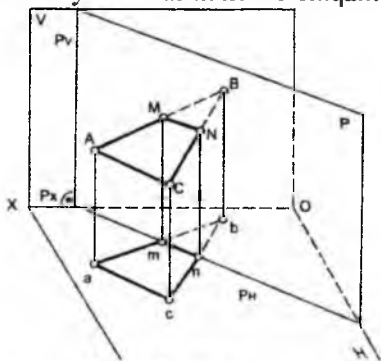
- 2) ikki tekislik o'zaro parallel;

$$P \cap Q = (MN)_{\infty}$$

Bu holda ikki tekislik noxos to'g'ri chiziqda kesishadi.

4.2. To'g'ri chiziqning xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi

Horizontal proyeksiyalovchi P tekislikning va umumiy vaziyatdagi (AB) to'g'ri chiziqning fazoviy chizmasini ko'rib chiqamiz, (4.1 - chizma).

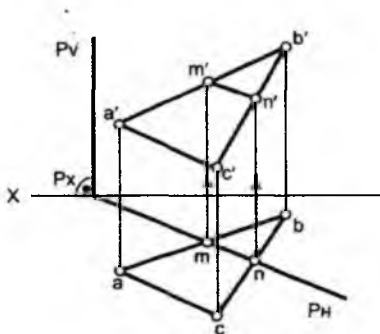


4.1 - chizma.

(AB) to'g'ri chiziq P tekislik bilan bir nuqtada kesishadi.

$$(AB) \cap P = (\bullet)M$$

To'g'ri chiziqning P tekislik bilan kesishish nuqtasi ham to'g'ri chiziqqa, ham tekislikka tegishli bo'ladi. Tekislik xususiy vaziyatda bo'lganda uning umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq bilan kesishish nuqtasini topish osonlashadi, ya'ni kesishish nuqtasining bir proyeksiyasi tekislikning tegishli izida bo'lib, uni belgilab, vertikal bog'lovchi chiziq yordamida ikkinchi proyeksiyasi topiladi. (4.2 - chizma).



4.2 - chizma.

4.1, 4.2 - chizmalarda (AB) to'g'ri chiziqning B uchidan umumiy vaziyatdagi (BC) to'g'ri chiziq o'tkazamiz, bu chiziq ham P tekislik bilan bir nuqtada kesishadi;

$$(BC) \cap P = (\bullet)N$$

4.3. Umumiy va xususiy vaziyatda bo'lgan tekisliklarning o'zaro kesishishi

Endi (AB) va (BC) kesishuvchi to'g'ri chiziqlarimiz umumiy vaziyatdagi tekislikni beradi.

Umumiy vaziyatdagi ΔABC tekislik xususiy vaziyatda bo'lgan P tekislik bilan to'g'ri chiziq bo'yicha kesishadi;

$$(MN) \subset P \wedge (MN) \subset (\Delta ABC) \Rightarrow P \cap (\Delta ABC) = (MN)$$

Ikki tekislikning kesishish chizig'i (MN)ning gorizontal proyeksiyasi gorizontal proyeksiyalovchi P tekislikning gorizontal izida bo'ladi.

Xulosa: Agar kesishuvchi tekisliklardan bittasi xususiy vaziyatda bo'lsa, u holda tekisliklarning kesishish chizig'ining bitta proyeksiyasi ma'lum bo'ladi. Faqat uni belgilab ikkinchi proyeksiyasi topiladi.

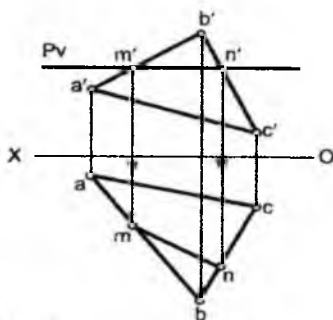
Misol: Umumiy vaziyatdagi $Q(\Delta ABC)$ tekislik bilan gorizontaal P tekislikning kesishish chizig'i topilsin (4.3 - chizma).

Berilgan:

$$Q(\Delta ABC) \wedge P(P_V), P \parallel H$$

Topish kerak:

$$(MN) = P \cap Q$$

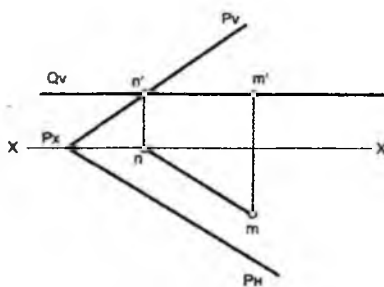


4.3 - chizma.

Misol: Izlari bilan berilgan umumiy vaziyatdagi P tekislikning gorizontaal Q tekislik bilan kesishish chizig'i topilsin. (4.4 - chizma).

Berilgan: $P(P_H, P_V), \wedge Q(Q_V), Q \parallel H$

Topish kerak: $P \cap Q = (MN) \parallel H$

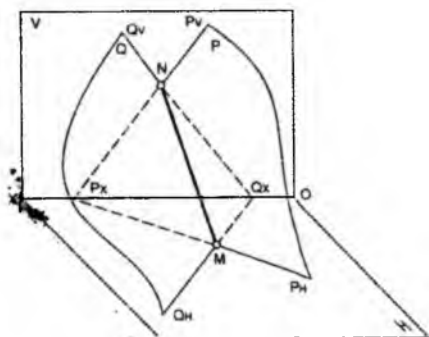


4.4 - chizma.

Xulosa: Kesishayotgan tekisliklarning biri gorizontaal tekislik bo'lgani uchun kesishish chizig'ining tavsifi ham gorizontaal to'g'ri chiziq bo'ladi.

4.4. Umumiy vaziyatdagi tekisliklarning o'zaro kesishishi

Umumiy vaziyatda berilgan $Q(Q_H, Q_V)$ va $P(P_H, P_V)$ tekisliklarning kesishishi fazoviy chizmasi 4.5-chizmada keltirilgan.

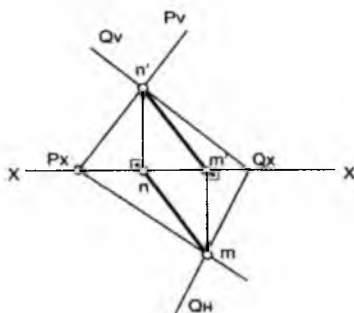


4.5 - chizma.

Ikki tekislikning kesishish chizig'i bir to'g'ri chiziqdan (**MN**) iborat bo'lib, uni topish uchun tekisliklarning bir nomli izlarining kesishgan nuqtasini belgilash kifoya;

$$Q_V \cap P_V = (\bullet)N(n, n') \text{ va } Q_H \cap P_H = (\bullet)M(m, m')$$

Q va **P** tekisliklarning kesishish chizig'ini aniqlash epyuri 4.6-chizmada ko'rsatilgan.

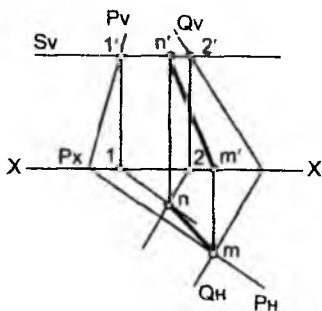


4.6 - chizma

Agarda kesishayotgan umumiy vaziyatdagi ikki tekislikning bir nomli izlaridan biri kesishmasa, u holda tekisliklarning kesishish chizig'ini topish uchun yordamchi tekisliklar o'tkaziladi. Yordamchi tekisliklar sifatida xususiy vaziyatdagi proyeksiyalovchi tekisliklar olinadi.

Berilgan umumiy vaziyatdagi ikki tekislik (4.7 - chizma).

Berilgan: $Q(Q_H, Q_V) \wedge P(P_H, P_V)$
 Topish kerak: $(MN) = Q \cap P$



4.7 - chizma.

Yechish: 1) **M** nuqtani topish uchun **Q** va **P** tekisliklarning gorizontaal izlari kesishgan nuqtani belgilaymiz: **M(m, m')**.

2) **N** nuqtani topish uchun xususiy vaziyatdagi yordamchi gorizontaal **S** tekislik o'tkazamiz;

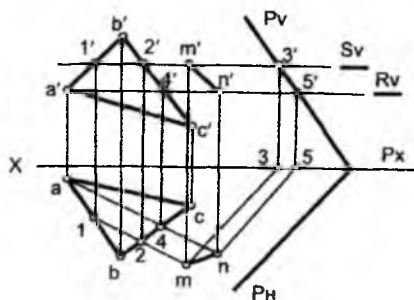
$$(S \cap P) \cap (S \cap Q) = N(n, n')$$

O'tkazgan yordamchi **S** tekisligimiz har ikki tekislik bilan gorizontaal chiziqlar bo'yicha kesishib (1, 2), o'z navbatida, bu gorizontaal kesishish chiziqlari uchrashib, **N(n, n')** nuqtani beradi.

Agarda kesishayotgan umumiy vaziyatdagi ikki tekislikning biri uchburchak bo'lib, ikkinchisi esa, izlari orqali berilsa, bu holda tekisliklarning kesishish chizig'ini topish uchun yordamchi tekisliklar o'tkaziladi. Yordamchi tekisliklar sifatida xususiy vaziyatdagi proyeksiyalovchi tekisliklar olinadi.

Misol: Umumiy vaziyatda berilgan $Q(\Delta ABC)$ va izlari orqali berilgan umumiy vaziyatdagi $P(P_H, P_V)$ tekisliklarning kesishish chizig'i topilsin (4.8 - chizma).

Berilgan: $Q(\Delta ABC) \wedge P(P_H, P_V)$
 Topish kerak: $(MN) = Q \cap P$



4.8 - chizma.

Yechish: 1) M nuqtani topish uchun xususiy vaziyatdagi yordamchi gorizontal S tekislik o'tkazamiz:

$$(S \cap P) \cap (S \cap Q) = M(m, m').$$

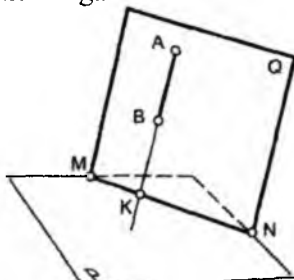
2) N nuqtani topish uchun xususiy vaziyatdagi yordamchi gorizontal R tekislik o'tkazamiz:

$$(R \cap P) \cap (R \cap Q) = N(n, n').$$

Xulosa: Kesishayotgan tekisliklarning har ikkisi umumiy vaziyatda bo'lsa, ularning kesishish chizig'ining tavsifi umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq bo'ladi.

4.5. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi

Umumiy vaziyatdagi (AB) to'g'ri chiziq va P tekislikning fazoviy chizmasi 4.9-chizmada keltirilgan.



4.9 - chizma.

Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishgan nuqtasini $(AB) \cap P = (\bullet) K$ topish uchun quyidagi uchta shart bajariladi:

1. Berilgan (AB) to'g'ri chiziq orqali yordamchi Q tekislik o'tkaziladi, yordamchi tekislik sifatida xususiy vaziyatdagi proyeksiyalovchi tekislik olinadi:

$$(AB) \subset Q$$

2. Yordamchi Q tekislik bilan berilgan P tekislikning kesishish chizig'i (MN) topiladi: $Q \cap P = (MN)$

3. Q va P tekisliklarning kesishish chizig'i (MN) bilan berilgan (AB) to'g'ri chiziqning kesishgan nuqtasi K topiladi:

$$(MN) \cap (AB) = (\bullet) K$$

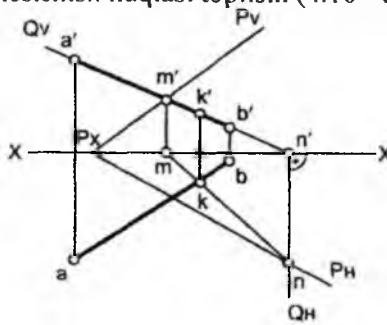
Misol: Umumiy vaziyatda berilgan (AB) to'g'ri chiziq bilan $P(P_H, P_V)$ tekislikning kesishish nuqtasi topilsin (4.10 - chizma).

Berilgan:

$$P(P_H, P_V) \wedge (AB)$$

Topish kerak:

$$(\bullet) K = (AB) \cap P$$

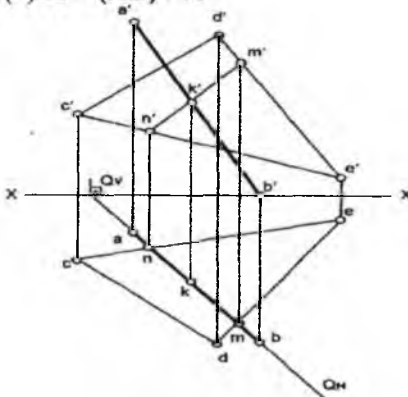


4.10 - chizma.

Misol: Umumiy vaziyatda berilgan (AB) to'g'ri chiziq bilan $P(\Delta CDE)$ tekislikning kesishish nuqtasi topilsin (4.11 - chizma).

Berilgan: $P(\Delta CDE) \wedge (AB)$

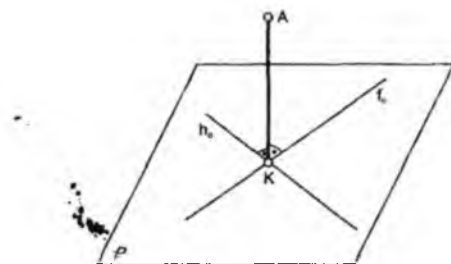
Topish kerak: $(\bullet) K = (AB) \cap P$



4.11 - chizma

4.6. To'g'ri chiziqning tekislikka perpendikularligi

Agar to'g'ri chiziq tekislikdagi kesishuvchi gorizonta, frontal chiziq'larga perpendikular bo'lsa, u holda to'g'ri chiziq tekislikka ham perpendikular bo'ladi (4.12 - chizma).



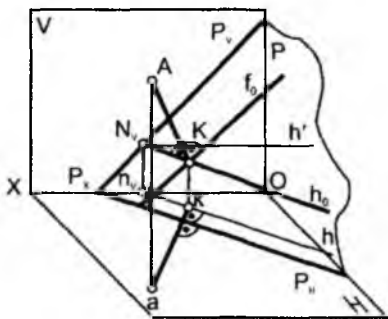
4.12 - chizma.

1. Tekislikning kesishuvchi chiziqlari sifatida tekislikning gorizontali (h_0) va frontali (f_0) olinadi (4.13 va 4.14- chizmalar).

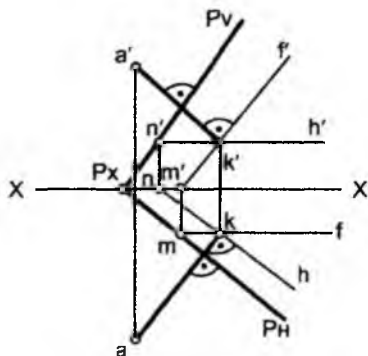
$$(AK) \perp P \Rightarrow (ak) \perp h \wedge (a' k') \perp f'$$

2. Agar to'g'ri chiziq tekislikka perpendikular bo'lsa, to'g'ri chiziqning bir nomli proyeksiyalari tekislikning bir nomli izlariga perpendikular bo'ladi:

$$(AK) \perp P \Rightarrow (ak) \perp P_H \wedge (a' k') \perp P_V$$



4.13—chizma



4.14- chizma

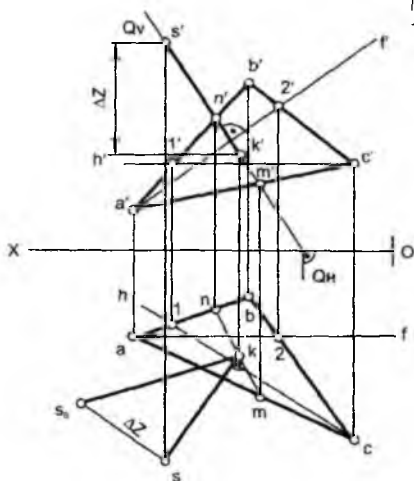
Masalalarni yechish algoritmi

Misol: S nuqtadan $P(\Delta ABC)$ tekisligigacha bo'lgan masofa aniqlansin (4.15-chizma). Bu misol talabalarining (2-epyur) uy-grafik ishlari bo'lib, A, B, C nuqtalarning va S nuqtaning (X, Y, Z) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.

Berilgan: $P(\Delta ABC) \wedge (\bullet)S$

Topish kerak: $|SK| - ?$

N _o	X	Y	Z
A	65	20	10
B	35	10	40
C	10	45	20
S	55	50	50



4.15 - chizma.

2 - epyur quyidagi algoritm asosida yechiladi:

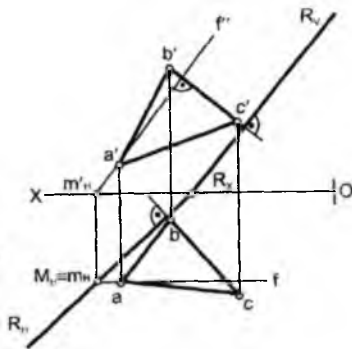
- 1) $h_0(h, h') \subset (\bullet)C(c, c')$, $f_0(f, f') \subset (\bullet)A(a, a')$
- 2) $s' \perp (f')$, $s \perp (h)$
- 3) $\perp_{(\bullet)S} \subset Q \perp V$
- 4) $Q \cap P(\Delta ABC) = (MN)$
- 5) $(MN) \cap \perp_{(\bullet)S} = (\bullet)K(k, k')$
- 6) $|SK| = |S_0 k| = ? \text{ mm}$

Misol: ΔABC tekislikning A uchidan BC tomoniga perpendikular R tekislik izlari bilan o'tkazilsin. (4.16 - chizma). Bu misol talabalarning (3-epyur) uy-grafik ishlari bo'lib, A, B, C nuqtalarning (X, Y, Z) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.

Berilgan: $P(\Delta ABC)$

Topish kerak: $(\bullet)A \in R(R_H, R_V) \perp (BC) - ?$

N _o	X	Y	Z
A	60	30	10
B	40	10	45
C	15	40	25



4.16 - chizma.

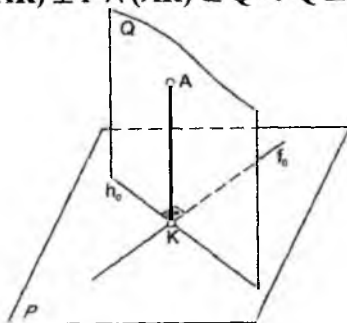
3 - epyur quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $f_0 (f f') \subset (\bullet)A(a a'), f' \perp (b' c') \wedge f \parallel [ox]$
- 2) $f_0 \cap H = M_{II}(m_{II}', m_{II})$
- 3) $M_{II}(m_{II}) \in R_{II} \perp (b c)$
- 4) $R_{II} \cap [ox] = R_X$
- 5) $R_X \in R_V \perp (b' c') \wedge R_V \parallel f'$

4.7. Tekisliklarning o'zaro perpendikularligi

Agar bir tekislik ikkinchi tekislikka perpendikular bo'lgan to'g'ri chiziq orqali o'tsa, u holda ikki tekislik o'zaro perpendikular bo'ladi (4.17 - chizma).

$$(AK) \perp P \wedge (AK) \subset Q \Rightarrow Q \perp P$$

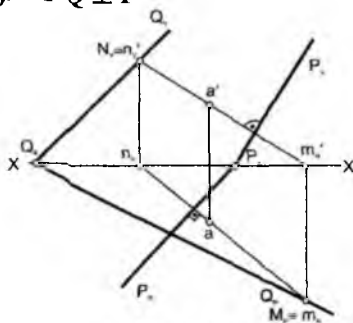


4.17 - chizma.

Misol: Berilgan P tekislik izlari orqali, nuqta A va Q tekislikning proyeksiya o'qi OX dagi nuqtasi Q_X . A nuqta orqali P tekislikka perpendikular bo'lgan Q tekislik o'tkazilsin (4.18 - chizma).

Berilgan: $P(P_H, P_V), (\bullet)A \wedge (\bullet)Q_X$

Topish kerak: $(\bullet)A \in Q \perp P$



4.18 - chizma.

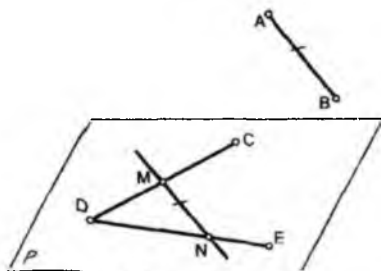
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $(\bullet)A \perp P$
- 2) $\perp(\bullet)A \cap H = M_H(m_H, m_H')$
- 3) $\perp(\bullet)A \cap V = N_V(n_V, n_V')$
- 4) $(\bullet)N_V(n_V') \cup (\bullet)Q_X = Q_V, (\bullet)M_H(m_H) \cup (\bullet)Q_X = Q_H$

4.8. To'g'ri chiziqning tekislikka parallelligi

Agar fazodagi to'g'ri chiziq tekislikka tegishli birorta to'g'ri chiziqqa parallel bo'lsa, u holda bu to'g'ri chiziq tekislikka ham parallel bo'ladi (4.19 - chizma).

$$(AB) \parallel (MN) \subset P \Rightarrow (AB) \parallel P$$

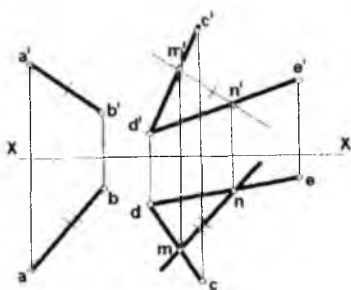


4.19 - chizma.

Misol: P tekislikka parallel bo'lgan (AB) to'g'ri chiziqning yetishmagan proyeksiyasi topilsin (4.20 - chizma).

Berilgan: $P((CD) \cap (DE)), (AB) \parallel P$

Topish kerak: $(a b) \rightarrow ?$



4.20 - chizma.

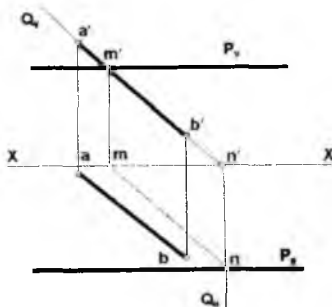
Misol: P profil proyeksiyalovchi tekislikka parallel bo'lgan (AB) to'g'ri chiziqning yetishmagan proyeksiyasi topilsin. (4.21 - chizma).

Berilgan:

$P(P_H, P_V) \perp W, (AB) \parallel P$

Topish kerak:

$(a b) - ?$



4.21 - chizma.

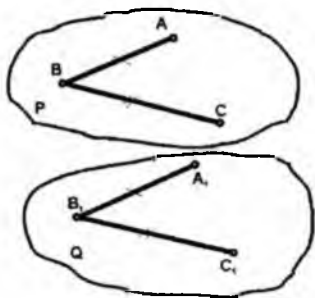
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $(AB) \subset Q \perp V$
- 2) $Q \cap P = (MN)$
- 3) $(AB) \parallel (MN)$

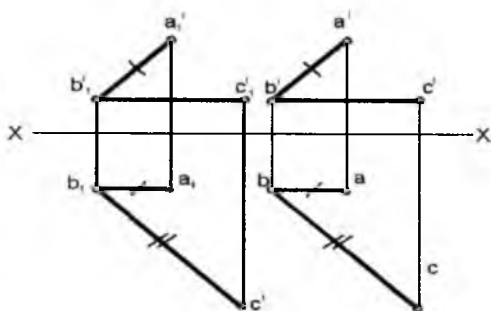
4.9. Ikki tekislikning parallelligi

1. Agar bir tekislikka tegishli ikki kesishuvchi chiziqlar, ikkinchi tekislikka tegishli ikki kesishuvchi chiziq'larga mos ravishda parallel bo'lsa, u holda bu tekisliklar o'zaro parallel bo'ladi (4.22, 4.23 - chizmalar).

$$(AB) \parallel (A_1 B_1) \wedge (BC) \parallel (B_1 C_1) \Rightarrow P \parallel Q$$



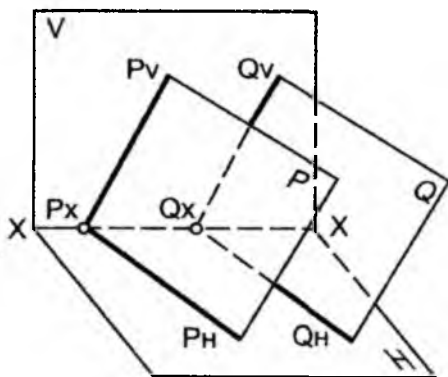
4.22 - chizma.



4.23 - chizma.

2. Agar ikki tekislik o'zaro parallel bo'lsa, u holda ularning bir nomli izlari ham o'zaro parallel bo'ladi. (4.24 - chizma).

$$P_H \parallel Q_H \wedge P_V \parallel Q_V \Rightarrow P \parallel Q$$



4.24 - chizma.

Misol: P tekislikning izlari va E nuqta berilgan. E nuqta orqali P tekislikka paralel Q tekislik izlari bilan o'tkazilsin (4.25 - chizma).

Berilgan: $P(P_H, P_V) \wedge (\bullet) E$

Topish kerak: $E \in Q(Q_H, Q_V) \wedge Q \parallel P$

4 - epyur quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) \mathbf{h}_0(\mathbf{h} \mathbf{h}') \subset (\bullet)C(\mathbf{c} \mathbf{c}'), \mathbf{f}_0(\mathbf{f} \mathbf{f}') \subset (\bullet)A(\mathbf{a} \mathbf{a}')$$

$$2) K(\mathbf{k}' \mathbf{k}) = \mathbf{h}_0 \cap \mathbf{f}_0, (\mathbf{k}' \mathbf{k}) \perp [\mathbf{o}x]$$

$$3) (\bullet)K \perp P, (\bullet)\mathbf{k}' \perp \mathbf{f}' \wedge (\bullet)\mathbf{k} \perp \mathbf{h}$$

$$4) |KD| = [k d_0]$$

$$5) |KE| = [k e_0] = 20 \text{ mm}$$

$$6) (\bullet)E \in \mathbf{h}_1 \cap V = N_V(\mathbf{n}_v, \mathbf{n}_v')$$

$$7) \mathbf{n}_v' \in Q_v \parallel \mathbf{f}' \wedge Q_H \parallel \mathbf{h}$$

$$8) Q \parallel P \wedge |QP| = 20 \text{ mm.}$$

To'rtinchi bobga doir testlar

1. Umumiy vaziyatdagi ikki tekislikning kesishish chiziq'ini aniqlash uchun nechta nuqta topish kifoya?

- A) to'rtta B) bitta D) uchta E) ikkita

2. Umumiy vaziyatdagi uchburchak tekislikning qaysi proyeksiyasi to'g'ri chiziq bo'lib proyeksiyalanadi?

- A) gorizontal B) **hech qaysi** D) frontal E) profil
proyeksiyasi **proyeksiyasi** proyeksiyasi proyeksiyasi

Mustahkamlash uchun savollar

1. Fazoda to'g'ri chiziq va tekislik qanday vaziyatlarda bo'lishi mumkin?

2. To'g'ri chiziqning xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishish nuqtasi qanday chiziladi?

3. Fazoda ikki tekislik qanday vaziyatlarda bo'lishi mumkin?

4. Xususiy va umumiy vaziyatdagi tekisliklarning kesishuv chizig'i qanday aniqlanadi?

5. Xususiy va umumiy vaziyatdagi tekisliklarning kesishuv chizig'i to'g'risida qanday xulosalar qilish mumkin?

6. Umumiy vaziyatdagi ikki tekisliklarning kesishuv chizig'i qanday aniqlanadi?

7. Umumiy vaziyatdagi ikki tekisliklarning kesishuvi to'g'risida qanday xulosa qilish mumkin?

8. Yordamchi tekisliklar sifatida qanday tekisliklar olinadi?

9. Umumiy vaziyatdagi tekislik bilan umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning kesishuv nuqtasini aniqlashda qanday shartlar bajariladi?

10. To'g'ri chiziqning tekislikka perpendikularligi qanday ta'riflanadi?

11. Ikki tekislikning o'zaro perpendikularligi qanday ta'riflanadi?

12. To'g'ri chiziqni tekislikka parallelligi qanday ta'riflanadi?

13. Ikki tekislikning o'zaro parallelligi qanday ta'riflanadi?

14. Parallel tekisliklarning bir nomli izlari epyurada qanday bo'ladi?

V bob. PROYEKSIYALARNI QAYTA QURISH USULLARI

Geometrik elementlarning umumiy vaziyatdan xususiy vaziyatga keltirishga **epyurni qayta tuzish usuli** deyiladi.

Chizma geometriyada quyidagi usullar mavjud:

1. Proyeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli. Bu usulda geometrik elementlar qo'zg'almas bo'lib, proyeksiyalar tekisliklari bir yoki bir necha yangi proyeksiyalar tekisliklari bilan almashtiriladi.

2. Aylantirish usuli. Bu usulda proyeksiyalar tekisliklari qo'zg'almas bo'lib, geometrik elementlar bizga qulay holatga, ya'ni xususiy vaziyatga kelguncha o'q atrofida aylantiriladi.

Joylashtirish usuli (tekislik o'z izlari atrofida aylantiriladi) aylantirish usulining xususiy holidir.

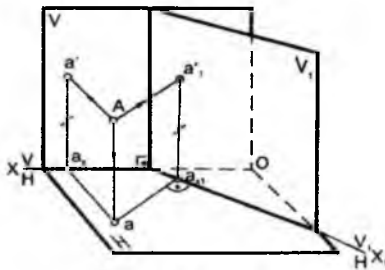
5.1. Proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli

Bu usulda bir sistema ikkinchi sistema bilan quyidagi sxema bo'yicha almashtiriladi.

Bir marta almashtirilganda:

$$X \ V/H \Rightarrow X_1 \ V_1/H \text{ yoki } X \ V/H \Rightarrow X_1 \ V/H_1$$

Eski sistemadan yangi sistemaga o'tish uchun frontal proyeksiyalar tekisligi V_1 ni olamiz. $V_1 \perp H$ bo'lishi shart (5.1 - chizma).



5.1 - chizma.

Fazoda A nuqta olib eski sistemaga proyeksiyalaymiz, so'ng yangi frontal proyeksiyalar tekisligi V_1 ga proyeksiyalaymiz.

$X\ V/H$ – eski sistema.

X – eski proyeksiyalar o‘qi.

$X_1\ V_1/H_1$ – yangi sistema.

V_1 – yangi frontal proyeksiyalar tekisligi.

$V_1 \cap H = X_1$ – yangi proyeksiyalar o‘qi.

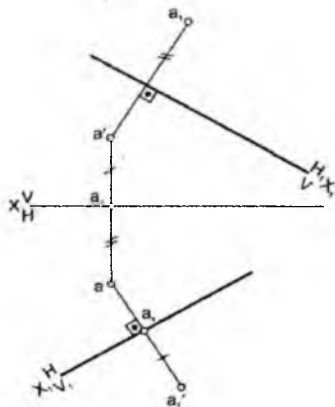
(•) A – fazodagi nuqta.

a – fazodagi A nuqtaning gorizontaal proyeksiyasi.

a' – fazodagi A nuqtaning frontal proyeksiyasi.

a_1' – fazodagi A nuqtaning yangi frontal proyeksiyasi.

A nuqtaning epyuri 5.2 - chizmada keltirilgan.



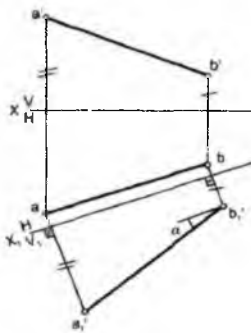
5.2 - chizma.

Nuqtaning yangi frontal proyeksiyasini topish uchun fazodagi A nuqtaning gorizontaal proyeksiyalar tekisligigacha bo‘lgan masofasi yangi o‘qdan o‘lchab qo‘yiladi.

$$\text{Ya'ni: } [a_1', a_{X_1}] = [a', a_X]$$

Misol: $|AB|$ kesmaning haqiqiy kattaligi topilsin (5.3 - chizma).

Berilgan: $[AB]$
 Topish kerak: $|AB|$



5.3 - chizma.

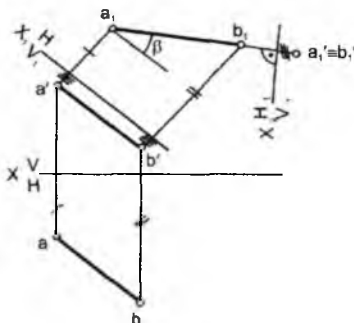
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi.

$$1) V \rightarrow V_1, X_1 \parallel [a b]$$

$$2) [a_1' b_1'] = [AB], [A_1 B_1] \parallel V_1, \angle \alpha = [AB] \wedge H$$

Misol: Berilgan $[AB]$ to'g'ri chiziq frontal proyeksiyalar tekisligi V ga proyeksiyalovchi holatga keltirilsin (5.4 - chizma).

Berilgan: $[AB]$
 Topish kerak:
 $[A_1 B_1] \perp V_1$



5.4 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) H \rightarrow H_1, X_1 \parallel [a' b'], [A_1 B_1] \parallel H_1$$

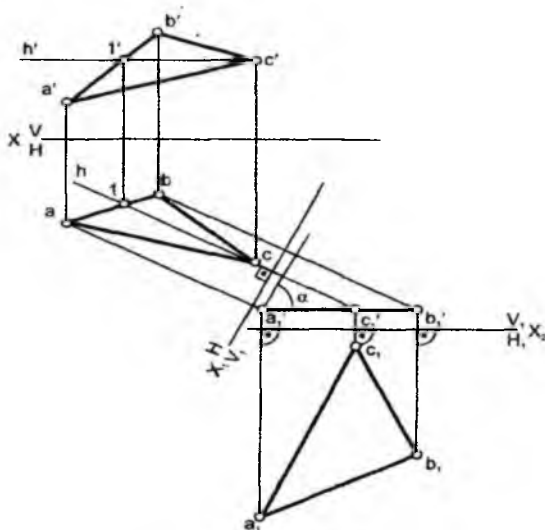
$$2) V \rightarrow V_1, X_2 \perp [a_1 b_1], [A_1 B_1] \perp V_1$$

5-epyurni berishdan avval xususiy vaziyatdagi uchburchak tekisligining haqiqiy ko'rinishini topish o'rinni.

Masalalarni yechish algoritmi

Misol: ΔABC ning haqiqiy ko'rinishi topilsin (5.5 - chizma). Bu misol talabalarning (5-epyur) mustaqil-grafik ishlari bo'lib, **A**, **B**, **C** nuqtalarning (**X**, **Y**, **Z**) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.

Berilgan: $P(\Delta ABC)$	№	X	Y	Z
	A	60	30	10
Topish kerak: $ \Delta ABC $	B	30	10	40
	C	10	40	20



5.5 - chizma.

5 - epyur quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $h_0(h h') \subset (\bullet)C(c c')$, $h' \parallel [ox]$
- 2) $V \rightarrow V_1$, $(\Delta A_1 B_1 C_1) \perp V_1$,
- 3) $H \rightarrow H_1$, $X_2 \parallel (a_1' b_1' c_1')$
- 4) $(\Delta A_1 B_1 C_1) \parallel H$, $(\Delta a_1 b_1 c_1) = |\Delta ABC|$

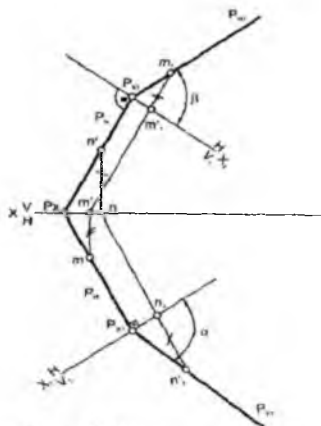
Misol: Izlari bilan berilgan **P** tekislikning gorizontalar proyeksiyalar tekisligi **H** va frontal proyeksiyalar tekisligi **V** bilan hosil qilgan burchaklari topilsin (5.6 - chizma).

Berilgan: $P(P_H, P_V)$

Topish kerak:

$\angle \alpha = P \wedge H$,

$\angle \beta = P \wedge V$



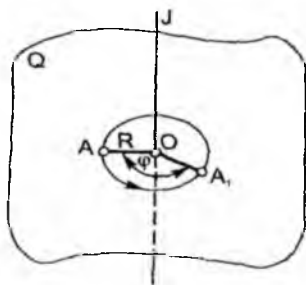
5.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi.

- | | |
|---|---|
| 1) $V \rightarrow V_1, X_1 \perp P_H$, | 1) $H \rightarrow H_1, X_1 \perp P_V$, |
| 2) $N(n, n') \in P_V$ | 2) $M(m, m') \in P_H$ |
| 3) $N \rightarrow N_1(n_1, n_1')$ | 3) $M \rightarrow M_1(m_1, m_1')$ |
| 4) $P_{X1} \cup n_1' = P_{V1}$ | 4) $P_{X1} \cup m_1 = P_{H1}$ |
| 5) $\angle \alpha = P \wedge H$, | 5) $\angle \beta = P \wedge V$ |

5.2. Aylantirish usuli

Fazodagi A nuqtani J aylantirish o'qi atrofida aylantirish 5.7-chizmada keltirilgan.

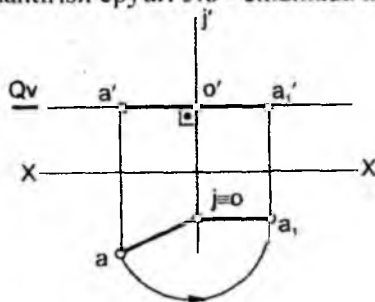


5.7 - chizma.

- J – aylantirish o‘qi, u bo‘lishi mumkin $J \perp H, J \perp V, J \parallel H, J \parallel V$.
 Q – aylantirish tekisligi, u bo‘lishi mumkin $Q \perp H, Q \perp V, Q \parallel H, Q \parallel V$.
 Aylantirish tekisligi va aylantirish o‘qi doim o‘zaro perpendikular
 $Q \perp J$ va $J \cap Q = O$
 O – aylantirish markazi.
 A – fazodagi nuqta
 R – aylantirish radiusi, $[OA] = R$
 A_1 – A nuqtaning yangi vaziyati,
 φ – A nuqtaning burilish burchagi.

$$(\bullet)A \xrightarrow{J \perp H} (\bullet)A_1$$

A nuqtaning aylantirish epyuri 5.8 - chizmada keltirilgan.



5.8 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

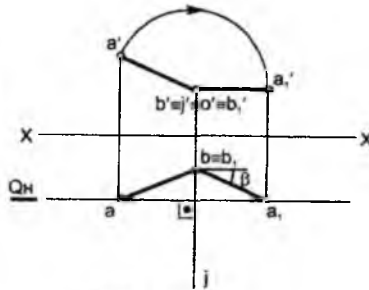
- 1) $(\bullet)A \in Q \perp J \wedge Q \parallel H, Qv \parallel [ox]$
- 2) $J \cap Q = O(o', o)$
- 3) $O \cup A = [OA] = R = [oa]$

Agar nuqta gorizontaal proyeksiya tekisligi H ga perpendikular o‘q atrofida aylantirilsa, nuqtaning gorizontaal proyeksiyasi aylana bo‘ylab, frontal proyeksiyasi esa, $[ox]$ o‘qiga parallel to‘g‘ri chiziq bo‘ylab harakatlanadi.

Agar nuqta frontal proyeksiya tekisligi V ga perpendikular o‘q atrofida aylantirilsa, nuqtaning frontal proyeksiyasi aylana bo‘ylab, gorizontaal proyeksiyasi esa, $[ox]$ o‘qiga parallel to‘g‘ri chiziq bo‘ylab harakatlanadi.

Misol: $[AB]$ kesmaning haqiqiy uzunligi topilsin (5.9-chizma).

Berilgan: $[AB]$
Topish kerak: $|AB|$



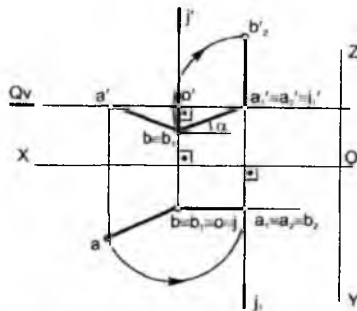
5.9 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$J \perp V, Q \parallel V, \angle \beta = [AB] \wedge V$$

Misol: $[AB]$ to'g'ri chiziq $[OZ]$ proyeksiya o'qiga parallel holatga kelguncha aylantirilsin. (5.10 - chizma).

Berilgan: $[AB]$
Topish kerak:
 $[AB] \parallel [OZ]$



5.10 - chizma.

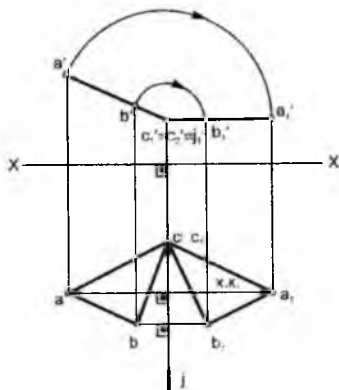
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $[AB] \xrightarrow{J_{\perp H}} [A_1B_1]$ va $|(a_1'b_1')| = |AB|, \angle \alpha = [AB] \wedge H$
- 2) $[A_1B_1] \xrightarrow{J_{\perp V}} [A_2B_2] \parallel [OZ]$

Misol: ABC uchburchakning haqiqiy ko'rinishi topilsin (5.11 - chizma).

Berilgan:
 $(\Delta ABC) \perp V$

Topish kerak:
 $|\Delta ABC|$



5.11 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

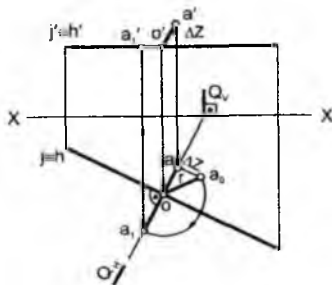
$$(\Delta ABC) \xrightarrow{\text{rot}} J_{\perp V} \rightarrow (\Delta A_1 B_1 C_1) \parallel H$$

5.3. Gorizontaal yoki frontal chiziq atrofida aylantirish.

A nuqtani gorizontaal chiziq atrofida aylantirish 5.12-chizmada keltirilgan.

Berilgan:
 $J \parallel H \wedge (\bullet)A$

Topish kerak:
 $(\bullet)A \xrightarrow{\text{rot}} J_{\parallel H} \rightarrow (\bullet)A_1$



5.12 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $(\bullet)A \in Q \perp J$
- 2) $Q \cap J = O$
- 3) $[O A_0] = R$

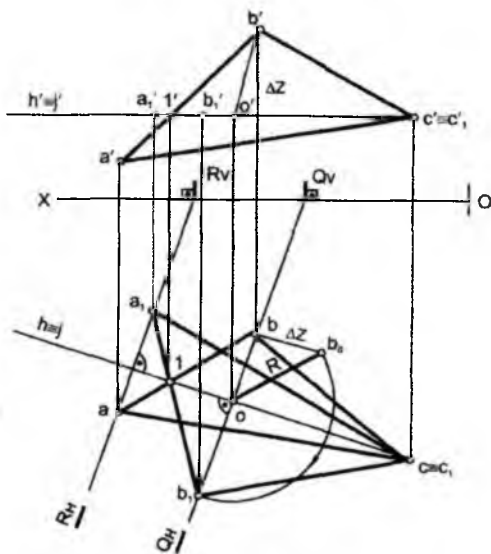
Misol: Berilgan ΔABC ni gorizontali yoki frontal chiziq atrofida aylantirib, haqiqiy ko'rinishi topilsin (5.13-chizma). Bu misol talabalarning (6 - epyur) uy - grafik ishlari bo'lib, **A, B, C** nuqtalarning (**X, Y, Z**) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.

Berilgan: $P(\Delta ABC)$

Topish kerak: $|\Delta ABC| - ?$

No	X	Y	Z
A	70	30	10
B	40	15	40
C	10	40	20

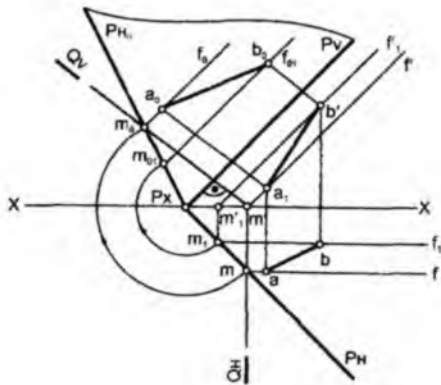
$$(\Delta ABC) \xrightarrow{J_{\parallel H}} (\Delta A_1 B_1 C_1) = |\Delta ABC|$$



5.13 - chizma.

6 - epyur quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $h_0(h, h') \subset (\bullet)C(c, c'), h' \parallel [ox]$
- 2) $(\bullet)C \in J_{\parallel H} \rightarrow C_1 \equiv C$
- 3) $(\bullet)B \in J_{\parallel H} \rightarrow B_1$
- 4) $(\bullet)A \in J_{\parallel H} \rightarrow A_1$
- 5) $(\bullet)A_1 \cup (\bullet)B_1 \cup (\bullet)C_1 \rightarrow (\Delta A_1 B_1 C_1) = |\Delta ABC|$



5.15 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $f_0(f, f') \in (\bullet)A \Rightarrow a', f_1(f_1, f_1') \in (\bullet)B \Rightarrow b'$
- 2) $P \curvearrowright J_{PV} \rightarrow P_1 \subset V$
- 3) $(\bullet)M \curvearrowright J_{PV} \rightarrow (\bullet)M_0$
- 4) $(\bullet)M_1 \curvearrowright J_{PV} \rightarrow (\bullet)M_{10}$
- 5) $f_0 \parallel P_V, [a_0 b_0] = |AB|$

5.5. Xususiy vaziyatdagi tekisliklarni joylashtirish

Frontal proyeksiyalovchi P tekislik o'z gorizontal izi atrofida aylantirilsin (5.16 - chizma).

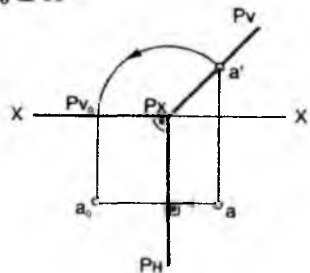
$$P \curvearrowright J_{PH} \rightarrow P_{V0} \subset H$$

Berilgan:

$$P(P_H, P_V) \perp V$$

Topish kerak:

$$\angle \varphi = P_V \wedge P_H = 90^\circ$$



5.16 - chizma.

Gorizontal proyeksiyalovchi Q tekislik o'z gorizontal izi atrofida aylantirilsin (5.17 - chizma).

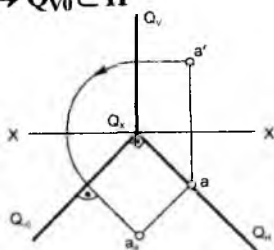
Berilgan:

$$Q(Q_H, Q_V) \perp H$$

Topish kerak:

$$\angle \varphi = Q_V \wedge Q_H = 90^\circ$$

$$Q \curvearrowright J_{QH} \rightarrow Q_{V0} \subset H$$



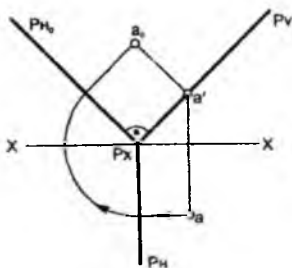
5.17 - chizma.

Frontal proyeksiyalovchi P tekislik o'z frontal izi atrofida aylantirilsin (5.18-chizma).

$$P \curvearrowright J_{PV} \rightarrow P_{H0} \subset V$$

Berilgan: $P(P_H, P_V) \perp V$

Topish kerak: $\angle \varphi = P_V \wedge P_H = 90^\circ$



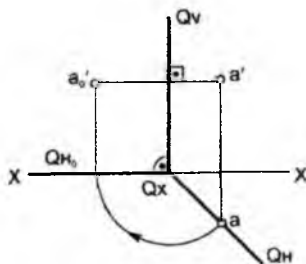
5.18 - chizma.

Horizantal proyeksiyalovchi Q tekislik o'z frontal izi atrofida aylantirilsin (5.19 - chizma).

$$Q \curvearrowright J_{QV} \rightarrow Q_{H0} \subset H$$

Berilgan: $Q(Q_H, Q_V) \perp H$

Topish kerak: $\angle \varphi = Q_V \wedge Q_H = 90^\circ$



5.19 - chizma.

Beshinchi bobga doir testlar

1. Geometrik elementni almashtirish usulining mohiyati nimada?

- | | | | |
|------------------------------------|--|---------------------------------------|---|
| A) geometrik element aylantiriladi | B) geometrik element o'z holatini o'zgartiradi | D) proyeksiyalar tekisligi o'zgaraydi | E) geometrik element o'z holatini o'zgartirmaydi |
|------------------------------------|--|---------------------------------------|---|

2. Geometrik elementni aylantirish usulining mohiyati nimada?

- | | | | |
|---|------------------------------------|--|---------------------------------|
| A) geometrik element qo'zg'aladi | B) geometrik element qo'zg'almaydi | D) proyeksiyalar tekisligi o'z holatini o'zgartiradi | E) aylantirish o'qi qo'zg'aladi |
|---|------------------------------------|--|---------------------------------|

3. Aylantirish usulida, aylantirish o'qi va aylantirish tekisligi xolatlari o'zaro qanday?

- | | | | |
|--------------|-------------|-------------------------|-----------|
| A) ixtiyoriy | B) parallel | D) perpendikular | E) ayqash |
|--------------|-------------|-------------------------|-----------|

Mustahkamlash uchun savollar

1. Proyeksiyalarni qayta tuzishning qanday usullarini bilasiz?

2. Proyeksiya tekisliklarini almashtirish usuli deb nimaga aytiladi?

3. Almashtirish usulida proyeksiya tekisliklarini vaziyati qanday bo'ladi?

4. Almashtirish usulining mohiyati nimadan iborat?

5. Proyeksiya tekisliklarini almashtirish usulida proyeksiyalar tekisligi necha marta almashtirilishi mumkin?

6. Proyeksiya tekisliklarini almashtirish usulida fazodagi geometrik elementning vaziyati o'zgaradimi?

7. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqni haqiqiy kattaligini topish uchun proyeksiya tekisligi necha marta almashtiriladi?

8. Xususiy vaziyatdagi proeksiyalovchi tekislikni haqiqiy kattaligini topish uchun proyeksiya tekisligi necha marta almashtiriladi?

9. Umumiy vaziyatdagi tekislikni haqiqiy kattaligini topish uchun proyeksiya tekisligi necha marta qayta tuziladi?

10. Aylantirish usulining mohiyati nimadan iborat?

11. Fazodagi nuqtani aylantirish uchun qanday aylantirish elementlari zarur?

12. Aylantirish o'qi proeksiya tekisliklariga nisbatan qanday vaziyatlarda bo'lishi mumkin?

13. Aylantirish tekisligi proyeksiya tekisliklariga nisbatan qanday vaziyatlarda bo'lishi mumkin?

14. Aylantirish tekisligi va aylantirish o'qi doim o'zaro qanday holatda bo'ladi?
15. Aylantirish radiusi deb qanday masofaga aytiladi?
16. Aylantirish markazi qanday hosil qilinadi?
17. Tekislikning bosh chiziqlaridan qaysi biri atrofida aylantirish mumkin?
18. Frontal proyeksiyalovchi tekislikni frontal proyeksiyalovchi o'q atrofida aylantirilsa, u qaysi proyeksiyalar tekisligiga parallel vaziyatga keladi?
19. Umumiy vaziyatdagi tekislikni frontal chiziq atrofida aylantirilsa u qaysi proyeksiyalar tekisligiga parallel vaziyatga keladi?
20. Joylashtirish usuli deb nimaga aytiladi?
21. Joylashtirish usulida aylantirish o'qi sifatida tekislikning qanday izlari olinishi mumkin?
22. Umumiy vaziyatdagi tekislik gorizontal proyeksiya tekisligiga joylashtirilsa, aylantirish o'qi sifatida tekislikni qaysi izi olinadi?
23. Xususiy vaziyatdagi tekisliklarni izlari orasidagi burchak har doim necha gradusga teng bo'ladi?
24. Umumiy vaziyatdagi tekisliklar joylashtirilsa, izlari orasidagi burchak har doim necha gradusdan farqli bo'ladi?

VI bob. SIRTLAR

Birorta chiziq ma'lum bir qonunga muvofiq fazoda harakat qilsa, sirtlar hosil bo'ladi. Bunda harakat qiluvchi chiziq **yasovchi** deb ataladi va u o'zgarmas bo'lishi yoki cheksiz o'zgarib borishi mumkin. Yasovchi chiziqning harakatini belgilovchi chiziqlar **yo'naltiruvchi chiziq** deb ataladi.

6.1. Sirtlarning tasnifi

Sirtlar o'z yasovchilarining tavsifiga qarab ikkiga bo'linadi:

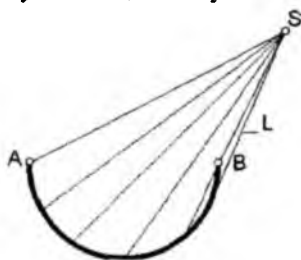
1. To'g'ri chizikli sirtlar.
2. Egri chizikli sirtlar.

To'g'ri chizikli sirtlar. To'g'ri chizikli sirtlarning yasovchilari to'g'ri chiziq bo'lib, shu to'g'ri chiziqning harakatlanishi natijasida to'g'ri chizikli sirtlar hosil bo'ladi. Sirtlarning yasovchilari o'zaro parallel yoki kesishuvchi bo'lsa, u holda bu sirtlar to'g'ri chizikli yoyiluvchi sirtlar deyiladi. Ularga konus, piramida, silindr va prizma sirtlari kiradi [2].

6.2. Konus sirti

Umumiy holda konus sirti yo'naltiruvchi egri chiziq va konus uchi orqali beriladi (6.1-chizma).

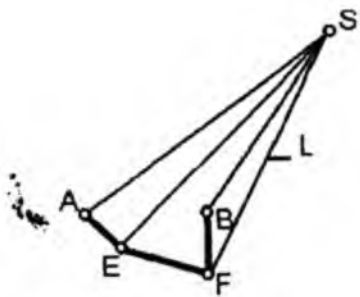
S – konus uchi, L – yasovchi, AB – yo'naltiruvchi.



6.1 - chizma.

* George Young. *Descriptive Geometry*. London, 2013, page 158

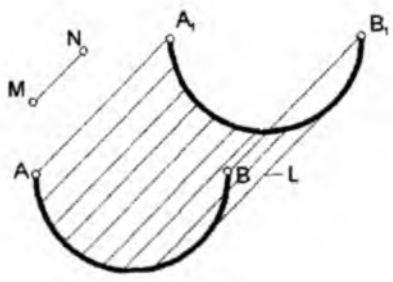
Agar yo'naltiruvchi sinik chiziq bo'lsa, piramida hosil bo'ladi (6.2 - chizma).



6.2 - chizma.

6.3. Silindr sirti

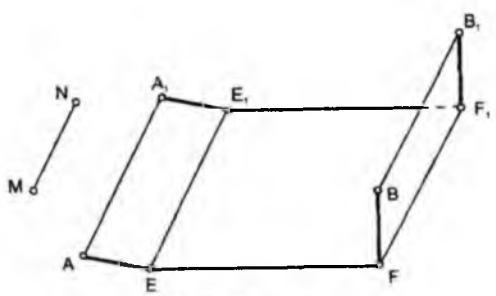
Umumiy holda silindr sirti yo'naltiruvchi egri chiziq va yasovchilarning yo'nalishi bilan beriladi (6.3 - chizma).



L – yasovchi;
 MN – yasovchining yo'nalishi;
 AB va A_1B_1 – yo'naltiruvchi egri chiziq.

6.3–chizma.

Agar yo'naltiruvchi sinq chiziq bo'lsa, prizma hosil bo'ladi (6.4 - chizma).

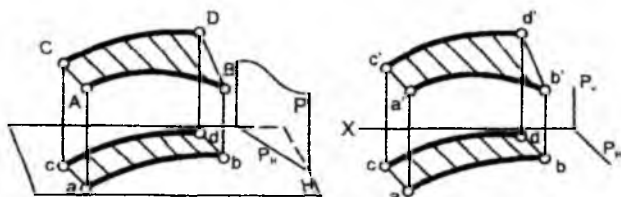


6.4 - chizma.

6.4. Yoyilmaydigan chizikli sirtlar

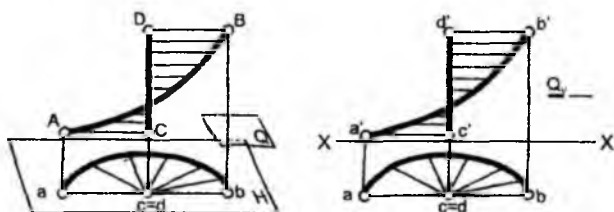
Sirtlarning yasovchilari o'zaro ayqash bo'lsa, u holda bu sirtlar **yoyilmaydigan chizikli sirtlar** deyiladi. Ularga silindroid, konoid, giperboloik paraboloid yoki qiyshiq tekisliklar kiradi.

Silindroid. Bu sirt to'g'ri chizikli yasovchining hamma vaqt berilgan tekislikka parallel bo'lgan holda, ikkita yo'naltiruvchi egri chiziqqa tegib, harakat qilishidan hosil bo'ladi (6.5 - chizma).



6.5 - chizma.

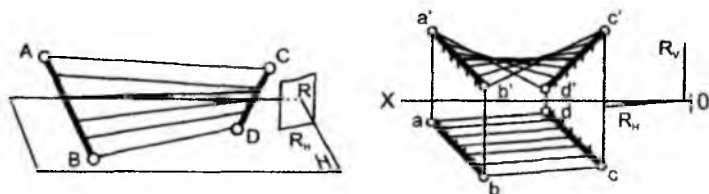
Konoid. Bu sirt to'g'ri chizikli yasovchining hamma vaqt berilgan tekislikka parallel bo'lgan holda, yo'naltiruvchi to'g'ri chiziq va egri chiziqqa tegib, harakat qilishi natijasida hosil bo'ladi (6.6 - chizma).



6.6 - chizma.

Giperboloik paraboloid yoki qiyshiq tekislik

Bu sirt to'g'ri chizikli yasovchining hamma vaqt berilgan tekislikka parallel bo'lgan holda, ikkita yo'naltiruvchi to'g'ri chiziqqa tegib, harakat qilishi natijasida hosil bo'ladi (6.7 - chizma).



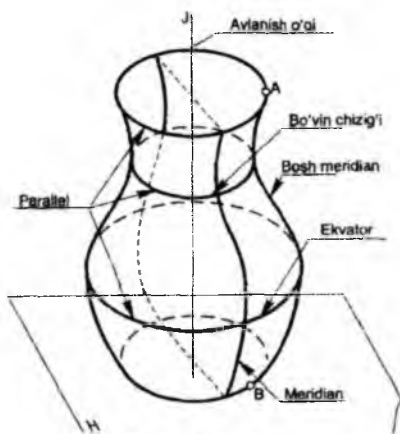
6.7 - chizma.

Egri chiziqli sirtlarning yasovchilari egri chiziq bo'lib, shu egri chiziqning harakatlanishi natijasida egri chiziqli sirtlar hosil bo'ladi. Ularga shar (sfera), tor, halqa, aylanma ellipsoid, aylanma paraboloid sirtlari kiradi. Egri chiziqli sirtlar aniq yoyilmaydi.

6.5. Aylanish sirtlari

Aylanish sirtlari biror yasovchi egri (**AB**) chiziqning (xususiy holda to'g'ri chiziqning) biror qo'zg'almas o'q atrofida aylanma harakati natijasida hosil bo'ladi. Bu yerda yasovchi egri chiziq tekis yoki fazoviy bo'lishi mumkin.

Aylanish sirtlari, yasovchi chizig'i (**AB**) va aylanish o'qi bilan beriladi (6.8-chizma). Yasovchi chiziq o'q atrofida aylanganda, uning har bir nuqtasi aylana chizadi. Aylana tekisligi esa aylanish o'qiga perpendikular bo'ladi. Bu aylanalarda aylanish sirtining **parallellari** deb ataladi.



6.8 - chizma.

Chizmada ko'pincha aylanish sirtlarining o'qi proyeksiyalar tekisliklaridan biriga (ko'proq **H** ga) perpendikular qilib olinadi. Bunda hamma parallellar **H** ga parallel joylashadi va unga aylanalarda ko'rinishda proyeksiyalanadi.

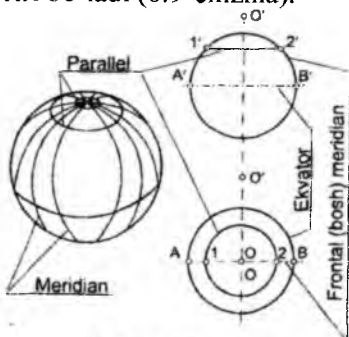
Aylanish o'qi orqali o'tgan tekislik **meridian tekisligi** deyiladi. Meridian tekisligi bilan aylanish sirtining kesishgan egri chizig'i (xususiy holda to'g'ri chizig'i) **meridian** deb ataladi. Agar meridian tekisligi frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, bunday tekislik

bosh yoki **asosiy meridian** tekisligi deyiladi. Bu tekislik bilan aylanish sirtining kesishgan egri chizig‘i **bosh** yoki **asosiy meridian chizig‘i** deb ataladi.

Bosh meridianning frontal proyeksiyasi aylanish sirtining **frontal qiyofasini** aniqlaydi. Bosh meridianning eng katta parallel bilan kesishish nuqtasi orqali o‘tkazilgan urinma chiziq aylanish o‘qiga parallel bo‘lsa, bunday eng katta parallel **ekvator** deb ataladi. Bosh meridianning eng kichik parallel bilan kesishish nuqtasi orqali o‘tkazilgan urinma aylanish o‘qiga parallel bo‘lsa, bunday eng kichik parallel **bo‘yin chizig‘i** deyiladi. Ko‘pincha aylanish sirtlarining ekvatori va bo‘yin chizig‘ining gorizontaal proyeksiyasi aylanish sirtining gorizontaal qiyofasini aniqlaydi.

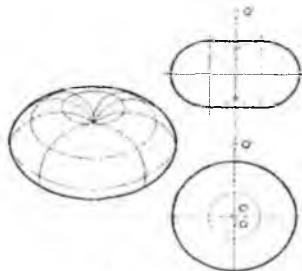
Aylanish sirtlarining quyidagi asosiy turlari mavjuddir:

Shar – bunda yasovchi egri chiziq aylana shaklida bo‘lib, aylanish o‘qi aylananing diametri bo‘ladi (6.9-chizma).



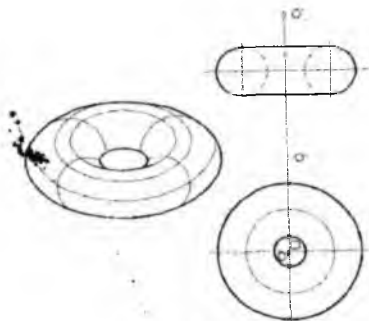
6.9 - chizma.

Tor – bunda yasovchi egri chiziq aylana shaklida bo‘lib, aylanish o‘qi aylana tekisligida yotadi, lekin aylana markazi orqali o‘tmaydi (6.10-chizma).



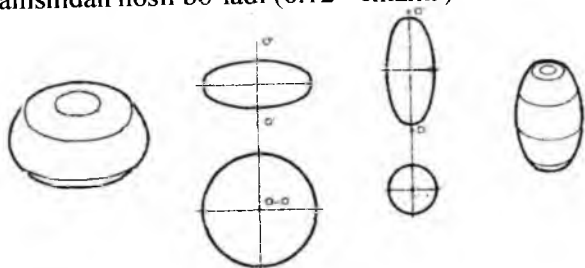
6.10 - chizma.

Halqa – bunda aylanish o‘qi aylanadan tashqarida bo‘ladi (6.11-
chizma).



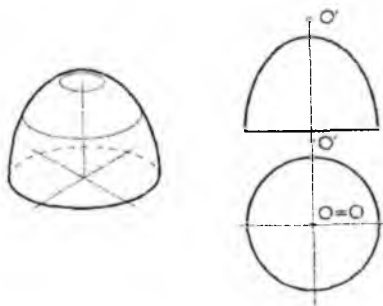
6.11 - chizma.

Aylanma ellipsoid – bu sirt ellipsni uning katta yoki kichik o‘qi
atrofida aylanishidan hosil bo‘ladi (6.12 - chizma).



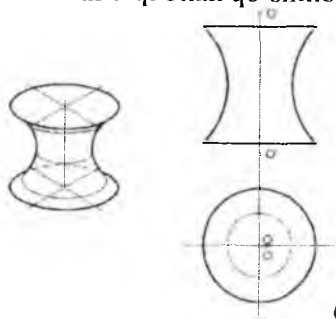
6.12 - chizma.

Aylanma paraboloid – parabolaning o‘z o‘qi atrofida aylanishidan
hosil bo‘ladi (6.13- chizma).



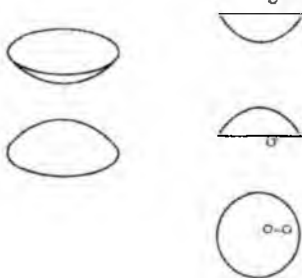
6.13 - chizma.

Bir pallali aylanma giperboloid – bu sirta aylanish o‘qi giperbolaning mavhum o‘qi bilan qo‘shilib qoladi (6.14-chizma).



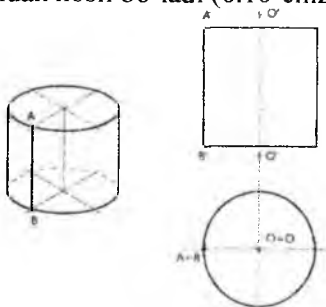
6.14 - chizma.

Ikki pallali aylanma giperboloid – bu sirta giperbolaning o‘z haqiqiy o‘qi atrofida aylanishidan hosil bo‘ladi (6.15-chizma).



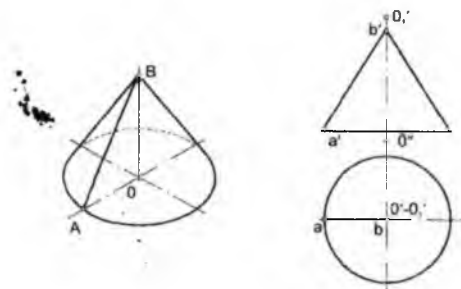
6.15 - chizma.

Aylanma silindr – bu sirta biror to‘g‘ri chiziqni aylanish o‘qiga parallel harakat qilishidan hosil bo‘ladi (6.16-chizma).



6.16 - chizma.

Aylanma konus – bu sirtida to‘g‘ri chiziqning aylanish o‘qi bilan kesishgan holda aylanma harakat qilishidan hosil bo‘ladi (6.17-chizma).



6.17 - chizma.

Aylanma silindr bilan aylanma konusgina tekislik ustida yoyilishi mumkin, qolgan aylanish sirtlari yoyilmaydi.

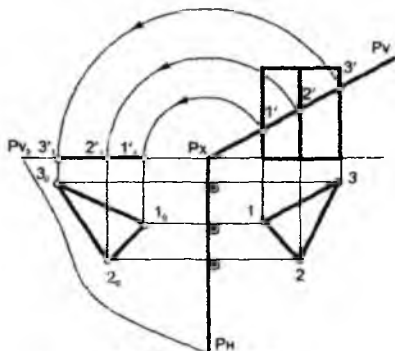
6.6. Sirtlarni xususiy vaziyatdagi tekisliklar bilan kesishishi

6.6.1. Prizmani xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi

Prizmaning tekislik bilan kesishish chizig‘i prizma qirralarini tekislik bilan uchrashish nuqtalari orqali yoki tekislikning prizma qirralari bilan kesishgan nuqtasini aniqlash yordamida topiladi. Bu masala to‘g‘ri chiziqning tekislik bilan uchrashishi yoki ikki tekislikning kesishishi mavzulari yordamida yechiladi.

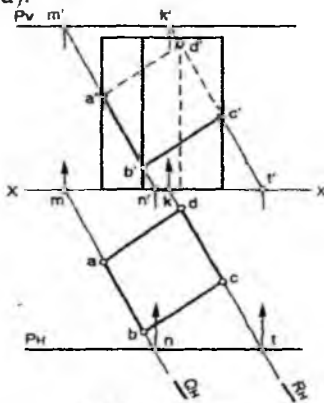
Prizma xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesilganda kesim chizig‘ining nuqtalari prizma qirralarining tekislik bilan uchrashishidan hosil bo‘ladi. Bunda kesilish chizig‘ining bir proyeksiyasi xususiy vaziyatdagi tekislikning iziga tushadi.

Misol: To‘g‘ri uchburchakli prizmaning frontal proyeksiyalovchi tekislik bilan kesishish chizig‘i va uning haqiqiy ko‘rinishi topilsin (6.18-chizma). Bu misol talabalarning 7,8-epyuri bo‘lib, talabalar chizmaning berilishini variant asosida ko‘rgazmali stenddan olib chizadilar.



6.18 - chizma.

Misol: Profil proyeksiyasidan foydalanmay, berilgan to'g'ri prizma sirti bilan $P(P_H, P_V)$ tekislikning kesishgan chizig'i proyeksiyalari chizilsin (6.19 - chizma).



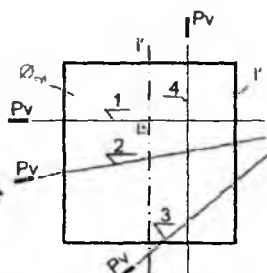
6.19 - chizma.

6.6.2. Silindrning tekislik bilan kesishishi

Silindr tekislik bilan kesilganda quyidagi silindr kesimlari hosil bo'ladi (6.20 - chizma).

\emptyset_S – silindr sirti. J – silindr o'qi. P – kesuvchi tekislik.

- 1) $P \perp J \Rightarrow P \cap \emptyset_S$ – aylana hosil bo'ladi.
- 2) $P \wedge J \Rightarrow P \cap \emptyset_S$ – ellips hosil bo'ladi.
- 3) $P \wedge J \Rightarrow P \cap \emptyset_S$ – ellipsning bir qismi silindrning hamma yasovchilarini kesmagan holda hosil bo'ladi.
- 4) $P \parallel J \Rightarrow P \cap \emptyset_S$ – ikki to'g'ri chiziq hosil bo'ladi.

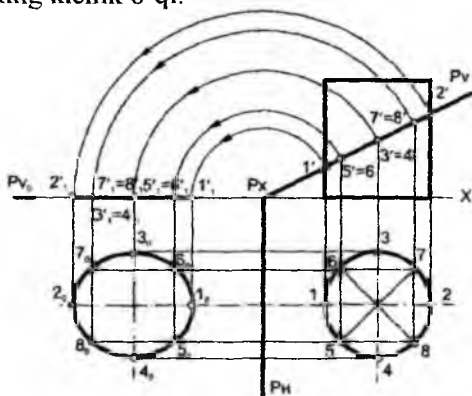


6.20 - chizma.

Misol: Silindrning frontal proyeksiyalovchi P tekislik bilan kesilish chizig'i va uning haqiqiy ko'rinishi aniqlansin (6.21 - chizma).

1.2 – ellipsning katta o'qi.

3.4 – ellipsning kichik o'qi.



6.21 - chizma.

6.6.3. Konusning tekislik bilan kesishishi

Konus tekislik bilan kesilganda quyidagi konus kesimlari hosil bo'ladi (6.22 - chizma).

\emptyset_k – konus sirti. J – konus o'qi. P – kesuvchi tekislik. L – konusning yasovchisi.

α – konusning yasovchilari va o'qi orasidagi burchak.

θ – kesuvchi tekislik va konusning o'qi orasidagi burchak.

1) $\theta = 90^\circ \Rightarrow P \cap \emptyset_k$ – aylana hosil bo'ladi.

2) $\theta > \alpha \Rightarrow P \cap \emptyset_k$ – ellips hosil bo'ladi.

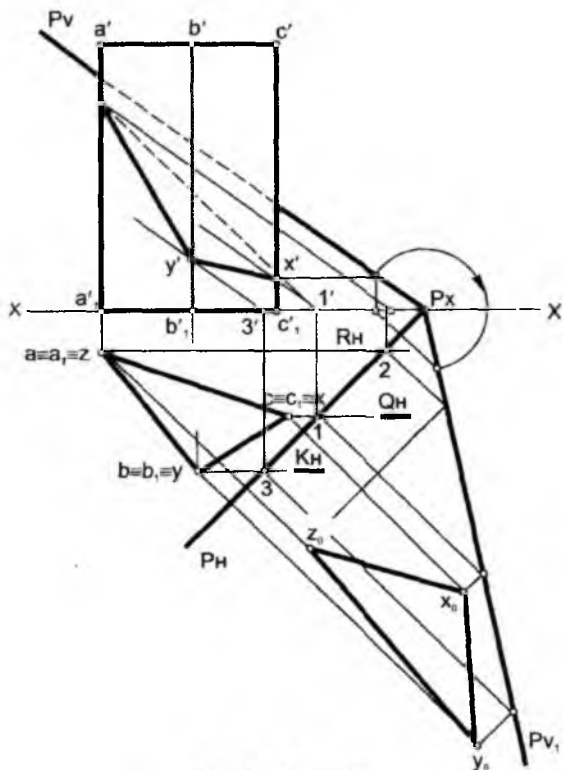
3) $\theta = \alpha \Rightarrow P \cap \emptyset_k$ – parabola hosil bo'ladi.

Misol quyidagi tartibda yechilad:

1) Sirt qirralarini berilgan tekislik bilan kesishgan nuqtalarini topamiz.

2) Topilgan nuqtalarni birlashtiramiz. Hosil bo'lgan chiziq izlangan chiziq bo'ladi.

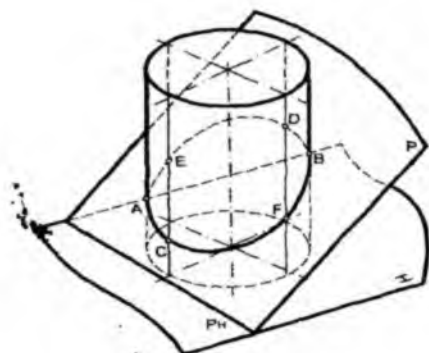
3) Joylashtirish usuli bilan kesim chizig'ining haqiqiy ko'rinishini topamiz.



6.26 - chizma.

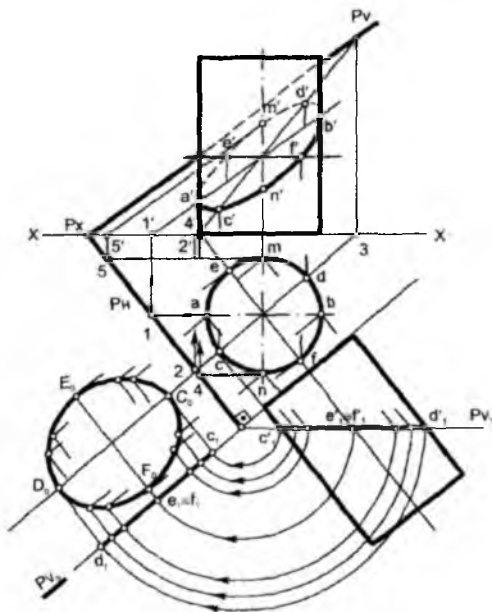
6.7.2. Silindrni umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi

Silindr sirtini umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi quyidagi tartibda bajariladi (6.27, 6.28 - chizma).



6.27 - chizma.

- 1) Silindr sirtida bir qancha yasovchilar o'tkazamiz.
- 2) O'tkazilgan yasovchilarni berilgan P tekislik bilan uchrashgan nuqtalarini topamiz.
- 3) Topilgan nuqtalarni birlashtirsak, izlangan chiziq hosil bo'ladi.
- 4) Joylashtirish usuli bilan kesim chizig'ining haqiqiy ko'rinishini topamiz.



6.28 - chizma.

6.8. Sirtlar va ularning yoyilmalariga oid umumiy tushunchalar

Sirt fazoda ma'lum tartibda harakatlanayotgan qandaydir chiziq izining grafik usulda tasvirlanishi yoki boshqacha qilib aytganda, chiziqning fazodagi hamma holatlari yig'indisidir.

Chizikli sirtlar faqat to'g'ri chiziqning harakatidan emas, balki egri chiziqning ham harakatidan hosil bo'ladi.

Chizikli sirtlar yoyiladigan va yoyilmaydigan sirtlarga bo'linadi. Yoyiladigan sirtlarning yondosh chizikli yasovchilari bir tekislikda yotadi va o'zaro kesishuvchi yoki parallel bo'ladi.

Yoyiladigan sirtlar buklanmasdan, uzilmasdan bir tekislikda yota oladi. Yoyiladigan sirtlarga hamma qirrali, silindrik, konus sirtlar va torlar (qaytish qirra deb ataluvchi fazoviy egri chiziqqa urinma sirtlar) kiradi.

Yoyilmaydigan sirtlar tekislikka biroz deformatsiyalanishi natijasida taxminiy, ya'ni yoyilmaydigan sirtlarning ayrim bo'laklarini yoyiladigan sirtlarning bo'laklari bilan shartli almashtirib joylashtiriladi.

Bir shaklni ikkinchi oddiy shakl bilan bunday almashtirish **approksimatsiya** deyiladi.

Yoyish deb sirtni shunday qayta tuzishga aytiladiki, natijada bu sirt tekislikka joylashadi.

Jism sirtini yoyish davrida hosil bo'lgan yassi shakl **yoyilma** deyiladi.

Yoyilmada quyidagilar o'zgarmay saqlanadi:

- 1) Sirt yotuvchi chiziqlarning uzunliklari.
- 2) Chiziqlar orasidagi burchakning kattaligi.
- 3) Yopiq chiziqlar bilan hosil bo'lgan shakl yuzasi.

Yoyilmada to'g'ri chiziqqa aylanib qolgan, sirtida esa, ikki nuqta orasidagi eng qisqa masofani aniqlovchi chiziq **sirtning geodeziya chizig'i** deyiladi.

Sirtlarning yoyilmasini chizishning asosiy grafik usullari:

- 1) Normal kesim usuli.
- 2) Dumalatib yoyish usuli.
- 3) Uchburchak usuli (triangulatsiya)
- 4) Yordamchi silindrlar usuli.
- 5) Yordamchi konuslar usuli va boshqalar.

Bu usullarning mohiyatlari har birini amalda qo'llaganda ko'riladi.

Fazoning yopiq qirrali yoki egri chiziqli sirt va tekislik bilan chegaralangan qismiga **jism** deyiladi. Jismlarning nomlari, ularning geometrik xususiyatlari, shu nomdagi geometrik jism sirtlari yoyilmasini grafik usulda chizilayotganda yoritib boriladi.

6.9. Geometrik jismlar va sirtlarning ta'riflari va ularning yoyilmasini grafik usulda chizish

6.9.1. Prizma sirtiga oid ta'riflar

Prizma deb, asoslari–bir nomli ko'pburchaklikning ikki yoqlari parallel tekisliklarda yotuvchi va shu tekisliklarda yotmagan har qanday ikki qirralari o'zaro parallel bo'lgan ko'pyoqlikka aytiladi.

Prizmaning asoslari deb, bir nomli ko'pburchakliklari parallel tekisliklarda yotuvchi ikki yoqiga aytiladi.

Prizmaning boshqa barcha yoqlari parallelogrammdir. Parallelogrammlarni **prizmaning yon yoqlari** deyiladi. Prizma barcha yon yoqlarining birlashmasi prizma yon yoqining sirti deyiladi. Prizmalar to'g'ri va og'ma bo'ladilar. **To'g'ri prizma** deb, yon qirralari prizma asosining tekisligiga perpendikular bo'lgan prizмага aytiladi. Agar yon qirralari prizma asosining tekisligiga perpendikular bo'lmasa, bunday prizma **og'ma prizma** deb ataladi. **Prizmaning balandligi** deb, prizma asoslari tekisliklariga bir uchi bilan tegib turgan perpendikularga aytiladi. **Muntazam prizma** deb, asosi muntazam ko'pburchaklikdan iborat bo'lgan to'g'ri prizмага aytiladi.

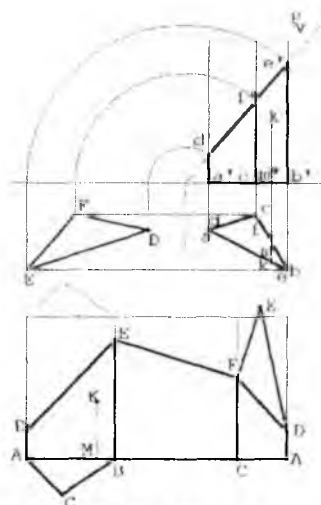
6.9.2. Prizmatik sirtlarning yoyilmasi

Ko'pyoqlikning yoyilmasini chizish uchun, avvalo uning qirralarini haqiqiy o'lchamlari topiladi, so'ngra chizmada biron usul bilan chiziladi.

To'g'ri prizma sirtining yoyilmasi. Yon yoqlari asosiga perpendikular ko'pburchak (uchburchak, to'rtburchak) dan iborat bo'lgan prizмага **to'g'ri prizma** deyiladi.

Prizmaning nomi yon yoqlarining soniga (uchyoqli, to'rtyoqli) qarab emas, balki asosining shakliga qarab aniqlanadi (uch burchakli, to'rtburchakli va h.k.)

Frontal proyeksiyalovchi tekislik bilan kesishgan uchburchakli to'g'ri prizma sirtining yoyilmasini chizamiz (6.29–chizma).



6.29 - chizma

Yoyilmani chizish quyidagicha olib boriladi:

Ixtiyoriy gorizontal to'g'ri chiziqda prizma asoslari AB , BC , CA larni H -gorizontal proyeksiya tekisligidan o'lchab qo'yamiz va topilgan nuqtalar A, B, C, A dan asos tomonlariga perpendikular bo'ylab prizma balandligini V -frontal proyeksiya tekisligidan olib o'lchab qo'yamiz. Prizma yon sirti yoyilmasiga, prizma asoslarini olib kelib joylashtirsak, prizmaning to'la yoyilmasiga ega bo'lamiz.

Kesik prizmaning yoyilmasini chizish uchun A, B, C, A nuqtalardan o'tkazilgan perpendikularlarga kesilgan prizma qirralari $AD=a'd'$, $BE=b'e'$, $CF=c'f'$ larni V tekislikdan o'lchab qo'yamiz. Kesik prizmaning to'la yoyilmasini chizish uchun kesim yuzasining haqiqiy o'lchamini yon sirti yoyilmasiga joylashtiramiz, masalan, FD tomoniga. Kesimning haqiqiy kattaligini joylashtirish yoki tekisliklarni almashtirish usuli bilan topamiz. Bu chizmada aniq ko'rsatilgan.

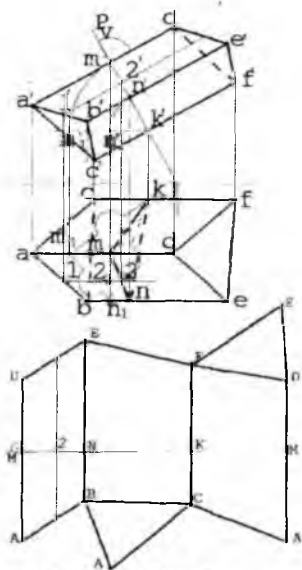
Yoyilmadagi "K" nuqtani topish uchun A nuqtadan H tekislikdagi $MA=ma$ kesmasi, perpendikularlarda esa, V tekisligidagi $MK=m'k'$ kesmasi qo'yilgan.

Qiya prizma sirtining yoyilmasi. Yon yoqlarining qirralari asosiga perpendikular bo'lmagan prizma **qiya prizma** deyiladi.

Qiya prizma yoyilmasini bir necha misollarda ko'rib chiqamiz.

1-misol. 6.30-chizmada yon qirralari frontal holdagi uchburchakli qiya prizma berilgan. Agar prizmaning yon qirralari proyeksiya tekisliklariga nisbatan umumiy holda berilganda, chizmani qayta tuzib, uni yangi sath, chizig'i (xususiy) holatiga keltirib olishimiz kerak bo'lar edi.

Yoyilmani normal kesim usuli bilan bajaramiz. Buning uchun prizmaning yon qirralariga perpendikular bo'lgan frontal proyeksiyalovchi P tekisligini o'tkazamiz va kesim yuzasining proyeksiyalarini topamiz, bizning misolda MNK uchburchak. Istalgan usuldan foydalanib, uchburchak MNK ning haqiqiy kattaligini topamiz va prizmaning normal kesim perimetriga teng, normal kesim yoyilmasi bo'lgan MM kesmaga ega bo'lamiz.



6.30 – chizma.

MM kesmadagi M, N, K, M nuqtalardan perpendikular bo'yicha ikki tomonga yon qirralarining uzunligi $MA=m'a'$, $MD=m'd'$, $NB=n'b'$, $NE=n'e'$, $KC=k'c'$...larni frontal proyeksiyadan olib qo'yamiz. Olingan kesmalarning uchlari to'g'ri chiziq bilan tutashtiramiz. Bu yon sirt yoyilmasiga, chizmada ko'rsatilganidek, asoslarni olib kelib joylashtirsak, qiya prizmaning to'la yoyilmasiga ega bo'lamiz

chizmadagidek joylashtirsak, prizma sirtining to'la yoyilmasini hosil qilamiz.

Proyeksiyalari bilan berilgan prizma sirtidagi M nuqtani yoyilmada topish uchun nuqta orqali qulay holdagi MN chiziqni o'tkazamiz. V_1 tekisligida M va N nuqtalarning proyeksiyalarini topamiz va M nuqtaning trayektoriyasi proyeksiyasini $a'd'1$ ga perpendikular qilib o'tkazamiz. N nuqtadan prizma qirralariga parallel chiziq o'tkazib, M nuqta trayektoriyasi bilan kesishgan joyini belgilaymiz, bu biz izlagan nuqta bo'ladi.

Teskari masala ham shunga o'xshash yechiladi.

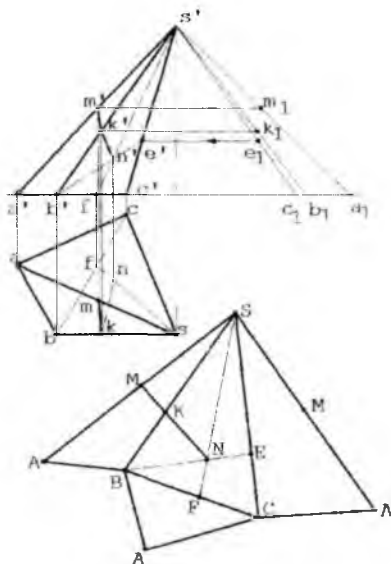
6.9.3. Piramida sirtiga oid ta'riflar

Piramida deb, asosi-yoqlaridan biri ko'pburchaklik, boshqa yoqlari esa, umumiy bir uchga ega bo'lgan uchburchakliklardan iborat bo'lgan ko'pburchaklikka aytiladi. **Piramidaning asosi** deb, yon yoqlaridan boshqa bir yog'i uchburchaklik, ko'pburchaklik va muntazam ko'pburchakdan iborat ko'pyoqlikka aytiladi. Piramidaning boshqa barcha yoqlari uchburchakliklardir. Bu uchburchaklik yoqlari piramidaning **yon yoqlari** deyiladi. Piramida yon yoqlari-yondosh uchbur-chakliklarining umumiy qirralari piramida yoqlarining **qirralari** deb ataladi. Piramida barcha yon yoqlarining birlashmasi shu piramida yon yog'ining **sirti** deyiladi. Piramidaning **balandligi** deb, piramida uchidan uning asosiga tushirilgan perpendikular uzunligiga aytiladi. Piramidalar muntazam va kesik bo'ladilar. **Muntazam piramida** deb, asosi muntazam ko'pburchaklikdan iborat bo'lgan, uchi esa, shu ko'pburchaklik asosning markaziga to'g'riburchakli proyeksiyalangan piramidaga aytiladi. Agar piramida uchi va qirralari tekislik bilan kesilsa, kesik piramida hosil bo'ladi. Muntazam piramidaning qismi bo'lgan kesik piramida **muntazam kesik piramida** deb ataladi. Kesik piramida asoslarining tekisliklariga uchlari tegib turuvchi perpendikular uzunligi shu kesik piramidaning **balandligi** deyiladi. Muntazam kesik piramida yon yoqlari teng yoqli trapetsiyadan iborat bo'lsa, ularning balandliklari muntazam kesik **piramida apofemalari** deb ataladi.

6.9.4. Piramida sirtining yoyilmasi

Yon yoqlari uchburchak, asosi ko'pburchakli jism **piramida** deyiladi. Piramidaning nomi yon yoqlarining soniga qarab aniqlanmaydi, chunonchi, piramida uchyoqli, to'rtyoqli emas, balki

uchburchakli, to'rtburchakli deb yuritiladi. 6.32-chizmada tasvirlangan piramida sirti yoyilmasining chizmasini chizishimiz kerak.



6.32 - chizma.

Piramidaning asosi gorizontal proyeksiya tekisligiga parallel bo'lganligi uchun, shu tekislikdagi proyeksiyasi haqiqiy kattalikda bo'ladi. Yon yoqlarining haqiqiy kattaligini topish uchun ma'lum bo'lgan usullarning birontasidan foydalanib, yon qirralari har birining haqiqiy uzunligini topish kerak. Misol uchun piramidaning S uchidan o'tuvchi va gorizontalga perpendikular bo'lgan o'q atrofida aylantirib yoki chizmada ko'rsatilganidek G.Monj usulidan foydalanib topish mumkin. So'ngra chizmaning ixtiyoriy joyida uchburchak $ABC = abc$ ni chizib, unga uchburchak BCS , uchburchak SCA va uchburchak SBA larni chizmadagidek joylashtirib, piramidaning to'la yoyilmasini hosil qilamiz. Piramidada M va N nuqtalari berilgan. Buning uchun bu nuqtalarni yoyilmada chizish va ular orasidagi eng qisqa masofani piramida sirti bo'ylab topish, ya'ni sirtning geodeziya chizig'ini chizish kerak bo'ladi.

M nuqta AS qirrada yotganligi sababli, AS ning haqiqiy uzunligini topib, M nuqtani ham burish kerak. Shunda M nuqtadan piramidaning uchigacha bo'lgan masofa frontal proyeksiya tekisligiga haqiqiy kattalikda $s'm^* = SM$ proyeksiyalanadi. Hosil qilingan SM kesmani

yoyilmada SA ga S uchidan o'lib qo'yib, M nuqtani topamiz. N nuqtani yoyilmaga shu N nuqtadan o'tuvchi to'g'ri chiziqlar yordamida o'tkazish mumkin. Misol uchun, FS va BE. Bu chiziqlarning yoyilmadagi kesishgan nuqtasi N ni beradi. Topilgan M,N nuqtalarni birlashtiruvchi chiziqning BS qirra bilan kesishgan nuqtasini K bilan belgilaymiz.

Yoyilmada M nuqtani topish uchun teskari yo'l bilan K nuqtaning proyeksiyalarini chizamiz. Topilgan nuqtalarning bir nomli proyeksiyalarini birlashtirib, sirt geodezik chizig'ining proyeksiyalarini topamiz.

6.9.5. Silindr sirtiga oid ta'riflar

Silindr deb, to'g'ri burchaklikni shu to'g'ri burchaklikni tashkil qiluvchi o'q atrofida aylantirilishidan hosil bo'ladigan jismga aytiladi.

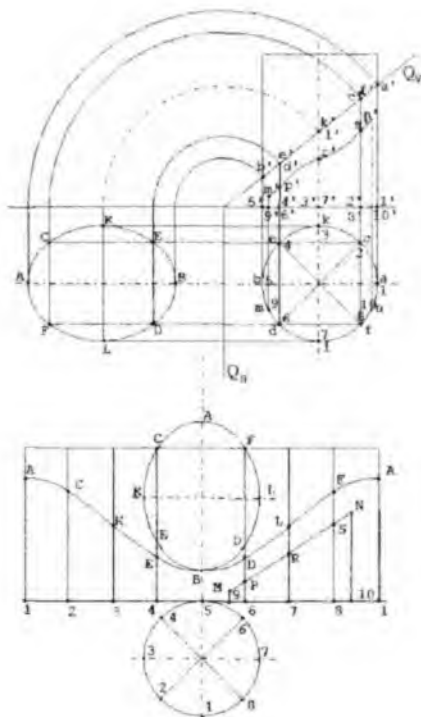
Silindr sirti deb, aylantirish o'qida yotmagan va to'g'ri burchaklik tomonlaridan tarkib topgan egri chiziqning aylantirilishidan hosil bo'ladigan sirtga aytiladi. Bu sirt silindr asoslari deb ataluvchi ikki konkurent doiralardan va aylantirish o'qiga parallel bo'lgan to'g'ri burchaklik tomonlarining aylantirilishi natijasida chiziladigan silindr yon sirtidan tashkil topadi. **Silindr balandligi** deb, asoslar tekisligiga bir uchi bilan tegib turuvchi perpendikular kesmaga aytiladi. Silindr **yasovchisi** deb, asos aylanalari nuqtalarini birlashtiruvchi va shu asoslar tekisliklariga perpendikular bo'lgan kesmaga aytiladi. Silindr yon sirtining yoyilmasi deb, uzunligi silindr asosi aylanasining uzunligiga, balandligi silindr balandligiga teng bo'lgan to'g'ri burchaklikka aytiladi.

6.9.6. Silindrik sirtlarning yoyilmasi

Silindrik sirtlarning yoyilmasini chizish uchun bir xil oraliqda joylashgan bir necha yasovchilar olib, ularni silindr ichiga chizilgan prizmaning qirralari deb qarash qulaydir. Buni quyidagi misollarda ko'ramiz.

To'g'ri aylanma silindrning yoyilmasi. Yasovchilari asosiga perpendikular bo'lgan silindr **to'g'ri silindr** deyiladi.

6.33-chizmada to'g'ri doiraviy silindr asosi bilan, gorizontal tekislikda joylashgan bo'lib, frontal – proyeksiyalovchi Q tekislik bilan kesishgan. Silindrning yoyilmasini va MN nuqtalar orasidagi sirtning geodezik chizig'ini chizamiz.



6.33-chizma.

Asos aylanasini o‘zaro teng 8 bo‘laklarga bo‘lib, undan o‘tuvchi yasovchilarni gorizontaldan frontalga ko‘chiramiz. Qiya kesimning haqiqiy kattaligini istalgan usulda topish mumkin, misol uchun, joylashtirish usuli bilan. Silindr yon sirtining yoyilmasini chizish uchun chiziq bo‘ylab silindr asos aylanasi uzunligi $2PR$ ni o‘lchab qo‘yamiz va uni teng 8 bo‘lakka bo‘lib, nuqtalardan perpendikular o‘tkazamiz.

Bu perpendikularga frontal V tekislikdan silindrning balandligini olib qo‘yamiz. Agar perpendikularga frontal proyeksiyadan Q tekisligi bilan kesishgan yasovchilarning (OX dan Qv gacha bo‘lgan masofa) uzunligini qo‘yib hosil bo‘lgan $A, C, K, E, B, D, L, F, A$ nuqtalarni ravon egri chiziq bilan sindirmay birlashtirsak, kesik silindr yon sirtining yoyilmasi hosil bo‘ladi. Bunga kesim yuzasining haqiqiy kattaligini va bir asosni joylashtirsak, kesik silindr yon sirtining yoyilmasi hosil bo‘ladi.

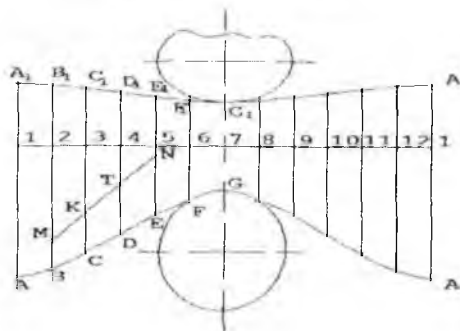
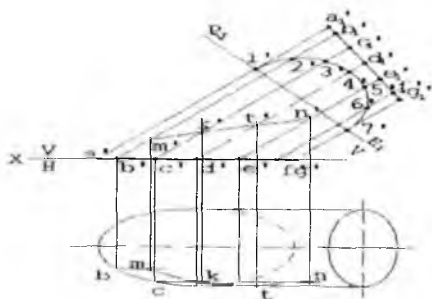
M va **N** nuqtalar orasidagi sirtning geodezik chizig'ini chizish uchun shu nuqtalarni silindr yon sirti yoyilmasiga, asosdagi **9** va **10** nuqtalardan o'tuvchi, yasovchilar o'tkazamiz va ularni to'g'ri chiziq bilan tutashtiramiz. Yoyilmadagi **DG**, **L7**, **F8** yasovchilarning **MN** chiziq bilan kesishgan **P,R,S** nuqtalari silindr proyeksiyalaridagi xuddi shu yasovchilarda topiladi. **M**, **P**, **R**, **S**, **N** nuqtalarni ravon egri chiziq bilan tutashtirimiz. Bu chiziqning gorizontaal proyeksiyasi aylana bo'lib, frontal proyeksiyasi sinusoidadir.

Og'ma silindr sirtining yoyilmasi. Yasovchilari asosiga perpendikular bo'lmagan silindrga **og'ma silindr** deyiladi. Agar silindr yasovchilari perpendikular tekislik bilan kesilsa, hosil bo'lgan normal kesim shakliga qarab, u **doiraviy** yoki **elliptik silindr** deb atalishi mumkin. Og'ma silindr yoyilmasining yasalishini bir necha misol va usullarda ko'rib chiqamiz.

1-misol. Berilgan og'ma doiraviy silindrning yoyilmasi va sirtning geodezik chizig'i chizilsin (6.34-chizma).

Yoyilmani chizish uchun silindrni uning yasovchilariga perpendikular bo'lgan frontal proyeksiyalovchi tekislik bilan kesamiz va gorizontaal proyeksiya tekisligini (**N ni**) **N1** ga almashtirib, normal kesim yuzasining haqiqiy kattaligini topamiz. Topilgan normal kesim yarim aylanasini teng **6** bo'lakka bo'lamiz va nomlangan nuqtalardan silindr sirtida yasovchilar o'tkazamiz. Bu yasovchilar frontal tekisligiga haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi.

Ixtiyoriy to'g'ri chiziq olib normal kesim aylanasining uzunligi – **2pR** ni qo'yamiz va uni teng **12** bo'lakka bo'lamiz. Olingan nuqtalardan perpendikular o'tkazib, frontal proyeksiyadan shu nomli yasovchilarning uzunligini qo'yamiz. Topilgan nuqtalarni ravon egri chiziq bilan tutashtirsak, og'ma silindr yon sirtining yoyilmasi hosil bo'ladi. Bunga og'ma silindr asoslarini joylashtirsak, to'la yoyilma hosil bo'ladi. **M** va **N** nuqtalar orasidagi sirtning geodezik chizig'i oldingi misollarimizda ko'rilganidek chiziladi.



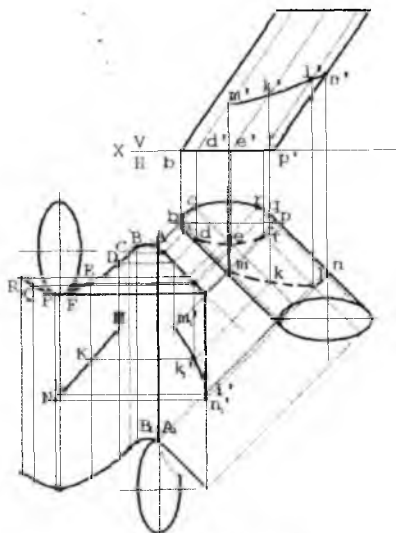
6.34 – chizma.

2-misol. 6.35-chizmada berilgan elliptik og‘ma silindr sirtining yoyilmasi va M, N nuqtalar orasidagi sirtning geodezik chizig‘i chizilgan. Yasovchilari umumiy holda bo‘lgan elliptik silindrning yon sirti yoyilmasini chizish uchun frontal tekislikni frontal V_1 ga almashtirib, silindr yasovchilarini frontal sath chizig‘i holatiga keltirsak, ular V_1 ga haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi. Asosni shunday bo‘laklarga bo‘lamizki, ularni birlashtiruvchi xordalar ellips yoyidan kam farq qilsin, so‘ngra asosdagi shu nuqtalar orqali silindr yasovchilarini o‘tkazamiz. Yoyilmani dumalatish usulidan foydalanib chizamiz.

Buning uchun silindrning barcha yasovchilarini AA yasovchi atrofida V_1 ga parallel bo‘lgan tekislikka joylashganga qadar aylantiramiz. Chunonchi, V nuqta trayektoriyasining frontal proyeksiyasini AA yasovchiga perpendikular qilib o‘tkazamiz va unga A nuqtadan AB xorda uzunligini qo‘yamiz.

Yoyilmadagi VV_1 yasovchi AA_1 kesmaga teng va unga paralleldir. So‘ngra S nuqta trayektoriyasining proyeksiyasini o‘tkazamiz va V

nuqtadan unga **bc** xordani o'ldhab qo'yamiz va h.k. Yoyilmada olingan nuqtalarni ravon egri chiziq bilan proyeksiyalarga mos ravishda tutashtiramiz. Silindr asoslarini chizmada ko'rsatilganidek yon sirt yoyilmasiga joylashtirsak, sirtning to'la yoyilmasini hosil qilamiz. **MN** geodezik chiziq silindr sirtidagi **M** va **N** nuqtalar orasidagi eng qisqa masofadir.



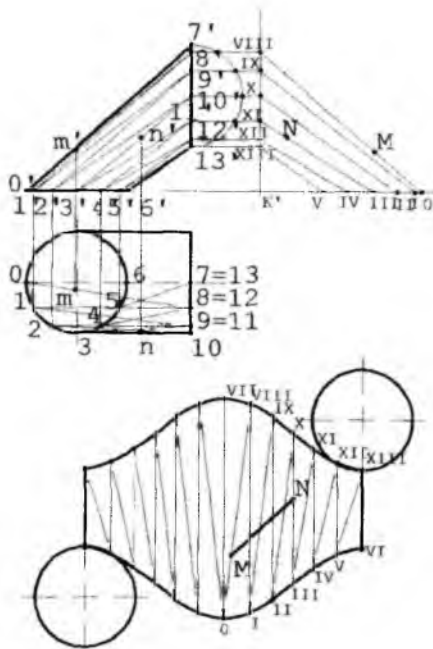
6.35 – chizma.

6.9.7. Silindroid sirtining yoyilmasi

Yo'naltiruvchisi ikki egri chiziq bo'lib parallelizm tekisligi bo'lgan chiziqli sirtga **silindroid** deyiladi.

Ikki bir xil aylanadan iborat yo'naltiruvchisi bo'lgan silindroid sirtining yoyilmasi chizilsin. Yo'naltiruvchilaridan biri gorizontalda, kkinchisi profilda yotgan, parallelizm tekisligi frontal hisoblanadi (6.36-chizma).

Berilgan silindroid sirtini ichki chizilgan uchburchaklardan iborat ko'pyoqli sirt bilan almashtiramiz. Buning uchun frontal sath chizig'i holatidagi 0–7, 1–8, 2–9 va h.k. yasovchilarni o'tkazamiz. Yasovchilarning gorizontal aylanadagi uchlarini–yarim aylanani teng 6 ga bo'lib topamiz.



6.36 - chizma.

Profil aylanadagi uchini esa, H ni H_1 ga almashtirib, shu aylananing haqiqiy kattaligini aniqlab topamiz. So'ngra yondosh yasovchilar bilan chegaralangan sirtning har qaysi elementini triangulatsiya usuli bilan ikki uchburchakka bo'lamiz. $0-7$ va $1-8$ yasovchilar bilan chegaralangan elementni ikki: $0-7-8$ va $0-1-8$ uchburchaklarga bo'lamiz va h.k. Hosil bo'lgan uchburchaklarning haqiqiy kattaligini aniqlash uchun sirt elementini uchburchakka bo'luvchi diagonallarning haqiqiy kattaligini G.Monj usuli bilan topamiz.

OX o'qida K' nuqta olib, perpendikular o'tkazamiz. Perpendiklarda VII, IX, X, XI, XII nuqtalarni chizmada ko'rsatilganidek topamiz. So'ngra K' dan gorizontl chiziq bo'ylab diagonallarning gorizontl proyeksiyalari, ya'ni $K'-0=0-8$, $K'-I=1-9$, $K'-II=2-10$, $K'-III=3-11$, $K'-IV=4-12$, $K'-V=5-13$ larni qo'yamiz. O va VIII, I va IX, II va X, III va XI, IX va XII, V va XIII nuqtalarni to'g'ri chiziq bilan birlashtirib, diagonallarning haqiqiy kattaligini topamiz.

Uchburchaklarning uch tomoni bilan haqiqiy kattaliklarini chizib, ularning uchlari orqali ravon egri chiziq o'tkazsak, silindroidning yon sirti yoyilmasi chiziladi. Asoslarini yoyilmaga chizmadagidek joylashtirsak, silindroid sirtining to'la yoyilmasi hosil bo'ladi. Yoyilmadagi MN chiziq silindroid sirtida yotgan M va N nuqtalar orasidagi geodezik chiziqdir (shartli ravishda proyeksiyada chiziq ko'rsatilmagan).

6.9.8. Konus sirtiga oid ta'riflar

Konus deb, to'g'ri burchakli uchburchakni uning katta kateti – aylantirish o'qi atrofida aylantirishdan hosil bo'ladigan jismga aytiladi.

Konus sirti deb, shu katta katet – aylantirish o'qi atrofida to'g'riburchakli uchburchakning gipotenuzasi va kichik katetini tashkil qiluvchi siniq chiziqning aylantirilishidan hosil bo'ladigan sirtga aytiladi. Bu sirt **konus asosi** deb ataluvchi doiradan va konus yon sirtidan tashkil topadi. **Konus balandligi** deb, konus uchidan uning asosiga tushirilgan perpendikular kesmaga aytiladi. **Konus yasovchisi** deb, konus balandligini uning asosi – aylanadagi nuqtasi bilan tutashtiruvchi kesmaga aytiladi. Bu yasovchilarning hammasi kongruentdir. **Konus yon sirtining yoyilmasi** deb, radiusi konus yasovchisi uzunligiga, yon uzunligi esa, konus asosi aylanasing uzunligiga teng bo'lgan doiraviy sektorga aytiladi.

6.9.9. Konusaviy sirtlarning yoyilmasi

Konusaviy sirtlarning yoyilmasi silindrik sirtlar yoyilmasiga o'xshash taxminiy chiziladi, chunki amalda bu sirtlar qirrali sirtlar bilan almashtiriladi. Ammo ularni aniq deb atash mumkin, chunki sirdagi har qanday nuqtani yoyilmada aniq chizish mumkin.

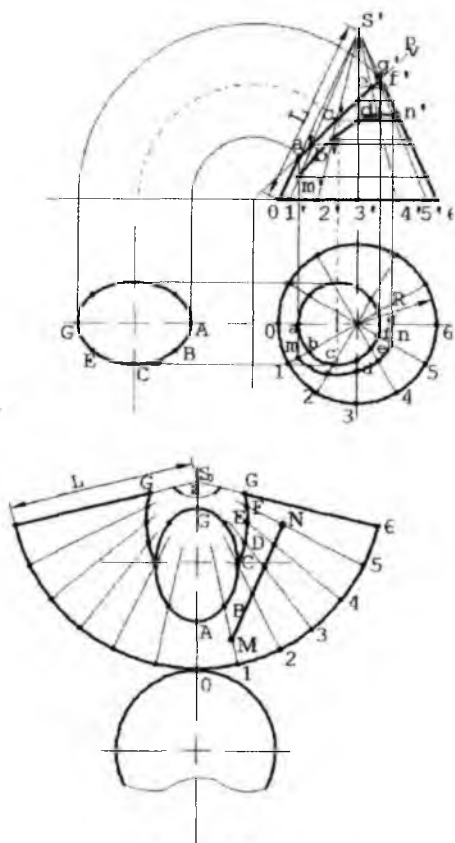
To'g'ri aylanish konusining yoyilmasi. Aylanish o'qi asosiga perpendikular bo'lgan konus **to'g'ri konus** deyiladi. Aylananing bir sektorini eslatuvchi konus yon sirti yoyilmasining chizilishini 6.37-chizmada ko'rib chiqamiz.

Kesik konus sirtining to'la yoyilmasini chizish uchun, avvalo, asos aylanasi teng 12 bo'lakka bo'lib, bu nuqtalardan konusning yasovchilarini o'tkazamiz. Ixtiyoriy S_0 nuqtada burchak $\alpha=360R/L$ ni chizamiz va radiusi konus yasovchisi L ga teng bo'lgan yoy bilan sektor hosil qilamiz. Konus asosiy aylanasi necha bo'lakka bo'lgan bo'lsak, sektor yoyini ham shuncha bo'lakka bo'lamiz, konus yasovchilarini

o'tkazib, ularga kesilgandan qolgan konus yasovchisining haqiqiy uzunligini qo'yamiz.

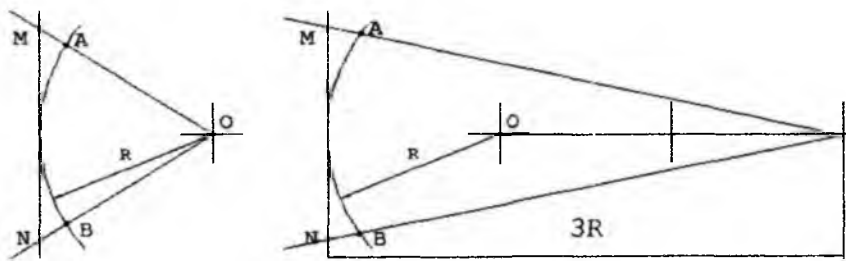
Haqiqiy kattalikni topish uchun yasovchilarini Rv bilan uchrashgan nuqtalaridan OX ga parallel va eng chekka yasovchini kesganga qadar to'g'ri chiziq o'tkazamiz. Bu bizga kesik konus yasovchilarini frontal proyeksiya tekisligiga parallel holga keltirish degan gap.

Sektorning uchi S_0 dan kesilgan yasovchilarning haqiqiy uzunligini qo'yib hosil bo'lgan nuqtalarni ravn egri chiziq bilan birlashtirib, asos va kesim yuzasining haqiqiy kattaligini joylashtirsak, kesik konus sirtining to'la yoyilmasi hosil bo'ladi. Bunda qiya kesim yuzasining haqiqiy kattaligini tekisliklarni almashtirish usuli bilan topamiz.



6.37-chizma.

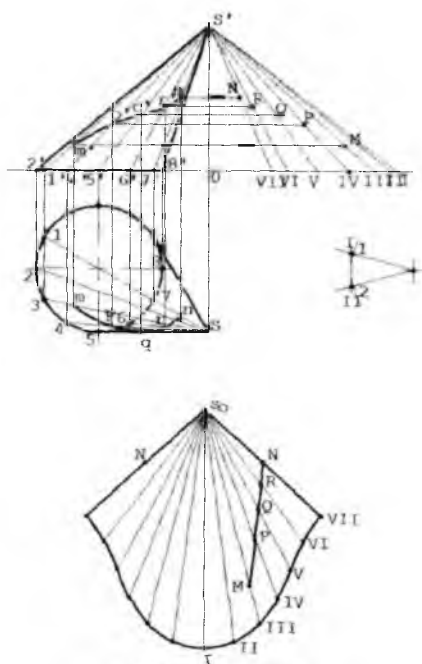
Og'ma konus sirtining yoyilmasi. 6.39-chizmada o'qi gorizontal va frontal proyeksiya tekisliklariga og'ma holdagi asosi doiraviy elliptik konus berilgan. Konusning yoyilmasini chizish uchun asos aylanasini teng 12 bo'lakka bo'lib, yasovchilar o'tkazamiz. G.Monj metodi bo'yicha yasovchilarning haqiqiy uzunligini topib, umumiy uchi S_0 ega bo'lgan 12 ta yondosh uchburchaklarning uch tomonini chizamiz. Uchburchaklarning ikki tomoni yasovchilarning haqiqiy uzunligiga teng, uchinchisi esa, asosdagi yondosh nuqtalarni tutashtiruvchi xordaga teng. Uchburchak uchinchi tomonini aniqroq 6.38-chizmada (chapda) ko'rsatilganidek, yanada aniqroq topish 6.38-chizmada (o'ngda) ko'rsatilganidek yoyni to'g'rilash bilan yasaladi.



6.38 – chizma.

So'ngra konus yasovchilarda olingan nuqtalardan ravn egr chiziq o'tkazamiz. M va N nuqtalar orasidagi geodezik chiziqni aniqlash uchun yoyilmada ularga mos M,N nuqtalar topib, to'g'ri chiziq bilan tutashtiramiz va bu to'g'ri chiziqni S – 4, S – 5, S – 6 yasovchilarga mos bo'lgan S_0-4 , S_0-5 , S_0-6 chiziqlar bilan kesishgan P, Q, R nuqtalarini belgilaymiz.

Proyeksiyalarda P, Q, R nuqtalar yordamida geodezik chiziqni chizamiz. Buning uchun konus yasovchilarining haqiqiy uzunligini, P, Q, R nuqtalarni, yoyilmada S_0 dan P, Q, R nuqtalargacha bo'lgan masofani qo'yib topamiz. So'ngra bu yasovchilar konus yasovchilarining proyeksiyalariga o'tkaziladi.

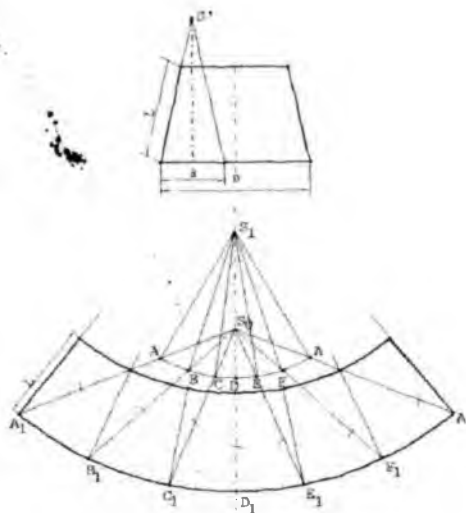


6.39 - chizma.

Uchi uzoqda yotgan kesik konus sirtining yoyilmasi

1-misol. 6.40-chizmada kesik doiraviy konus berilgan. Buning yoyilmasi chizilishini quyidagi usulda ko'rib chiqamiz. Chizma chegarasida S' uch olib berilgan konusga o'xshash yordamchi to'liq konus chizamiz. Yordamchi konus asosining diametrini (d) berilgan konus diametriga (D) nisbatan shunday tanlaymizki, o'xshashlik koeffitsiyenti $K=D/d$ butun son bo'lsin. So'ngra yordamchi konus yon sirtining yoyilmasini chizish uchun $S_1-A-B-C-A$ sektor olamiz va unga o'xshash "K" koeffitsiyentli $A_1 B_1 C_1, \dots$ yoy chizamiz.

Buning uchun ixtiyoriy S_0 nuqta tanlab olib, shu nuqta va yoydagi A, B, C, \dots, A nuqtalardan nurlar o'tkazamiz. S_0A nurga S_0 nuqtadan boshlab uzunligi S_0A kesmadan "K" marta uzun bo'lgan kesma qo'yib A_1 nuqtani topamiz. Bu nuqta izlanayotgan egri chiziqqa tegishlidir. Shunday yo'l bilan boshqa V, S, \dots nuqtalarni topamiz va bu nuqtalarni birlashtiramiz. Bu yordamchi sektor yoyiga o'xshash egri chiziq yoki konus pastki asosining yoyilmasi bo'la oladi.



6.40 - chizma.

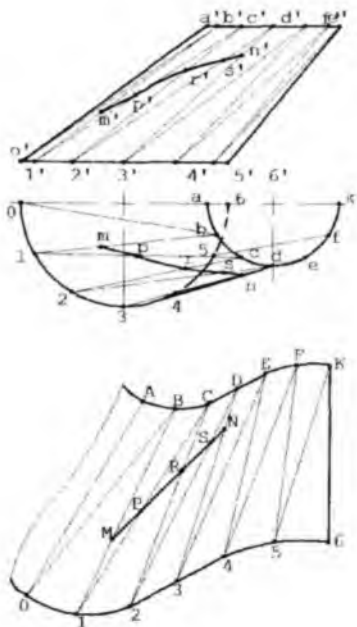
A_1, B_1, C_1, \dots nuqtalar orqali yordamchi konus yoyilmasidagi A, B, S, \dots nuqtalardan o'tuvchi yasovchilarga mos ravishda parallel chiziqlar o'tkazamiz. Bu chiziqlarda A_1, B_1, C_1, \dots nuqtalardan kesik konus yasovchisining uzunligi L ni o'lchab qo'yib, yuqorigi asos yoyilmasini beruvchi nuqtalarni topamiz. Topilgan nuqtalardan 2 egri chiziq o'tkazib, unga asoslarni joylashtirsak, kesik konus sirtining to'la yoyilmasi hosil qilinadi

2-misol. 6.41-chizmada asosi doiraviy elliptik kesik konus berilgan. Bu konusning yoyilmasini uchburchaklar usuli bilan chizamiz.

Konus yon sirtining yoyilmasini chizish uchun asos aylanasi va ustki kesimni teng 12 bo'lakka bo'lamiz. Bo'lish nuqtalardan yasovchilar o'tkazamiz va ikki yondosh yasovchi oralig'ini ikkita $O-A-B$ va $O-I-B$ uchburchakka bo'lamiz va h.k.

Uchburchaklar tomonlarining haqiqiy uzunliklarini topib, chizmada ko'rsatilganidek bir-birlariga yonma-yon qilib chizamiz.

M va N nuqtalar orasidagi geodezik chiziq oldingi misollarimizda ko'rib chiqqanimizdek chiziladi.



6.41 - chizma.

6.10. Yoyilmaydigan sirtlarning taxminiy yoyilmasi

Yoyilmaydigan sirtlarning taxminiy yoyilmasini chizish uchun yoyiladigan sirtlar bilan almashtiramiz. Buni quyidagi misollarda ko'rib chiqamiz.

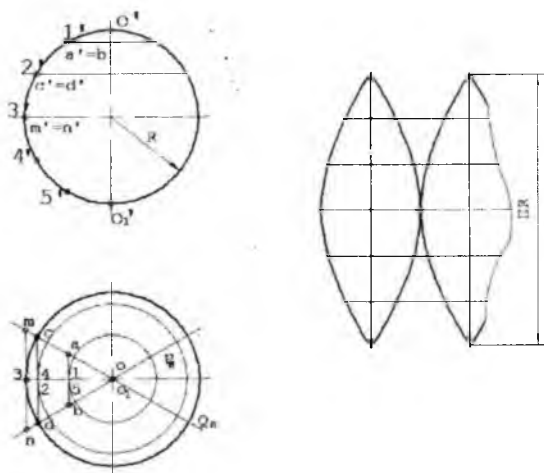
6.10.1. Shar sirtining taxminiy yoyilmasi

Sferik sirtning taxminiy yoyilmasini chizishni juda ko'p usullari bor. Shundan uchta asosiysini ko'rib chiqamiz.

1-misol. Sirtni meridianlar tekisligi usuli bilan yoyamiz (6.42 - chizma). Shar sirtini meridianlar yordamida asoslari ekvatorda tutashgan 6 sferik ikkiburchakka bo'lamiz.

Har bir to'g'rilangan tasma $OO = \pi D/2$ uzunlikka ega, bunda D – shar diametri. O'rtadagi eng katta kenglik $MN = \pi D/6$ ga teng bo'ladi. Frontal proyeksiyada sharni teng 6 bo'lakka bo'lib, 1, 2, 3... nuqtalarning gorizont va frontal proyeksiyalarini topamiz. Meridiana tekisligi bilan kesilgan yoyning yoyilgandagi uzunligini aniqlaymiz.

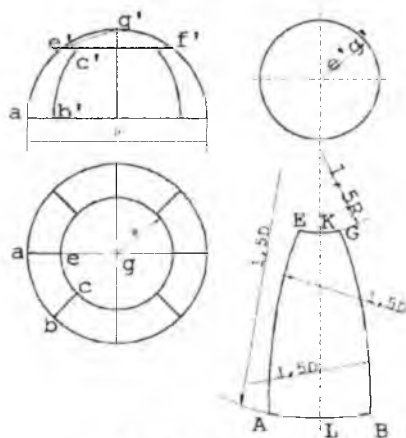
To'g'rilangan o'q chiziq OO_1 ni 6 teng bo'lakka bo'lib, bo'lingan nuqtalardan o'q chiziqqa perpendikular (ekvatorning yoyilgan chizig'iga parallel) o'tkazamiz. Perpendikularlarga gorizontaal proyeksiyadan mos parallellarning yoyilgan uzunligini olib qo'yamiz. Olingan nuqtalarni ravon egri chiziq bilan tutashtirib, bir tasmaning yoyilmasiga ega bo'lamiz. Shunday tasmlarning 6 tasi sharni taxminiy yoyilmasini beradi.



6.42 – chizma.

2-misol. Shar sektori va segmentlari usuli bilan yarim sharning yoyilmasini chizish (6.43-chizma). Sharning yuqori qismini gorizontaal tekisligiga parallel qilib kesib, kesimda R radiusli aylana olamiz. Yarim sferaning qolgan qismini teng 8 shar segmentlariga bo'lamiz. Shunday qilib yarim sharning yoyilmasi bir shar sektori va 8 shar segmentning yoyilmasidan iborat bo'ladi.

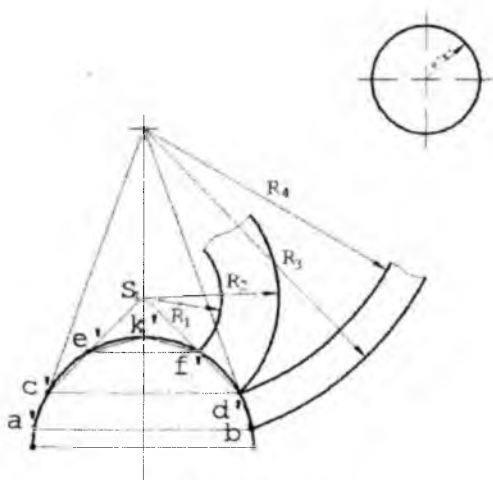
Shar sektorining yoyilmasi radiusi $e'g'$ bo'lgan doira bo'ladi. Uning radiusi yarim yoyning xordasiga teng. $R=D/4$ bo'lganda, shar segmentning yoyilmasini chizish uchun to'g'ri chiziq o'tkazib, unga $KL=\pi D/6$ kesma qo'yamiz. AB yoy katta doiraning segmentlarga bo'lingan uzunligiga, EC yoy esa, radius R aylananing segmentlarga bo'lingan uzunligiga teng. Boshqa yasashlar chizmada aniq ko'rsatilgan.



6.43 - chizma.

3-misol. Shar sektori va poyaslari yordamida sharning bir qismini yoyish (6.44-chizma).

Berilgan sirtni gorizontaal tekislikka parallel tekisliklar bilan shar sektori va bir necha shar poyaslari hosil qilib kesamiz. Shar sektorining yoyilmasi 2-misolda ko'rilganidek bajariladi. Shar poyaslari esa, shu shar ichiga chizilgan kesik konuslar bilan almashtiriladi. Bu 6.44-chizmadan ma'lum.

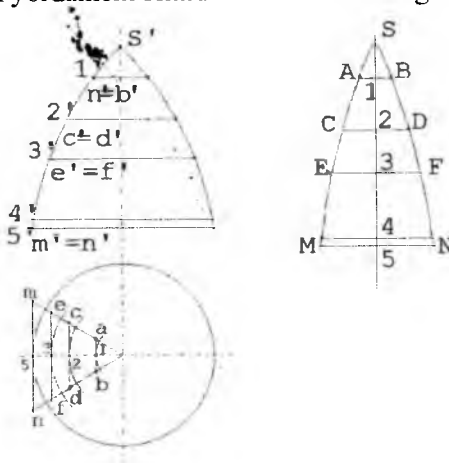


6.44 - chizma.

6.10.2. Yopiq tor sirtining taxminiy yoyilmasi

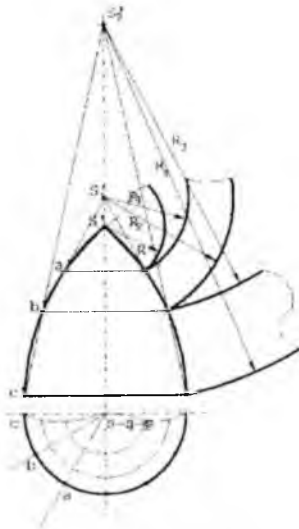
Yarim tor sirti berilgan. Uning yoyilmasini ikki usulda bajarish mumkin. Bu usullarning qo'llanishi 6.45, 6.46-chizmalarda ko'rsatilgan.

Masalan, 6.45-chizmadagi yoyilma avvalgidek shar yoyilmasini yasaganimizdek yordamchi silindrlar usulida chizilgan.



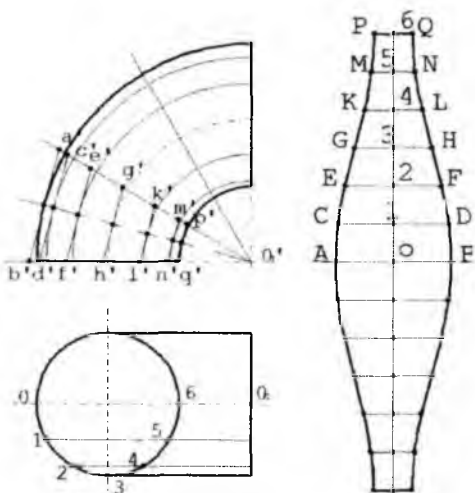
6.45 - chizma.

6.46-chizmadagi yoyilma yordamchi konuslar yordamida bajarilgan. Uning grafik bajarilish tartibi chizmada ko'rinib turibdi.



6.46 - chizma.

Halqa sirtining taxminiy yoyilmasi. 6.47-chizmada halqaning 1/4 qismini tashkil etuvchi tirsak berilgan. Berilgan halqa sirtining yoyilmasi chizilsin.



6.47-chizma.

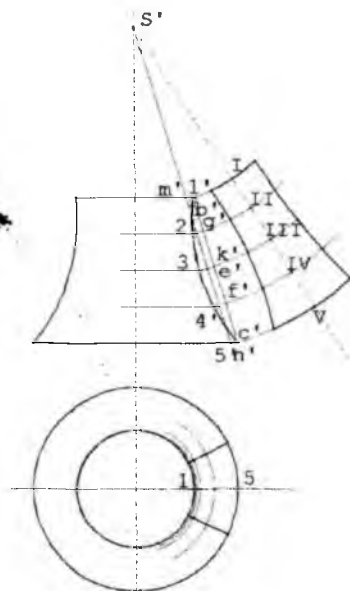
Sirtni meridianlar yordamida teng 3 bo'lakka bo'lib, bir bo'lagining taxminiy yoyilmasini chizamiz. Bu qismni tashqi chizilgan silindr sirt bilan almashtiramiz.

Silindrning normal kesimi kuzatilayotgan halqa qismining meridiani bo'ladi. Agar shu meridianni to'g'rilab yuborsak, to'g'ri chiziq kesmasi hosil bo'ladi. Bo'linish nuqtalaridan silindr yasovchilarini perpendikular holatda o'tkazamiz va uchlarini ravon egri chiziq bilan tutashtirsak, halqaning 1/12 qismi sirtining yoyilmasini chizgan bo'lamiz. Bu chizmada aniq ko'rsatilgan.

6.10.3. Ixtiyoriy aylanish sirtining taxminiy yoyilmasi

6.48-chizmada tasvirlangan sirtning yoyilmasi chizilsin. Xorda $b'e'$ ni o'tkazamiz va uni e' nuqtada teng ikki bo'lakka bo'lamiz.

Bu nuqtadan $b'e'$ xordaga perpendikular o'tkazib, sirt chegarasi bilan uchrashgan nuqtasi 3' gacha davom ettiramiz. Kesma 3'e' ni ikkiga bo'luvchi K' nuqtadan $b'e'$ ga parallel chiziq o'tkazamiz va uni aylanish o'qi S' bilan uchrashganga qadar davom ettiramiz.



6.48 - chizma.

Sirt chegarasining egri chizig'i $b'c'$ ni ixtiyoriy teng bo'laklarga bo'lamiz va nuqtalarni $m'n'$ chiziqqa olib o'tamiz. S' ni markaz deb olib, topilgan m',g',k',f',n' nuqtalar orqali S' dan o'tkazilgan ixtiyoriy chiziqni kesguncha yoy o'tkazamiz. Topilgan I, II, III, IV, V nuqtalardan ikki tomonga gorizontaal proyeksiyadan olingan yarim yoylarning yoyilgan uzunligini qo'yamiz.

Olingan nuqtalarni ravon egri chiziq bilan tutashtirib, aylanish sirtining yoyilmasini hosil qilamiz. Geodezik chiziqni esa avvalgidek o'tkazamiz.

6.11. Havo yo'naltirgich va bunker tipidagi sirtlarning yoyilmasi

6.11.1. Yoyilmani grafik chizish usuli

Texnikaviy sirtlarning yoyilmasi o'quv qo'llanmasida (5) shaxsiy uy-grafik topshiriqlarining 30 ta varianti berilgan. Ularning har biri simmetriya o'qiga ega bo'lgan har xil geometrik jismlarning shakl kombinatsiyalaridan iborat. Yoyilma grafikasi qaytarilmasligi uchun

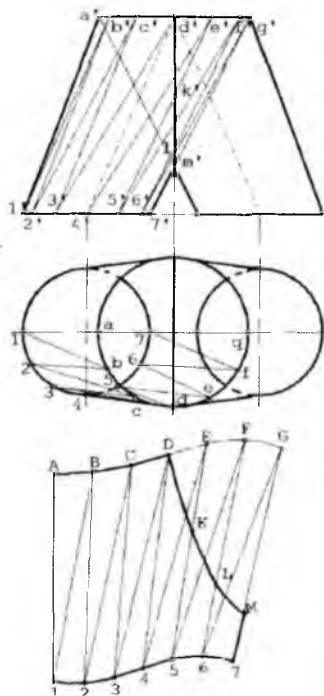
berilgan sirtning to'la yoyilmasini emas, balki topshiriqda ko'rsatilgan qismining yoyilmasini bajarish kerak.

Texnik shakllar sirtlarining yoyilmalari chizilishini bir necha misollarda ko'rib chiqamiz.

1-misol. Havo yo'lini birlashtiruvchi yoki bo'luvchi qurilma yoyilmasi chizilsin (6.49-chizma).

Qurilma uchlari uzoqda yotuvchi o'zaro kesishgan ikki konusdan iborat. Qurilma gorizontal proyeksiyasidan ko'rinib turibdiki, u – simmetrik. Shuning uchun uning 1/4 qismi yoyilmasini chizish kifoyadir. Shu nisbatda qolgan qismlarini ham yoyish mumkin.

Yoyilma chizishni aylanani 12 bo'lakka bo'lishdan boshlaymiz. Yoylarni mos to'g'ri chiziqlar bilan almashtiramiz. Aylananing bo'lingan nuqtalaridan yasovchilar o'tkazib, konus sirtining yaqin yasovchilari oralig'ini ikki uchburchakka bo'lamiz. Yasovchilar va diagonallarning haqiqiy uzunligini aniqlaymiz. So'ngra uchburchaklarni ketma-ket chizmada ko'rsatilganidek chizamiz. Yoyilma uchi uzoqda yotgan qiya konusning yon sirti yoyilmasidek yasaladi (6.38-chizma).

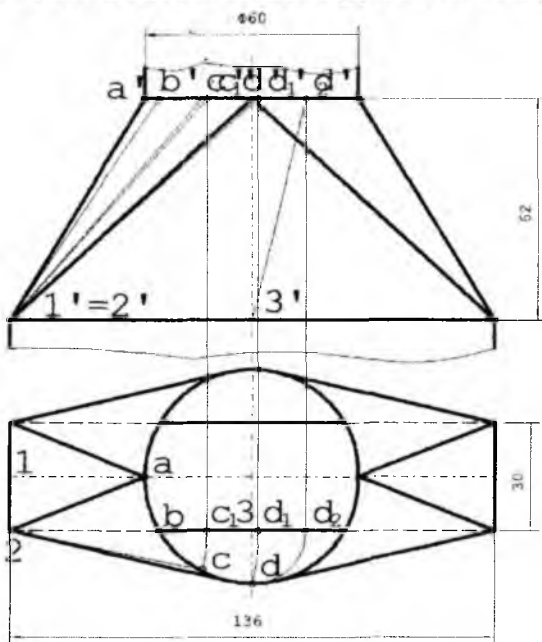


6.49 - chizma.

6.50-chizmada doira kesimdan to'g'ri to'rtburchakli kesimga o'tuvchi tarmoqli havo yo'naltirgich ko'rsatilgan.

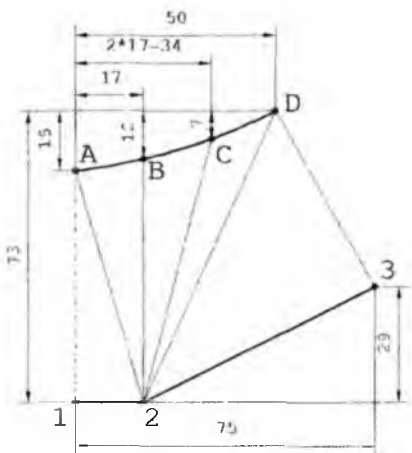
Tarmoqning yon sirti to'rtta konus A-D-2 sirt va to'rtta uchburchakdan iborat. Konstruksiya ikki simmetriya tekisligiga ega bo'lganligi uchun chegaralangan to'rtidan bir qismining yoyilmasini chizsak kifoya bo'ladi.

Diametri $\varnothing 60$ bo'lgan aylanani 12 teng bo'lakka bo'lib, bo'linish nuqtalari B,C va uchi 2 dan konus sirtining yasovchilarini o'tkazamiz.



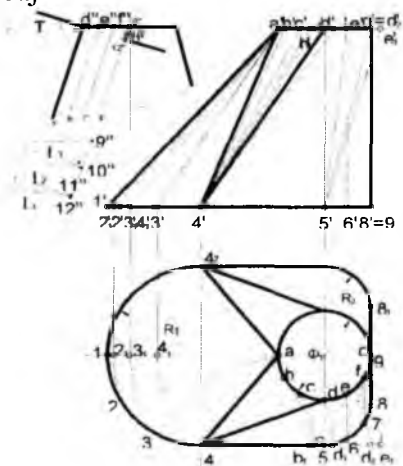
6.50 - chizma.

Profil proyeksiya tekisligiga parallel bo'lgan to'g'ri chiziq D3 va konus yasovchilari A3, B2, C2, D2 larning haqiqiy uzunliklarini topamiz. So'ngra ixtiyoriy to'g'ri chiziqda 1A kesmani o'lchab qo'yamiz va unga perpendikular 2 nuqtani o'tkazamiz, keyin B, C, D, 3 nuqtalarni topamiz, bu 6.51-chizmada ko'rinib turibdi.



6.51 - chizma.

6.52-chizmada berilgan texnik konstruktsiya uchi A nuqtada bo'lgan, asos aylanasining radiusi R_1 bo'lgan konus sirti, asoslari esa diametri F_1 bo'lgan aylana, uchlari 4 va 4₂ da bo'lgan ikki konus sirt hamda D, E, F, G, 5, 6, 7, 8 nuqtalar bilan chegaralangan ikki qiya silindr, D-4-5 nuqtalar bilan chegaralangan ikki uchburchakdan, G-8-8, nuqtalar bilan chegaralangan bir uchburchakdan iborat. Berilgan texnik konstruktsiya bitta simmetriya tekisligiga ega bo'lganligi uchun sirtning yarim yoyilmasini bajaramiz.



6.52 - chizma.

Konus sirti yasovchilarining haqiqiy uzunliklarini topib, R_1 radiusli, F diametrli aylanalarning bo‘linish yo‘llarini chiziq bilan almashtirib, konus sirtining yoyilmasini chizish mumkin va buning uchun uchburchak $D-4-5$ va uchburchak $G-8-8_1$ ning yarmini chizamiz.

Qiya silindr yasovchilari orasidagi masofani topish uchun qo‘shimcha “o‘ng tomondan ko‘rinish” beramiz (6.52-chizmaga qarang). Bundan ko‘rinib turibdiki, D nuqtadan o‘tuvchi, yasovchilarga perpendikular bo‘lgan tekislik yasovchilarning haqiqiy uzunligidan bir qismini kesib oladi. Masalan, yasovchi $G8$ dan $9'' 10''$ kesmani, $F7$ yasovchidan $10'' 11''$ kesmani, $E6$ yasovchidan $11'' 12''$ kesmani kesib oladi.

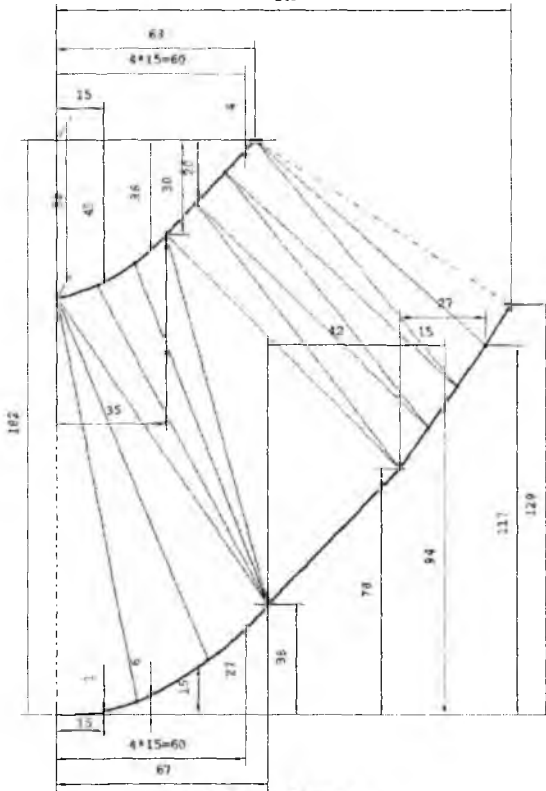
Bu kesmalarni to‘g‘ri burchakli uchburchaklarning katetlari, to‘g‘rilangan yo‘llar $9f = fe = ed$ ni gipotenuzalar deb qabul qilamiz. Katet va gipotenuza yordamida uchburchak chizib, ikkinchi katetni topamiz, bu bizga yasovchilar orasidagi masofani beradi. Chizmadan ko‘rinib turibdiki, yasovchilar $E6$ va $F7$ orasidagi masofa L_1 , yasovchilar $E6$ va $F7$ orasidagi masofa L_2 , yasovchilar $F7$ va $G8$ orasidagi masofa L_3 ga teng.

Yoyiladigan sirtning barcha elementlarini aniqlab bo‘lgandan so‘ng uni grafik tasvirlashga kirishamiz, bu chizmada aniq berilgan (6.53-chizma).

6.11.2. Yoyilma chizmasiga o‘lcham qo‘yish

6.51 va 6.53-chizmalarda texnik konstruksiyalarning yoyilmalariga o‘lchamlar qo‘yishning asosiy qoidalari ko‘rsatilgan. Buyum sirti yoyilmasining ishchi chizmasida yoyilma chegarasi, chekkalarga ishlov berish, teshiklar teshish va shunga o‘xshash jarayonlarni bajarish uchun zaruriy hamma o‘lchamlar berilishi lozim. Shuningdek, fazoviy shakl hosil qilish uchun buklanish chiziqlarining o‘lchamlari ham berilishi kerak. Yoyilmaning konfiguratsiyasini aniqlovchi ayrim elementlarning o‘lchamlaridan tashqari, yoyilma qirqiladigan materialni aniqlovchi gabarit o‘lchamlar beriladi. Yoyilma chegarasi aylana yoyi bo‘lmagan egri chiziq bo‘lsa, ayrim nuqtalarning koordinatalari beriladi. Shuningdek, chiqarish chizig‘ini o‘lcham chizig‘ini vazifasida ishlatishga ruxsat etiladi. Egri chiziqning egriligi katta bo‘lsa, chiqarish chiziqlari oralig‘ini oshirish, egrilik kichik bo‘lsa, kamaytirish tavsiya etiladi.

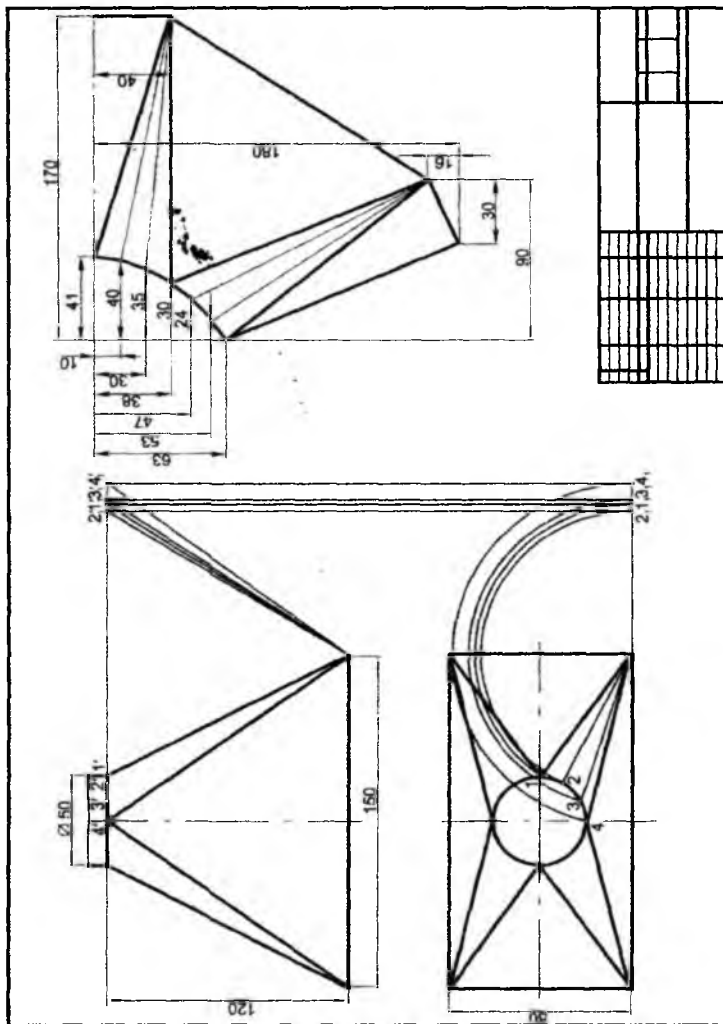
O‘lcham qo‘yishda xarakterli nuqtalarning koordinatalarini berish zarur. Misol uchun 6.51-chizmada $2, 3, D$ shunday nuqtalardir.



6.53 – chizma.

6.53-chizmada 4, 5, 9, A, D, G nuqtalar shunday nuqtalar. O'lchamlarni tanlangan bazadan qo'yish tavsiya etiladi, chunki o'lchash belgilovchiga oson bo'ladi. O'lchamlarni zanjir tariqasida berish tavsiya etilmaydi, chunki xatoliklar ko'payib ketadi. Uchi berilgan konus sirtlarining yoyilmasiga o'lchamlar qo'yishda to'g'ri burchakli koordinat o'rniga polyar usuldan foydalanish mumkin. Ya'ni bir nuqtadan chiquvchi nurlarga, egri chiziq ayrim nuqtalarining konus uchidan uzoqligi masofasi o'lchab quyiladi.

Texnik konstruksiya yoyilmasining ishchi chizmasiga o'lcham quyish namunasi 6.54-chizmada berilgan.



6.54 - chizma.

Oltinchi bobga doir testlar

1. Sirtlarning yasovchilari qanday holatda bo'lganda, sirtlar tekislikka yeyilmaydi?

- A) ayqash B) kesishuvchi D) parallel E) perpendikular

2. Sfera sirtini frontal proyeksiyalovchi tekislik bilan kesilgan kesim shaklining haqiqiy kattaligi qanday nomlanadi?

- A) ellips B) aylana D) to'g'ri chiziq E) oval

Mustahkamlash uchun savollar

1. Sirtlar qanday hosil bo'ladi?
2. Sirtlar tasnifi haqida nima bilasiz?
3. Qanday yoyiluvchi sirtlarni bilasiz?
4. Qanday yoyilmaydigan to'g'ri chizikli sirtlarni bilasiz?
5. Egri chizikli sirtlarning yasovchilari qanday bo'ladi?
6. Qanday egri chizikli sirtlarni bilasiz?
7. Aylanish sirtlari qanday hosil bo'ladi?
8. Aylanish sirtlarning qanday turlarini bilasiz?
9. Konus sirti qanday hosil bo'ladi?
10. Silindr sirti qanday hosil bo'ladi?
11. Shar sirti qanday hosil bo'ladi?
12. Aylanish sirtning parallellari deb nimaga aytiladi?
13. Aylanish sirtning meridiani deb nimaga aytiladi?
14. Aylanish sirtning ekvatori deb nimaga aytiladi?
15. Aylanish sirtning bo'yin chizig'i deb nimaga aytiladi?
16. Sharining bosh meridiana chizig'i uning qanday qiyofasini aniqlaydi?
17. Aylanma ellipsoid qanday hosil bo'ladi?
18. Aylanma paraboloid qanday hosil bo'ladi?
19. Ko'pyoq deb nimaga aytiladi?
20. Piramida sirti qanday hosil bo'ladi?
21. Prizma sirti qanday hosil bo'ladi?
22. Ko'pyoqlarning qanday elementlarini bilasiz?

VII bob. SIRTLARNING O‘ZARO KESISHISHI

Umumiy vaziyatdagi ikki sirtning kesishishi fazoviy chiziqni hosil qiladi.

Sirtlarning kesishish chizig‘ini aniqlash uchun unda yotuvchi bir nechta nuqtalarni topish kerak bo‘ladi. Buning uchun vositachilardan foydalaniladi.

Vositachilar ikki xil bo‘ladi:

1. Yordamchi proyeksiyalovchi tekisliklar.
2. Yordamchi sfera (sharlar).

Bu vositachilardan qaysi birini qo‘llash, berilgan sirtning turlariga va ularning o‘zaro vaziyatiga bog‘liq.

7.1. Yordamchi kesuvchi tekislik usuli

Yordamchi tekislik usuli kesishayotgan sirtlar ko‘pyoqliklar bo‘lsa yoki ulardan biri ko‘pyoqlik bo‘lsa qo‘llaniladi.

Bu usulning mohiyati shundaki, kesishayotgan sirtlar yordamchi tekislik bilan kesiladi. Sirtlarning tekislik bilan kesishishidan hosil bo‘lgan nuqtalar har ikkala sirt uchun umumiy bo‘lib, kesishish chizig‘ini tashkil qiladi.

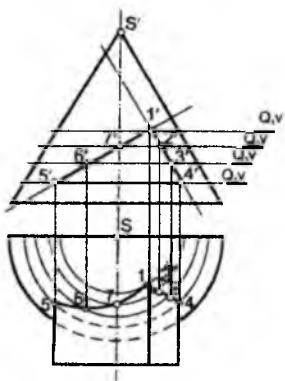
Kesishish chizig‘ini yasashda avval xarakterli nuqtalar – eng chetki o‘ng va chap hamda eng yuqorigi va eng pastki nuqtalar topib olinadi, so‘ng oraliq nuqtalar aniqlanadi.

Sirtlarning kesishish chizig‘ini yasashda, odatda, 7 ta yoki 9 ta nuqta aniqlash kifoya. Aniqlangan nuqtalar lekalo yordamida ravon tutashtiriladi

Misol: To‘g‘ri doiraviy yarim konus bilan to‘g‘ri prizmaning kesishish chizig‘i proyeksiyalari aniqlansin (7.1-chizma). Bu misol talabalarning 9-epyuri bo‘lib, talabalar chizmaning berilishini variant asosida ko‘rgazmali stenddan olib chizadilar.

Prizmaning yon yoqlari frontal proyeksiyalovchi tekisliklar bo‘lgani uchun, shu yon yoqlarning konus sirti bilan kesishish chizig‘i frontal proyeksiyada, xususiy vaziyatdagi tekisliklarning yig‘ish xossasiga asosan prizma yon yoqlarining ustiga tushadi. Prizmaning ostki yog‘i konus sirti bilan to‘liq bo‘lmagan aylana (5,4 chiziq), chap yog‘i to‘liq bo‘lmagan ellips (5,6,7,1 chiziq), o‘ng yog‘i to‘liq bo‘lmagan parabola (1,2,3,4 chiziq) bo‘ylab kesishadi. Misolni yechish uchun kesishish chiziqlarining gorizontal proyeksiyalarini chizish kifoya.

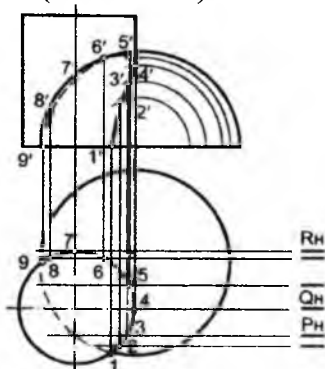
Kesishish chiziqlariga tegishli nuqtalarning gorizontaal proyeksiyasini aniqlash uchun xususiy vaziyatdagi yordamchi gorizontaal Q_1, Q_2, Q_3, Q_4 tekisliklardan foydalanamiz.



7.1 - chizma.

Yordamchi tekisliklar har ikki sirtlarni kesib o'tib, konus sirti uchun yarim aylanalar – konus parallellarini, prizma sirti uchun to'g'ri chiziqlarni – prizma yasovchilarini hosil qiladi. O'z navbatida, konus parallellari prizma yasovchilari bilan uchrashib, har ikki sirtlarning kesishish chiziqlariga tegishli bo'lgan nuqtalarni beradi. Hosil bo'lgan nuqtalarni tutashtirib, 1, 7, 6, 5 ellips, 1, 2, 3, 4 parabola, 4, 5 aylana bo'laklarni hosil qilamiz.

Misol: Yarim sfera bilan silindrning kesishish chizig'i proyeksiyalari aniqlansin (7.2 - chizma).

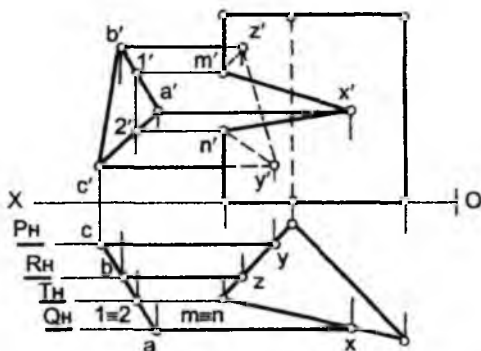


7.2 - chizma.

Silindr sirtining yasovchilari gorizontalar proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalovchi vaziyatda bo'lgani uchun, ma'lum yasovchilarining yarim sfera bilan kesishish chizig'ining gorizontalar proyeksiyasi silindr asoslari bilan ustma-ust tushadi (1-2-3-4-5-6-7-8-9-chiziqlar) Yarim sfera bilan silindr sirtlarining kesishish chizig'i frontal proyeksiyasini aniqlash uchun yordamchi frontal Q, R, P... tekisliklardan foydalanamiz.

Yordamchi frontal tekisliklar silindr sirtini yasovchilari – to'g'ri chiziqlar, yarim sfera sirtini yarim aylanalar bo'ylab kesib o'tadi. Natijada sfera sirtidagi yarim aylanalar, silindr sirtidagi yasovchilar – to'g'ri chiziqlar bilan uchrashib, har ikki sirtlarning kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan nuqtalarning frontal proyeksiyalarini beradi. Hosil bo'lgan nuqtalarni o'zaro ravon tutashtirib, silindr va yarim sfera sirtining o'zaro kesishish chizig'ini frontal proyeksiyasini hosil qilamiz. Bu yerda 1', 2', 3', 4' nuqtalarni tutashtiruvchi kesishish chizig'i kuzatuvchiga ko'rinadi, 4', 5', 6', 7', 8', 9' nuqtalarni tutashtiruvchi kesishish chizig'i ko'rinmaydi, chunki ko'rinmas kesishish chizig'i silindr sirtining o'ng qiyofa yasovchisining (4-nuqtaning) orqasida bo'ladi.

Misol: Ikki prizmaning kesishish chizig'i proyeksiyalari chizilsin (7.3 - chizma).



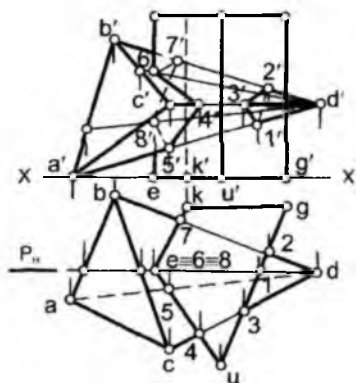
7.3- chizma.

Berilgan ikki uch yon yoqli prizmaning biri – to'g'ri gorizontalar proyeksiyalovchi vaziyatda, ikkinchisining yon qirralari profil proyeksiyalovchi vaziyatga ega. Ikki prizma sirtlarining kesishish chizig'ining gorizontalar proyeksiyasi ma'lum bo'lib, u gorizontalar proyeksiyalovchi prizmaning asoslari bilan ustma-ust tushadi. Shu x, m,

z, y, n nuqtalarni belgilab olib, yordamchi frontal Q, T, R, P tekisliklar o'tkazamiz. Yordamchi T frontal tekislik bir prizmaning chap qirrasini, ikkinchi prizmaning $1, 2$ yasovchilarini kesib o'tib, natijada ikki prizma sirtining kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan m', n' nuqtalarni beradi. Qolgan x', y', z' nuqtalar ham shu tartibda topiladi.

Hosil qilingan nuqtalar o'zaro tutashtirilib, ikki prizma kesishish chizig'ining frontal proyeksiyasini hosil qilinadi. Bu yerda $m'-x'-n'$ siniq chiziq kuzatuvchiga ko'rinadi, $m'-z'-y'-n'$ siniq chiziq ko'rinmas bo'ladi.

Misol: To'g'ri prizma sirti bilan piramida sirtining kesishish chizig'i proyeksiyalari chizilsin (7.4-chizma). Bu misol mexanika ta'lim yo'nalishidagi talabalarning mustaqil-grafik ishi bo'lib, A, B, C, D piramida va E, K, U, Q prizma (X, Y, Z) koordinatalari millimetrlarda variant asosida beriladi.



7.4 - chizma.

To'g'ri prizma sirti gorizontaal proyeksiyalovchi vaziyatda bo'lgani uchun, prizma va piramida sirtlarining o'zaro kesishish chizig'ining gorizontaal proyeksiyasi ma'lum bo'ladi, ya'ni prizma yoqlarining piramida qirralari bilan uchrashgan nuqtalarini belgilab olamiz. Prizmaning E qirrasidagi $6, 8$ nuqtalarni topish uchun yordamchi proyeksiyalovchi P tekislik o'tkazamiz. Kesishish chizig'iga tegishli nuqtalarni frontal proyeksiyasini aniqlash uchun vertikal bog'lovchi chiziqlardan foydalanamiz.

7.2. Yordamchi sferalar usuli

Bu usul aylanish sirtlari umumiy simmetriya tekisligiga ega bo'lganda, kesishuvchi sirtlarning o'qlari o'zaro kesishadigan va bir proyeksiyalar tekisligiga parallel joylashgan hollardagina qo'llaniladi.

Sfera usuli ikki xil bo'ladi:

1. **Konsentrik**, ya'ni yordamchi sharlar bir markazdan o'tkaziladi.
2. **Ekssentrik**, ya'ni yordamchi sharlar markazi bir to'g'ri chiziqda yotuvchi bir nechta nuqtalardan iboratdir.

Konsentrik usulning mohiyati shundan iboratki, yordamchi sfera har ikkala aylanish sirtlarining o'qlari kesishgan nuqtadan o'tkaziladi.

Yordamchi "min" sfera birinchi sirtni aylana bo'yicha kesib, ikkinchi sirtga aylana bo'yicha urinib o'tadi. Aylanalar kesishib, ikki sirtga umumiy bo'lgan kesishish chizig'iga tegishli nuqtani beradi.

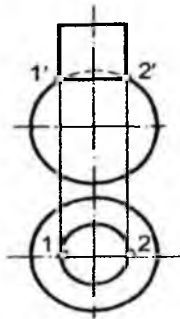
Minimal sferadan tashqari, ikki yoki uch katta sferalar o'tkaziladi.

Bu katta sferalar har ikkala aylanish sirtlarini o'z asoslariga parallel bo'lgan aylanalar bo'ylab kesadi. Odatda, kesishish chizig'ini topish uchun 7 ta yoki 9 ta nuqta topish kifoya.

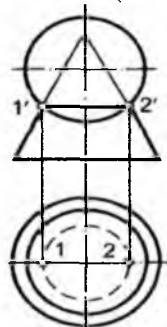
7.3. Sirtlar kesishuvining xususiy holi

Agar kesishuvchi sirtlar umumiy o'qqa ega bo'lsa, ularning kesishish chizig'i o'qqa perpendikular bo'lgan aylana bo'ladi.

Misol: Sfera va silindr (7.5-chizma). Sfera va konus (7.6-chizma)



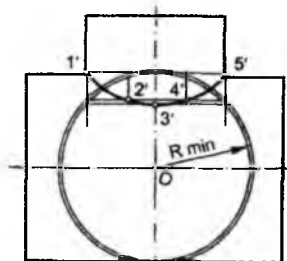
7.5 - chizma.



7.6 - chizma.

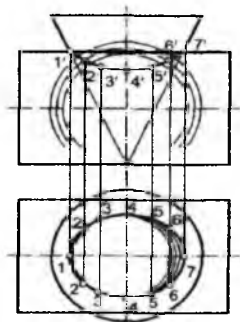
Umumiy o'qqa ega bo'lgan aylanish sirtlarining o'zaro kesishish xususiyatlari, ikki sirtning kesishish chizig'i proyeksiyalarini aniqlashda berilgan sirtlarga o'qdos bo'lgan yordamchi sferalardan foydalanishga imkon beradi.

Misol: Ikki silindrning kesishishi (7.7 - chizma).



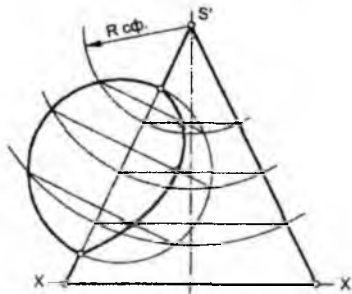
7.7 - chizma.

Misol: Silindr va konusning kesishishi (7.8 - chizma).



7.8 - chizma.

Misol: Konus va sferaning kesishishi (7.9 - chizma).

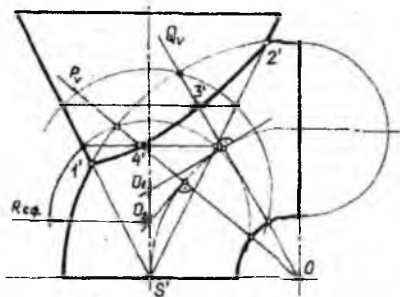


7.9 - chizma.

Umumiy simmetriya tekisligiga ega bo'lgan aylanish sirtlarining kesishish chizig'ini aniqlashda yordamchi kesuvchi vositachi sferalarni qo'llash 7.9-chizmada keltirilgan. Bu yerda bir sirt aylanish konusi ikkinchisi esa sfera. Misolni yechishda kesuvchi eksentrik sferalar qo'llanilgan. Bu misolni yordamchi kesuvchi tekisliklar va konsentrik sferalar usullari bilan yechish mumkin.

Markazi konus o'qida joylashgan, istalgan radiusdagi yordamchi kesuvchi vositachi sferalar konusni va berilgan sferani aylanalar bo'yicha kesadi. Aylanalar kesishib, sirtlarning kesishish chizig'iga tegishli nuqtalarni beradi. Boshqa radiusli kesuvchi eksentrik sferalar markazini aylanish konusi o'qida tanlab olsak, sirtlarning kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan bir qator nuqtalarni hosil qilamiz.

Misol: Konus va torning kesishishi (7.10 - chizma).



7.10 - chizma.

Ikki aylanish sirtining kesishish chizig'ini eksentrik sferalar usuli bilan aniqlash 7.10-chizmada keltirilgan. Bu misolda halqa (ochiq tor) bilan aylanish konusi kesishishi ko'rsatilgan. Sirtlar bitta umumiy simmetriya tekisligiga ega va chizmada sirtlarning frontal qiyofalari berilgan. Bu sirtlarning kesishish chizig'ini aniqlashda avval sirtlarning qiyofa yasovchilari kesishayotgan tayanch 1 va 2 nuqtalarni topib olamiz. So'ng torning aylanish o'qi orqali frontal proyeksiyalovchi Q tekislikni o'tkazamiz. U torni aylana bo'ylab kesadi. Q tekislikdagi aylana markazidan o'tkazilgan perpendikular aylanish konusining o'qini kesib, torning aylana bo'ylab kesgan sferaning O_1 markazini beradi. O'tkazilgan sfera tor va aylanish konusini aylanalar bo'ylab kesib o'tadi, ularning frontal proyeksiyalari to'g'ri chiziq kesmalari bo'ladi. Ikki 3-nuqtalar sirtlarning kesishish chizig'iga tegishlidir. Ikki sirtning kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan 4-nuqtalar ham shu tartibda

topiladi. U holda yordamchi kesuvchi sferaning markazi O_2 bo'ladi. Kesishish chizig'ining gorizontal proyeksiyasi uning frontal proyeksiyasi bilan proyeksion bog'lanishda aniqlanadi.

Yettinchi bobga doir testlar

1. Ikki sirtning kesishish chizig'ini aniqlash qaysi nuqtalarni topishdan boshlanadi?

- A) oraliq nuqtalar B) ixtiyoriy nuqtalar **D) tayanch nuqtalar** E) istalgan nuqtalar

Mustahkamlash uchun savollar

1. Sirtlarning kesishish chizig'ini aniqlashning qanday usullarini bilasiz?

2. Ko'pyoqlarni o'zaro kesishish chizig'i qanday usulda aniqlanadi?

3. Yordamchi kesuvchi tekislik usulining mohiyatini aytib bering.

4. Ko'ryoq bilan aylanish sirtining kesishuv chizig'i qanday usulda aniqlanadi?

5. Ikki aylanish sirtlarining o'qlari o'zaro ayqash bo'lsa, ularning kesishuv chizig'i qanday usulda aniqlanadi?

6. Yordamchi kesuvchi tekislik usulida qanday vaziyatdagi tekisliklar qo'llaniladi?

7. Yordamchi sferalar usuli qanday hollarda qo'llaniladi?

8. Konsentrik yordamchi sharlar usulining mohiyatini aytib bering.

9. Sirtlarning kesishish chizig'iga tegishli tayanch nuqtalar to'g'risida tushuncha bering.

10. Umumiy o'qqa ega bo'lgan aylanish sirtlarining kesishish chizig'i qanday bo'ladi?

11. Aylanish sirtlarining xususiy holdagi kesishish chiziqlari deganda nimani tushunasiz?

12. Ekssentrik yordamchi sharlar markazi qanday olinadi?

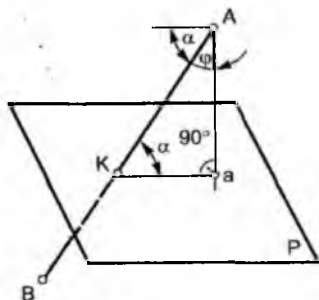
13. Konsentrik yordamchi sharlar markazi qanday olinadi?

14. Aylanish sirtlarining o'qlari o'zaro ayqash bo'lsa, yordamchi sferalar usulini qo'llash mumkinmi?

VIII bob. BURCHAKLARNI ANIQLASH

8.1. To'g'ri chiziq va tekislik orasidagi burchakni aniqlash

To'g'ri chiziq va tekislik orasidagi burchak shu to'g'ri chiziqning berilgan tekislikdagi ortogonal proyeksiyasi bilan hosil qilgan burchagiga teng bo'ladi. To'g'ri chiziq va tekislik orasidagi burchakni fazoviy chizmadan (8.1 - chizma) foydalanib, quyidagi tartibda aniqlash mumkin:



8.1 - chizma.

1) Berilgan AB to'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishish nuqtasi aniqlanadi:

$$(\bullet)K = (AB) \cap P$$

2) To'g'ri chiziqni A uchidan berilgan tekislikka P perpendikularni tushirib, uning P tekislik bilan kesishuv nuqtasini aniqlaymiz:

$$\perp_{(\bullet)A} \cap P = a$$

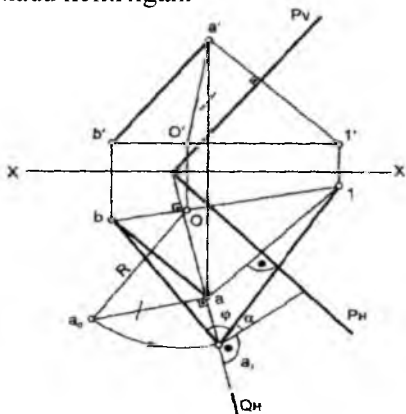
3) Chizmada aniqlangan K va A nuqtalarni o'zaro tutashtirish natijasida hosil bo'lgan α burchak AB to'g'ri chiziq va P tekislik orasidagi burchak bo'ladi:

$$(\bullet) a \cup (\bullet) K = (a K), \angle \alpha = (AB) \wedge P$$

Bu masalani ikkinchi usulda ham yechish mumkin. Bu usulda talab qilingan α burchak (AB) to'g'ri chiziq va uning A uchidan P tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi φ burchak orqali aniqlanadi:

$$\alpha + \varphi = 90^0, \angle \alpha = 90^0 - \varphi$$

Misol: AB to'g'ri chiziq bilan P tekislik orasidagi burchakni aniqlash 8.2 - chizmada keltirilgan.

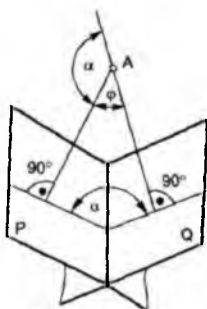


8.2 - chizma.

8.2. Ikki tekislik orasidagi burchakni aniqlash

Ikki P va Q tekisliklar orasidagi burchak bu tekisliklarning kesishish chizig'iga perpendikular bo'lgan ikki to'g'ri chiziqlari orasidagi chiziqli burchak bilan o'lanadi. Bunday usul bilan ikki tekislik orasidagi chiziqli burchakni aniqlash ko'p geometrik yasashlarni talab etadi.

Ikki tekislik orasidagi burchakni quyidagicha aniqlash mumkin (8.3-chizma).



8.3 - chizma.

Buning uchun fazoning ixtiyoriy A nuqtasidan berilgan Q va P tekisliklarga perpendikular tushirib, φ burchakning haqiqiy qiymatini aniqlash orqali α burchakni topamiz.

$$\angle \alpha = 180^\circ - \varphi$$

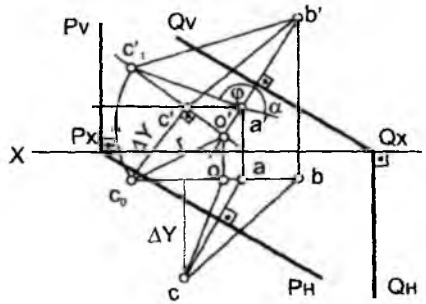
Misol: Ikki tekislik $P(P_H, P_V)$ va $Q(Q_H, Q_V)$ orsidagi burchak aniqlansin (8.4 - chizma).

Berilgan:

$P(P_H, P_V) \wedge Q(Q_H, Q_V)$

Topish kerak:

$\angle \alpha = P \wedge Q$



8.4 - chizma.

8.3. Ikki kesishuvchi to'g'ri chiziq orasidagi burchakni aniqlash

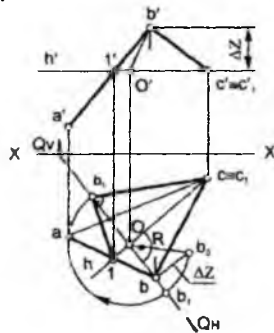
Misol: Berilgan AB va BC kesishuvchi to'g'ri chiziqlar orasidagi burchak aniqlansin (8.5 - chizma).

Berilgan:

$(AB) \cap (BC)$

Topish kerak:

$|\angle BCA| - ?$



8.5 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

1) $h_0(h h') \subset (\bullet)C(c c')$

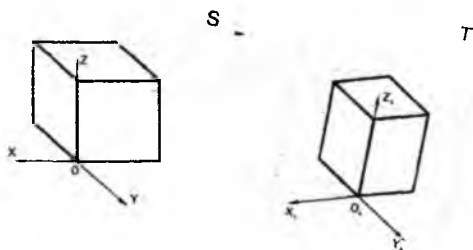
2) $(\bullet)B \leftrightarrow J_{PH} \rightarrow (\bullet)B_1$

Misol: Berilgan AB va AC kesishuvchi to'g'ri chiziqlar orasidagi burchak aniqlansin (8.6 - chizma).

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirilar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi **X, Y, Z** o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning **OXYZ** o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, **T** aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda **S** proyeksiyalash yo'nalishi bilan **T** tekislik orasidagi burchak $\varphi^\circ=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

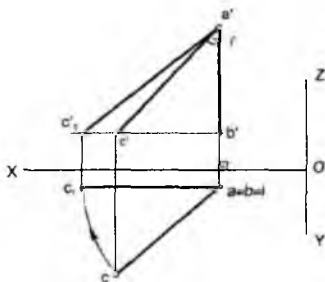
Masalan, **A** nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri **A** gorizontal proyeksiyasini **T** aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

Berilgan:

$(AB) \cap (AC) \wedge (AB) \perp H$

Topish kerak:

$|\angle ABC| - ?$



8.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) (\bullet)C \xrightarrow{J_{\perp H}} (\bullet)C_1$$

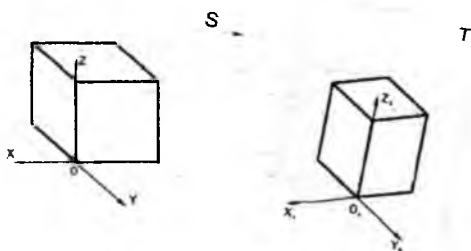
Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
2. To'g'ri chiziq va uning uchidan tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
3. Ikki tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
4. Ikki kesishuvchi chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
5. Ayqash chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
6. To'g'ri chiziq va proyeksiyalar o'qi orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
7. Tekislikning gorizont va frontal izlari orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. Xususiy vaziyatdagi tekislikning izlari orasidagi burchak necha gradusga teng?

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvir aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proyeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^\circ=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

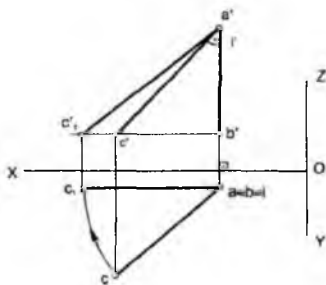
Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

Berilgan:

$(AB) \cap (AC) \wedge (AB) \perp H$

Topish kerak:

$|\angle ABC| - ?$



8.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) (\bullet)C \xrightarrow{J_{\perp H}} (\bullet)C_1$$

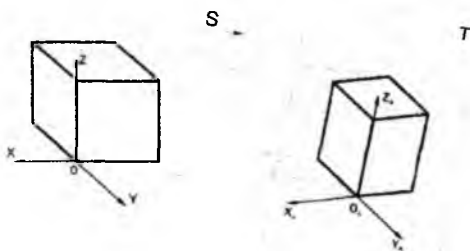
Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
2. To'g'ri chiziq va uning uchidan tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
3. Ikki tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
4. Ikki kesishuvchi chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
5. Ayqash chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
6. To'g'ri chiziq va proyeksiyalar o'qi orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
7. Tekislikning gorizontal va frontal izlari orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. Xususiyy vaziyatdagi tekislikning izlari orasidagi burchak necha gradusga teng?

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirlar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^{\circ}=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

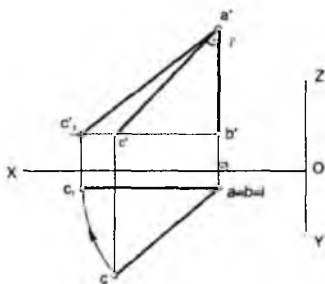
Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

Berilgan:

$(AB) \cap (AC) \wedge (AB) \perp H$

Topish kerak:

$|\angle ABC| - ?$



8.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) (\bullet)C \xrightarrow{J_{\perp H}} (\bullet)C_1$$

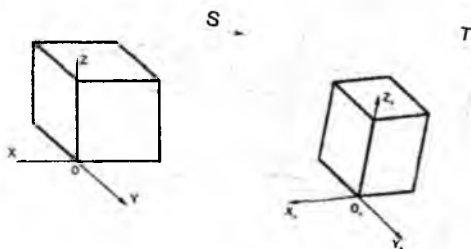
Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
2. To'g'ri chiziq va uning uchidan tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
3. Ikki tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
4. Ikki kesishuvchi chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
5. Ayqash chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
6. To'g'ri chiziq va proyeksiyalar o'qi orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
7. Tekislikning gorizontaal va frontal izlari orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. Xususiy vaziyatdagi tekislikning izlari orasidagi burchak necha gradusga teng?

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirlar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proyeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^\circ=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

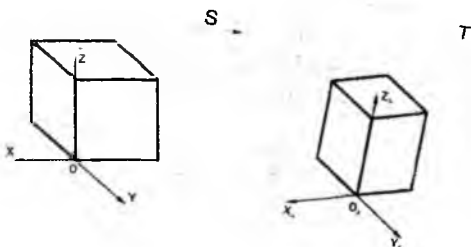
Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirlar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^{\circ}=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

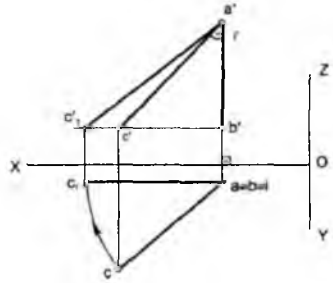
Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

Berilgan:

$(AB) \cap (AC) \wedge (AB) \perp H$

Topish kerak:

$|\angle ABC| - ?$



8.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) (\bullet)C \xrightarrow{J_{\perp H}} (\bullet)C_1$$

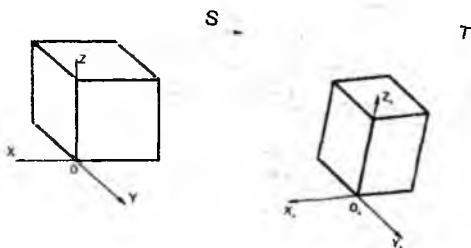
Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
2. To'g'ri chiziq va uning uchidan tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
3. Ikki tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
4. Ikki kesishuvchi chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
5. Ayqash chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
6. To'g'ri chiziq va proyeksiyalar o'qi orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
7. Tekislikning gorizontal va frontal izlari orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. Xususiy vaziyatdagi tekislikning izlari orasidagi burchak necha gradusga teng?

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirilar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^{\circ}=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

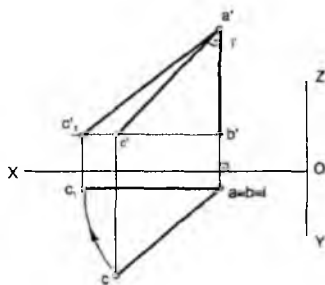
Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.

Berilgan:

$(AB) \cap (AC) \wedge (AB) \perp H$

Topish kerak:

$|\angle ABC| - ?$



8.6 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

$$1) (\bullet)C \xrightarrow{J_{\perp H}} (\bullet)C_1$$

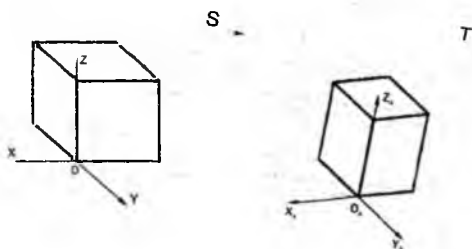
Mustahkamlash uchun savollar

1. To'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
2. To'g'ri chiziq va uning uchidan tekislikka tushirilgan perpendikular orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
3. Ikki tekislik orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
4. Ikki kesishuvchi chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
5. Ayqash chiziqlar orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
6. To'g'ri chiziq va proyeksiyalar o'qi orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
7. Tekislikning gorizontal va frontal izlari orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. Xususiy vaziyatdagi tekislikning izlari orasidagi burchak necha gradusga teng?

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot

Jismning to'g'ri burchakli proyeksiyalari yetarli yaqqollikka ega bo'lmaydi. Shuning uchun jismning yaqqol tasvirini chizish kerak bo'ladi. Yaqqol tasvirlar aksonometrik proyeksiyalar chizish orqali amalga oshiriladi. Aksonometrik proyeksiyalar yoki qisqacha aksonometriya – grekcha so'z bo'lib, «o'qlar bo'ylab o'lchash» degan ma'noni bildiradi. Aksonometrik proyeksiyalar tekisligidagi X, Y, Z o'qlar **aksonometrik o'qlar** deb ataladi. Aksonometriya – buyumni, to'g'ri burchakli fazoviy koordinata o'qlari bilan birga sistemadan tashqarida olingan tekislikka proyeksiyalash yo'li bilan hosil qilingan tasvirga aytiladi. Prizmaning aksonometrik proyeksiyasini hosil qilish uchun uning $OXYZ$ o'qlar sistemasiga joylashtirib, biror yo'nalishda bitta tekislikka parallel proyeksiyalash yo'li bilan olingan tasvirdan iborat (9.1-chizma).



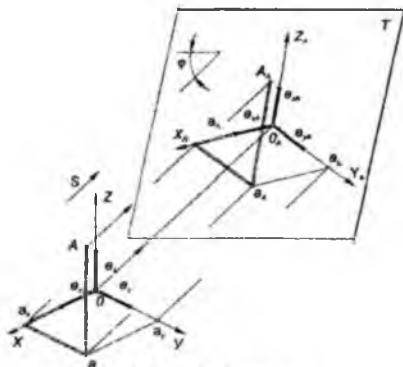
9.1- chizma.

S proyeksiyalash yo'nalishi, odatda, T aksonometrik tekislikka perpendikular yoki og'ma joylashgan bo'lishi mumkin.

Agarda S proyeksiyalash yo'nalishi bilan T tekislik orasidagi burchak $\varphi^\circ=90$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **to'g'ri burchakli** deyiladi.

Buyumning aksonometrik proyeksiyasini chizish uchun shu buyumning o'zini va uning ortogonal proyeksiyasidan birini aksonometrik proyeksiyalar tekisligiga proyeksiyalash yetarlidir.

Masalan, A nuqta bilan uning ortogonal proyeksiyalaridan biri A gorizontal proyeksiyasini T aksonometriya tekisligiga proyeksiyalash 9.2-chizmada ko'rsatilgan.



9.2 - chizma.

Bu yerda, A_A - A nuqtaning aksonometrik proyeksiyasi deyiladi. a_A nuqta esa A nuqtaning ikkilamchi proyeksiyasi deb yuritiladi. 9.2-chizmadagi $O_A a_A$ sinik chiziq A -nuqtaning X, Y va Z o'qlaridagi koordinatalarining yig'indisidan iborat bo'lganligi uchun, u chiziqni koordinatalar sinik chizig'i deyiladi. Shu chiziqning aksonometrik proyeksiyasi $O_A a_A$ bo'ladi. 9.2-chizmadagi $O_A X_A, O_A Y_A, O_A Z_A$ o'qlar aksonometrik proyeksiyalari, O_A esa O koordinatalar boshining aksonometriyasi bo'ladi. Aksonometrik proyeksiyalar parallel proyeksiyalar turiga mansub bo'lganligi sababli, ular parallel proyeksiyalarning hamma xossalariga ega. Shunga ko'ra, $A_A \parallel OZ$, $a_A \parallel OY$, $a_A \parallel OX$ bo'lganligi uchun, $A_A a_A \parallel O_A Z_A$, $a_A a_A \parallel O_A Y_A$, $a_A a_A \parallel O_A X_A$ bo'ladi.

9.2. Aksonometriya o'qlari va ular bo'yicha o'zgarish koeffitsiyenti

To'g'ri burchakli koordinatalar sistemasidagi uchala koordinata o'qi uchun umumiy bo'lgan uzunlik masshtab birligi sifatida e ni qabul qilib, uni **tabiiy masshtab birligi** deb ataymiz (9.2-chizma). Tabiiy shakl birligi e kesmani OX, OY, OZ koordinata o'qlariga qo'yamiz. Ularni T tekislikka proyeksiyalasak, $e_{X_A}, e_{Y_A}, e_{Z_A}$ kesmalar hosil bo'ladi. Bu kesmalar **aksonometriya masshtab birliklari** deb yuritiladi. Ularning tabiiy masshtab birligi e ga nisbatlari aksonometriya o'qlari bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari deyiladi va quyidagicha yoziladi:

$$\frac{e_{XA}}{e} = kx; \frac{e_{YA}}{e} = ky; \frac{e_{ZA}}{e} = kz$$

9.2-chizmadan A nuqta uchun o'zgarish koeffitsiyentlari tengliklarini yozish mumkin: $\frac{O_A a_{YA}}{oa_Y} = \frac{e_{YA}}{e} = Ky$; $\frac{O_A a_{YA}}{oa_Y} = \frac{e_{YA}}{e} = K_z$

Demak, A nuqtaning dekart va aksonometrik koordinatalari orasidagi bog'lanishini quyidagicha yozishimiz mumkin:

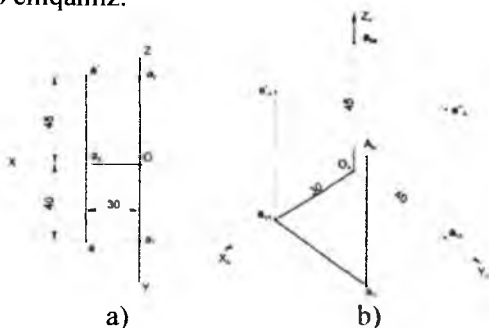
$$\frac{X_A}{X} = k_x; \quad \frac{Y_A}{Y} = k_y; \quad \frac{Z_A}{Z} = k_z$$

yoki

$$X_A = k_x * X; \quad Y_A = k_y * Y; \quad Z_A = k_z * z$$

Aksonometriya o'qlarining vaziyatlari va shu o'qlari bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari berilgan bo'lsa, fazodagi har qanday nuqtaning, to'g'ri chiziqning, tekis geometrik shaklning, texnikaviy buyumning aksonometriyasini chizish mumkin. Buning uchun nuqtaning har bir koordinatasini mos o'zgarish koeffitsiyentlariga ko'paytirib, aksonometriya o'qlari bo'yicha o'lchab qo'yiladi va aksonometriyasi chiziladi.

Fazodagi koordinatalari $x=30$; $y=40$ va $z=50$ ga teng bo'lgan A nuqtaning ortogonal proyeksiyasidan (9.3-chizma, a) aksonometriyasini chizishni ko'rib chiqamiz.



9.3 - chizma.

Buning uchun absissa o'qiga O_A nuqtadan boshlab $O_A a_{XA} = 30 \cdot e_x$ kesmani o'lchab qo'yamiz va a_{XA} nuqtani belgilab olamiz (9.2-chizma, b).

Bu nuqtadan ordinata o'qiga parallel qilib $\mathbf{a}_{XA} = \mathbf{a}_A = 40 \cdot \mathbf{e}_U$ kesmani o'lchab qo'yamiz va hosil bo'lgan \mathbf{a}_A nuqtadan applikata o'qiga parallel qilib $\mathbf{a}_A \mathbf{A}_A = 45 \cdot \mathbf{e}_Z$ kesmani o'lchab qo'yamiz. \mathbf{A}_A nuqta \mathbf{A} nuqtaning aksonometrik proeksiyasi, \mathbf{a}_A , \mathbf{a}'_A va \mathbf{a}''_A nuqtalar esa \mathbf{A} nuqtaning ikkilamchi proyeksiyalari bo'ladi.

Aksonometrik proyeksiyalar o'qlar bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlariga qarab uchta turga bo'linadi.

Agar uchta o'qlar bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari teng, ya'ni $K_x = K_y = K_z$ bo'lsa, aksonometrik proeksiyalar **izometrik proeksiyalar** deyiladi.

Agar ikkita o'qlar bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari teng bo'lib, uchinchi ulardan farqli, ya'ni $K_x = K_y \neq K_z$, $K_y = K_z \neq K_x$, $K_z = K_x \neq K_y$ bo'lsa, aksonometrik proyeksiyalar **dimetrik proyeksiyalar** deyiladi.

Agar uchta o'qlar bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari turlicha, ya'ni $K_x \neq K_y \neq K_z$ bo'lsa, aksonometrik proeksiyalar **trimetrik proyeksiyalar** deyiladi.

9.3. Aksonometriyaning asosiy teoremasi

Aksonometriyaning asosiy teoremasi nemis olimi Karl Polke (1810–1876) tomonidan ta'riflangan.

Polke teoremasi Bir nuqtadan chiqqan ixtiyoriy uzunlikdagi bir-biriga nisbatan ixtiyoriy burchakda bo'lgan va bir tekislikda yotgan uchta to'g'ri chiziq kesmasini, to'g'ri burchakli koordinatalar o'qining boshidan qo'yilgan uch teng to'g'ri chiziq kesmasini parallel proyeksiyasi deb qabul qilish mumkin.

Ushbu teoreмага muvofiq, bir nuqtada kesishuvchi har qanday uchta to'g'ri chiziqning tekislikdagi ustma-ust tushmagan tasvirini aksonometriya o'qlari sifatida qabul qilinishi mumkin. Shu to'g'ri chiziqning kesishuv nuqtasidan tanlab olingan ixtiyoriy uzunlikdagi kesmalar esa **aksonometriya masshtabi** deb qabul qilinishi mumkin.

Bu aksonometriya o'qlari va masshtablar sistemasi qandaydir to'g'ri burchakli koordinata o'qlari va tabiiy masshtablarining parallel proyeksiyalari hisoblanadi, ya'ni aksonometriya masshtablarini ixtiyoriy ravishda berilishi mumkin bo'ladi. O'zgarish koeffitsiyentlari esa o'zaro quyidagi bog'lanishda bo'ladi:

$$v^2 + v^2 + \varpi^2 = 2 + ctg^2 \varphi \quad (1)$$

bu yerda, φ – proeksiyalash yoʻnalishi bilan aksonometrik proyeksiyalar tekisligi orasidagi burchak. Toʻgʻri burchakli aksonometrik proyeksiyalar uchun $\angle \varphi = 90^\circ$ boʻladi va quyidagi koʻrinishdagi tenglik toʻgʻri boʻladi:

$$v^2 + v^2 + \varpi^2 = 2 \quad (2)$$

yaʼni oʻzgarish koeffitsiyentlari kvadrlarining yigʻindisi ikkiga teng boʻladi.

Toʻgʻri burchakli proyeksiyalashda faqat bitta izometrik va cheksiz koʻp dimetrik va trimetrik proyeksiyalar chizish mumkin boʻladi.

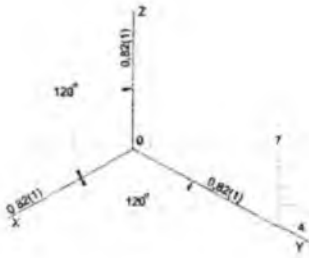
GOST 2.317–69 ga binoan, muhandislik grafikasida quyidagi ikki toʻgʻri burchakli aksonometriyani qoʻllash qabul qilingan. Ular oʻzgarish koeffitsiyentlari $v = \varpi = 2v$ koʻrinishidagi tenglikni qoniqtiradigan toʻgʻri burchakli izometriya va toʻgʻri burchakli dimetriyadir.

Toʻgʻri burchakli izometriya uchun (2) tenglikdan quyidagi qiymatni olamiz: $3v^2 = 2$ yoki $v = \varpi = v = \sqrt{\frac{2}{3}} = 0.82$

Yaʼni uzunligi koordinatalar oʻqida **100 mm** boʻlgan kesma toʻgʻri burchakli izometriyada uzunligi **82 mm** kesma boʻlib proyeksiyalanadi. Buning uchun koordinatalar oʻqidagi istalgan oʻlcham **0,82** oʻzgarish koeffitsiyentiga koʻpaytirilib, hosil boʻlgan sonni izometrik proyeksiya chizishda aksonometrik oʻqlarga qoʻyilishi kerak boʻladi. Amaliyotda ushbu oʻzgarish koeffitsiyentlaridan foydalanish noqulay hisoblanadi. Shuning uchun muhandislik chizmalarida GOST 2.317–69 quyidagi keltirilgan oʻzgarish koeffitsiyentlaridan foydalanishni tavsiya etadi: $v = \varpi = v = 1$

Ushbu tarzda bajarilgan izometriya asl oʻlchamlariga nisbatan **1,22** marta katta boʻlib tasvirlanadi, yaʼni toʻgʻri burchakli izometriyaning masshtabi M^A **1,22:1** boʻladi.

Toʻgʻri burchakli izometriyada aksonometriya oʻqlari oʻzaro **120°** ni tashkil etadi (9.4-chizma).



9.4 - chizma.



9.5 - chizma.

To'g'ri burchakli dimetriya uchun (2) tenglikdan quyidagi qiymatni olamiz:

$$v^2 + \left(\frac{v^2}{2}\right) + \omega^2 = 2$$

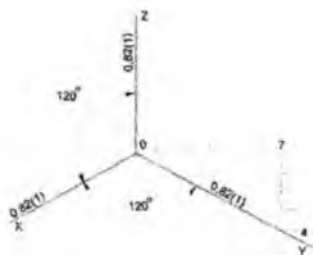
$$v^2 = \frac{8}{9}; v = \omega = \sqrt{\frac{8}{9}} \approx 0.94; v = 0.47$$

GOST 2.317-69 ga binoan, to'g'ri burchakli dimetriyada keltirilgan o'zgarish koeffitsiyentlari $v = \omega = 1$ va $v = 0.5$ dan foydalanilib bajariladi. Shunda to'g'ri burchakli dimetriyaning masshtabi M^A 1,06:1 bo'ladi.

To'g'ri burchakli standart dimetriyani aksonometrik o'qlarining joylashuvi 9.5-chizmada ko'rsatilgan.

9.4. To'g'ri burchakli izometriya

Nuqtaning izometrik proeksiyasi. Nuqtaning ortogonal proyeksiyasi va uning asosida chizilgan to'g'ri burchakli izometrik proyeksiyasi o'rtasidagi bog'liqlik 9.6-chizmada keltirilgan. Nuqtaning koordinatalari mos ravishda aksonometriya o'qlarining yo'nalishiga parallel holda o'lchab qo'yiladi.



9.4 - chizma.



9.5 - chizma.

To'g'ri burchakli dimetriya uchun (2) tenglikdan quyidagi qiymatni olamiz:

$$\nu^2 + \left(\frac{\nu^2}{2}\right) + \omega^2 = 2$$

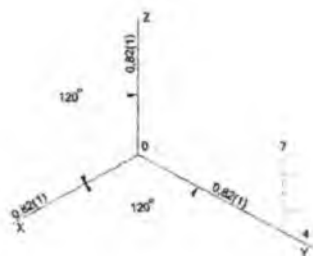
$$\nu^2 = \frac{8}{9} ; \nu = \varpi = \sqrt{\frac{8}{9}} \approx 0.94 ; \nu = 0.47$$

GOST 2.317-69 ga binoan, to'g'ri burchakli dimetriyada keltirilgan o'zgarish koeffitsiyentlari $\nu = \varpi = 1$ va $\nu = 0.5$ dan foydalanilib bajariladi. Shunda to'g'ri burchakli dimetriyaning masshtabi M^A 1,06:1 bo'ladi.

To'g'ri burchakli standart dimetriyani aksonometrik o'qlarining joylashuvi 9.5-chizmada ko'rsatilgan.

9.4. To'g'ri burchakli izometriya

Nuqtaning izometrik proeksiyasi. Nuqtaning ortogonal proyeksiyasi va uning asosida chizilgan to'g'ri burchakli izometrik proyeksiyasi o'rtasidagi bog'liqlik 9.6-chizmada keltirilgan. Nuqtaning koordinatalari mos ravishda aksonometriya o'qlarining yo'nalishiga parallel holda o'lchab qo'yiladi.



9.4 - chizma.



9.5 - chizma.

To'g'ri burchakli dimetriya uchun (2) tenglikdan quyidagi qiymatni olamiz:

$$v^2 + \left(\frac{v^2}{2}\right) + \omega^2 = 2$$

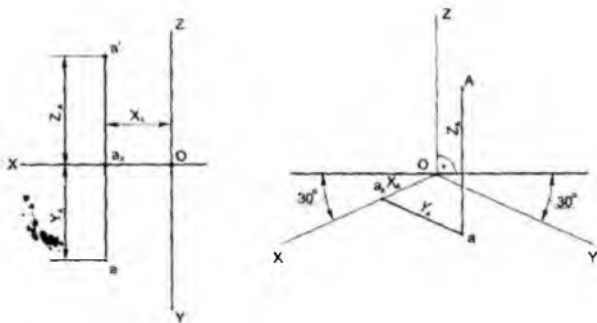
$$v^2 = \frac{8}{9}; v = \omega = \sqrt{\frac{8}{9}} \approx 0.94; \nu = 0.47$$

GOST 2.317-69 ga binoan, to'g'ri burchakli dimetriyada keltirilgan o'zgarish koeffitsiyentlari $\nu = \omega = 1$ va $\nu = 0.5$ dan foydalanilib bajariladi. Shunda to'g'ri burchakli dimetriyaning masshtabi M^A 1,06:1 bo'ladi.

To'g'ri burchakli standart dimetriyani aksonometrik o'qlarining joylashuvi 9.5-chizmada ko'rsatilgan.

9.4. To'g'ri burchakli izometriya

Nuqtaning izometrik proeksiyasi. Nuqtaning ortogonal proyeksiyasi va uning asosida chizilgan to'g'ri burchakli izometrik proyeksiyasi o'rtasidagi bog'liqlik 9.6-chizmada keltirilgan. Nuqtaning koordinatalari mos ravishda aksonometriya o'qlarining yo'nalishiga parallel holda o'lchab qo'yiladi.



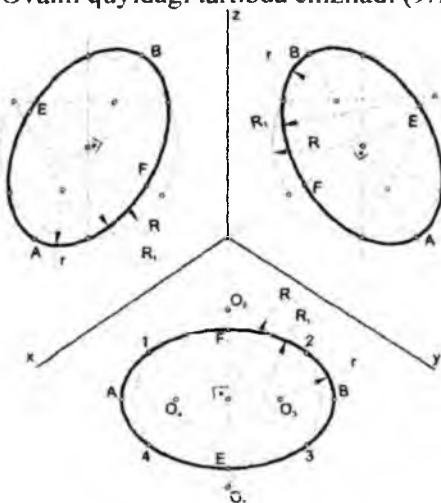
9.6 – chizma.

U yerdagi A nuqta yaqqol tasvir hisoblanadi. O $a_x aA$ chiziqlar aksonometriya siniq chizig'i deyiladi. Aksonometriya siniq chizig'ining uzunligi nuqtaning koordinata qiymatlari yig'indisiga teng.

Aylananing izometrik proyeksiyasi. Proyeksiyalar tekisliklariga parallel bo'lgan aylana aksonometrik proyeksiyalarda ellips ko'rinishida bo'ladi.

Muhandislik grafikasi amaliyotida ellipsni o'rniga sirkul bilan bajariladigan to'rt markazli oval chiziladi.

Agar aylana gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, ovalning AB katta o'qi Z izometriya proyeksiyalar o'qiga perpendikular ($AB \perp Z$) bo'ladi. Ovalni quyidagi tartibda chiziladi (9.7- chizma):

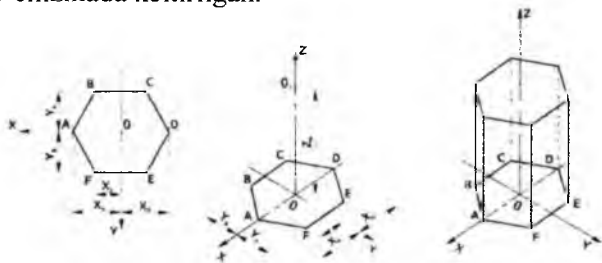


9.7 - chizma.

- izometriya o'qlarini chizib, tegishli markazdan berilgan R radiusda aylana chiziladi;
- Z o'qiga perpendikular qilib ovalning katta o'qi AB nuqtalar yotuvchi to'g'ri chizig'i o'tkaziladi;
- aylananing X va Y proyeksiyalar o'qlari bilan kesishgan $1,2,3,4$ nuqtalarni belgilab olinadi;
- aylananing Z proyeksiya o'qi bilan kesishgan nuqtalari O_1, O_2 lar, ya'ni ovalning katta yoyi markazlari belgilab olinadi;
- sirkul ignasini O_1 nuqtaga qo'yib, $1,2$ nuqtalarni va O_2 nuqta qo'yib, $3,4$ nuqtalarni tutashtiruvchi R_1 radiusda katta yoylar chiziladi;
- katta yoylar - Z proyeksiya o'qini kesib o'tib, ovalning kichik o'qiga tegishli F va E nuqtalarni hosil qiladi;
- O_1 nuqtani 1 nuqta hamda 2 nuqta bilan tutashtiriladi, ular ovalni katta o'qida yotuvchi to'g'ri chiziq bilan kesishib O_3 va O_4 nuqtalarni, ya'ni ovalning kichik yoy markazlarini beradi;
- O_3 va O_4 markazlardan $1,4$ va $2,3$ nuqtalarni R radiusda tutashtirib, ovalning kichik yoylari chiziladi, bu yoylar ovalning katta o'qiga tegishli A va B nuqtalarni aniqlab beradi.

Aylananing boshqa tekisliklardagi izometrik proyeksiyalari ham yuqorida ko'rsatilgan tartibda chiziladi. Bunda frontal aylananing izometriyasida (AB) ovalning katta o'qi OY izometriya o'qiga perpendikular, profil aylana uchun esa ovalning katta o'qi OX izometriya o'qiga perpendikular holda bo'ladi. Izometriyada ovalning hamma holatlari uchun katta o'qlar kichik o'qlarga o'zaro perpendikular bo'ladi: $AB \perp EF$.

Oltiyoqli muntazam prizmaning izometrik proyeksiyasi. Prizmaning ortogonal proyeksiyasi asosida izometrik proeksiyasini chizish 9.8-chizmada keltirilgan.



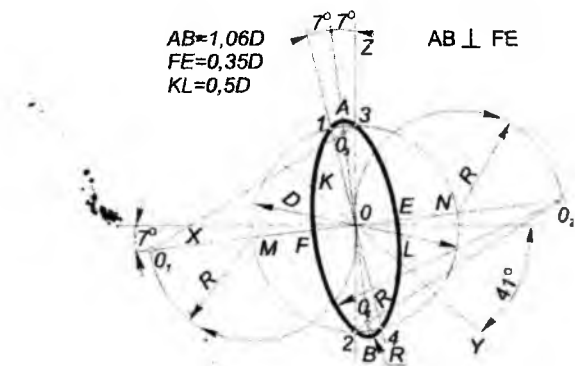
9.8 - chizma.

Bu chizmani quyidagi tartibda bajarish mumkin:

- izometriya o‘qlarini chizib, **OX**, **OY**, **OZ** lar belgilab olinadi;
- prizma asosining markazidan ikki tomonga **OX** o‘qi bo‘ylab **A** va **D** nuqtalarning koordinatalarini o‘lchab qo‘yiladi, ($X_A=X_D$) va prizmaning **A** va **D** uchlarini hosil qiladi;
- **BC** va **FE** tomonlarini hosil qilish uchun Y_B va Y_F qiymatldarda **OX** o‘qiga parallel bo‘lgan chiziqlar o‘tkaziladi, shu chiziqlarda **OY** o‘qidan ikki tomonga tomonlarning teng yarmini, ya’ni Y_F ni o‘lchab qo‘yiladi, prizmaning qolgan **F,E,B,C**, uchlarini hosil qilinadi;
- hosil bo‘lgan **A,B,C,D,E,F** nuqtalarni to‘g‘ri chiziqlar bilan birlashtirsak, prizma asosining izometriyasi hosil bo‘ladi.
- prizma asosiga tegishli barcha nuqtalardan balandligiga teng Z_M o‘lchamda vertikal to‘g‘ri chiziqlar o‘tkaziladi;
- to‘g‘ri chiziq uchlari o‘zaro tutashtirilsa, prizmaning yuqori asosi, ya’ni to‘g‘ri burchakli izometriyasi hosil bo‘ladi; Prizma asosi tomonlarining va qirralarining kuzatuvchiga ko‘rinmagan chiziqlari shtrix chiziqlar bilan chiziladi.

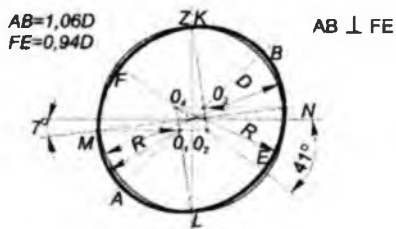
9.5. To‘g‘ri burchakli dimetriya

Aksonometriya o‘qlari bo‘yicha o‘zgarish koeffitsiyentlarining ikkitasi o‘zaro teng, uchinchi esa boshqacha bo‘lsa, dimetrik proyeksiya hosil bo‘ladi. Dimetriya so‘zi grekcha bo‘lib, di- qo‘sh (ikki yoqlama), ya’ni ikki o‘q bo‘yicha bir xil o‘lchab qo‘yish degan ma’noni anglatadi. To‘g‘ri burchakli dimetriyada keltirilgan o‘zgarish koeffitsiyentlari **OX** va **OZ** o‘qlar bo‘yicha bir xil, $u=\omega=1$, **OY** o‘q bo‘yicha esa ikki marta qisqa, ya’ni $\gamma=0,5$ ga teng bo‘ladi. Bunday koeffitsiyentlarda tasvir **1,06** marta katta bo‘ladi. Dimetrik proyeksiyalarda **OZ** o‘qi, odatda, vertikal yo‘nalishda olinadi. **OX** o‘q gorizontaal chiziqqa nisbatan $7^\circ 10'$ ni tashkil etsa, **OY** o‘qi $41^\circ 25'$ ni tashkil etadi (9.9.-chizmaga qarang).



9.10 - chizma.

Frontal tekisligidagi ovalni chizish uchun berilgan D diametrli aylanani dimetrik proyeksiya o'qlari markazi O dan chizib, OX o'qi bilan kesishgan M, N nuqtalardan gorizontaal chiziqlar o'tkazib, katta o'q AB bilan va kichik o'q FE bilan kesishtiramiz (9.11-chizma). Shunda oval katta yoyi markazlari O_2 va O_4 va kichik yoy markazlari O_1, O_3 hosil bo'ladi. So'ng O_1 markazdan M bilan L nuqtani, O_2 markazdan L bilan N nuqtani, O_3 markazdan N bilan K nuqtani va O_4 markazdan K bilan M nuqtani sirkul yordamida birlashtirib chiqamiz. Hosil bo'lgan ovalning katta o'qi (AB) $1,06D$ ga, lekin kichik o'qi (EF) $0,94 D$ ga teng bo'ladi.



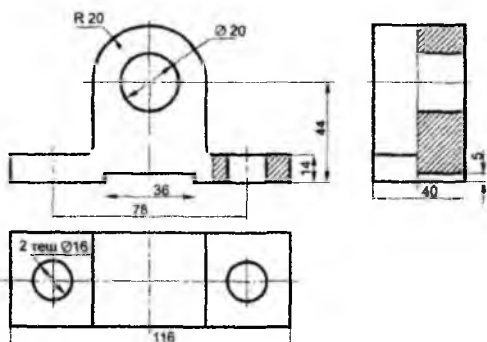
9.11 - chizma.

9.6. Kompleks chizma bo'yicha aksonometrik proyeksiyalarni chizish

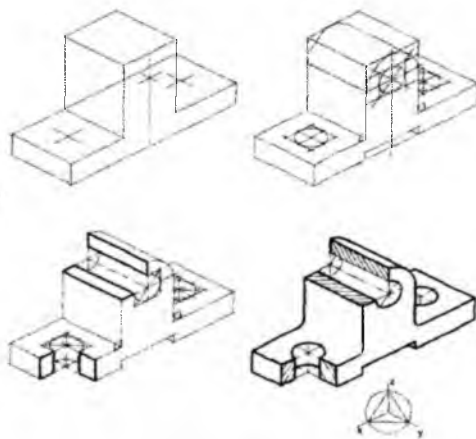
Loyihalash amaliyotida texnikaviy detallarni kompleks chizmasi (ortogonal ko'rinishlari) bo'yicha aksonometrik proyeksiyalarini chizish kerak bo'ladi.

Agar buyumning egri chiziqli konturlari (shu o'rinda aylanalar ham) ikki va undan ortiq o'zaro perpendikular tekisliklarga nisbatan joylashgan bo'lsa, dimetrik proyeksiyalarga nisbatan izometrik proeksiyalarni chizish afzalliklari bor.

9.12-chizmada podshipnikning kompleks chizmasi bo'yicha 9.13-chizmada uning izometrik proyeksiyasini qirqimlarini qo'llab chizish ko'rsatilgan.



9.12 - chizma.



9.13 - chizma.

Podshipnikning izometrik proyeksiyasini chizishda «umumiylikdan xususiylikka» usuli qo'llanishi ko'rsatilgan. Bu usul keng tarqalgan bo'lib, chizmani bajarishda podshipnikni tayyorlashdagi texnologik ketma-ketligiga amal qilingan. Birinchi navbatda podshipnik zagatovkasining izometriyasi chizilgan. Keyin silindrik teshiklarni

parmalashga va silindrik qismini prizmatik frezolangan (yo'nilgan). Foydali va yetarli qirqim bajarilib, ortiqcha chiziqlar o'chirilgan va detal yo'g'on asosiy chiziqlar bilan ustidan yurgizib chiqilgan.

Detalning kesuvchi tekislikka tushgan qismlari shtrixlanadi. Turli kesuvchi tekisliklarga tushgan detalning yuzalari har xil yo'nalishda shtrixlanadi, shtrixlanish yo'nalishini tegishli koordinata tekisliklarida yotgan to'g'ri burchakli teng yonli uchburchakning gipotenuzasiga parallel qilib o'tkaziladi.

Izometrik proeksiyalarni chizishni «xususiylikdan umumiylikka» usulida, avval qirqim yuzasini konturi chizilib, so'ng detalning qolgan qismlari chiziladi.

Mustahkamlash uchun savollar

1. Aksonometriya nima?
2. Aksonometrik proyeksiyalar qanday hosil qilinadi?
3. O'zgarish koeffitsiyenti deb nimaga aytiladi?
4. Aksonometriyani qanday turlarini bilasiz?
5. Aksonometriyaning asosiy teoremasini ta'riflab bering.
6. To'g'ri burchakli izometriya o'qlari qanday joylashgan?
7. To'g'ri burchakli izometriyada haqiqiy va keltirilgan o'zgarish koeffitsiyentlari qanday?
8. Standart to'g'ri burchakli izometriyaning masshtabi qanday?
9. To'g'ri burchakli dimetriya o'qlari qanday joylashgan?
10. To'g'ri burchakli dimetriyada haqiqiy va keltirilgan o'zgarish koeffitsientlari qanday?
11. Standart to'g'ri burchakli dimetriyaning masshtabi qanday?
12. Frontal proyeksiyalar tekisligidagi aylananing izometriyasi qanday chiziladi?
13. To'g'ri burchakli izometriyada ellipsning katta va kichik o'qlari nimaga teng?
14. To'g'ri burchakli dimetriyada ellipsning katta va kichik o'qlari nimaga teng?
15. Gorizontal proyeksiyalar tekisligidagi aylananing dimetriyasi qanday chiziladi?

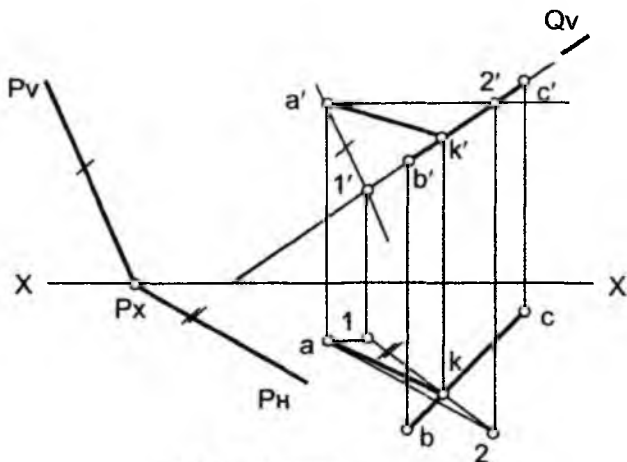
X bob. KOMPLEKS MASALALAR

10.1. Ikkinchi oraliq baholashda beriladigan masalalar namunasi

Misol: Berilgan A nuqta orqali P tekislikka parallel va BC to'g'ri chiziqni kesuvchi AK to'g'ri chiziq o'tkazilsin (10.1 - chizma).

Berilgan: $P(P_H, P_V)$, $(BC) \wedge (\bullet) A$

Topish kerak: $(\bullet) A \in (AK) \wedge (AK) \cap (BC) \wedge (AK) \parallel P - ?$



10.1 - chizma.

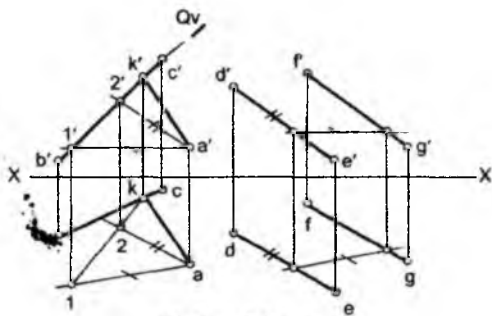
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

- 1) $(\bullet) A \in R \parallel P$
- 2) $(\bullet) K = R \cap (BC)$
 - a) $(BC) \subset Q$
 - b) $R \cap Q = (1, 2)$
 - d) $(1, 2) \cap (BC) = (\bullet)K$

Misol: Berilgan A nuqta orqali $P((DE) \parallel (FQ))$ tekislikka parallel va BC to'g'ri chiziqni kesuvchi AK to'g'ri chiziq o'tkazilsin (10.2 - chizma).

Berilgan: $P((DE) \parallel (FQ))$, $(BC) \wedge (\bullet) A$

Topish kerak: $(\bullet) A \in (AK) \wedge (AK) \cap (BC) \wedge (AK) \parallel P - ?$



10.2 - chizma.

Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi:

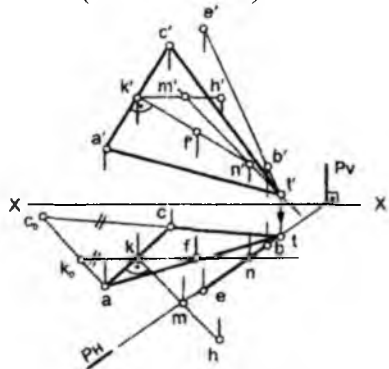
- 1) $(\bullet) A \in R \parallel P$
- 2) $(\bullet) K = R \cap (BC)$
- a) $(BC) \subset Q$
- b) $R \cap Q = (1, 2)$
- d) $(1, 2) \cap (BC) = (\bullet)K$

10.2. Yakuniy yozma ishda beriladigan masalalar namunasi

Misol: 1. AC kesmani asos qilib, uchi BE to'g'ri chiziqda yotadigan teng yonli uchburchak chizilsin (10.3 - chizma).

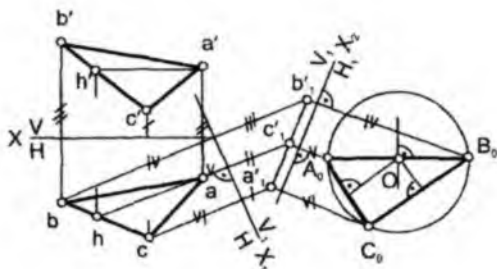
Misol quyidagi algoritm asosida yechiladi

1. $(AC)/2 = (AK) = (KC)$
2. $(\bullet) K \in Q(h_0 \cap f_0) \perp (AC)$
3. $(BE) \cap Q = (\bullet) T$
- 3.1. $(BE) \subset P(P_H, P_V) \perp H$
- 3.2. $Q \cap P = (MN)$
- 3.3. $(MN) \cap (BE) = (\bullet) T$
4. $(\bullet) T \cup (\bullet) C \wedge (\bullet) T \cup (\bullet) A$



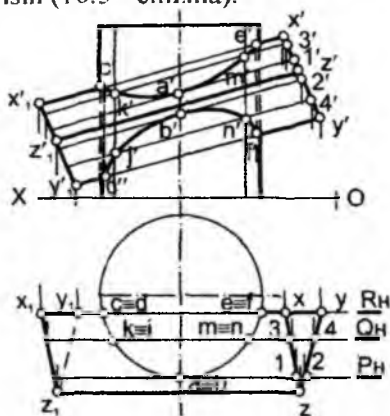
10.3 - chizma.

Misol: 2. Almashtirish usulidan foydalanib, ABC uchburchakning tashqarisiga urinma chizilgan aylananing markazi topilsin (10.4 - chizma).



10.4 - chizma.

Misol: 3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining asosiy proyeksiyalari chizilsin (10.5 - chizma).



10.5 - chizma.

10.3. Chizma geometriya fanidan yakuniy baholash variantlari

1-variant

1. Tomonlaridan birini **CE** kesma qilib, qo'shni tomonning yo'nalishi **BC** to'g'ri chiziqda bo'lgan rombning proyeksiyalari chizilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislik bilan **BE** chiziq orasidagi burchak aniqlansin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizontl va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

2-variant

1. **CE** to'g'ri chiziqda **ABC** tekislikdan **40 mm** uzoqlikdagi nuqta topilsin (1- **chizma**).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** uchburchakning **B** uchidan o'tkazilgan balandlikning haqiqiy uzunligi topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizont va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

3-variant

1. **CA** to'g'ri chiziqqa nisbatan **B** nuqtaga simmetrik bo'lgan nuqta topilsin (1- **chizma**).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** burchak tomonlariga urinma bo'lgan, radiusi **15 mm**li, aylana yoyining markazi va urinish nuqtalari topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtning **ABC** tekisligi bilan kesishgan chizig'i proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**). Tekislik shaffof deb qabul qilinsin.

4-variant

1. Asosi **ABC** uchburchak bo'lgan va balandligi **70 mm** ga teng to'g'ri prizma chizilsin (1- **chizma**).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** uchburchak balandliklarining o'zaro kesishish nuqtasi topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtning **P** tekisligi bilan kesishgan chizig'ining frontal proyeksiyasi va uning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (3- **chizma**). Tekislik shaffof deb qabul qilinsin.

5-variant

1. **AE** kesmani katet qilib, to'g'ri burchagining uchi **A** nuqtada bo'lgan va uchinchi uchi **CE** to'g'ri chiziqda yotuvchi to'g'ri burchakli uchburchak chizilsin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **A** nuqtadan **BE** to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizont va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

6-variant

1. **ABE** tekislikka nisbatan **E** nuqtaga simmetrik nuqta topilsin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **BE** to'g'ri chiziq bilan **ABC** tekislik orasidagi burchak kattaligi topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizontaal va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

7-variant

1. **AC** kesmani asos qilib, uchi **BE** to'g'ri chiziqda yotadigan teng yonli uchburchak chizilsin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **AB** va **CE** ayqash to'g'ri chiziqlar orasidagi masofaning haqiqiy uzunligi topilsin (2-**chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizontaal va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-**chizma**).

8-variant

1. **A** nuqtadan **BCE** tekislikkacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi aniqlansin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislikda tomonlaridan birini **AC** qilib teng tomonli uchburchak chizilsin (2-**chizma**).

3. Berilgan sirtning **ABC** tekisligi bilan kesishgan chizig'ining gorizontaal va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

9-variant

1. **E** nuqta orqali o'tuvchi va **AE** to'g'ri chiziqqa perpendikular bo'lgan tekislik bilan **ABC** tekislikning kesishish chizig'i proyeksiyalari chizilsin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **AB** va **CE** to'g'ri chiziqlarda bir-biriga nisbatan eng yaqin nuqtalar topilsin (2- **chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizontaal va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

10-variant

1. Profil proyeksiyasidan foydalanmay, **AB** va **CE** to'g'ri chiziqlarni kesib o'tadigan va **OX** o'qqa parallel bo'lgan chiziq o'tkazilsin (1-**chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib **AB** qirra orasidagi ikki yoqli burchak tomonlaridan **15 mm** uzoqlikda to'g'ri chiziq o'tkazilsin (2-**chizma**).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizontaal va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

11-variant

1. **ABC** tekislikka parallel shunday tekislik o'tkazilsinki, bu ikki tekislik **AE** to'g'ri chiziqni kesib, **40 mm** li kesma hosil qilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **AB** to'g'ri chiziqda **CE** to'g'ri chiziqdan **40 mm** uzoqlikda nuqtalar topilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- chizma).

12-variant

1. Profil proyeksiyasidan foydalanmay, **AB** va **CE** to'g'ri chiziqlarni kesib o'tadigan hamda **OX** o'qqa parallel bo'lgan chiziq o'tkazilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **AB** qirra orasidagi ikki yoqli burchak tomonlaridan **15 mm** uzoqlikda to'g'ri chiziq o'tkazilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- **chizma**).

13-variant

1. **ABC** tekislikda **CE** to'g'ri chiziqning to'g'ri burchakli proyeksiyasi chizilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **E** nuqtadan **ABC** tekislikkacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi aniqlansin (2- chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- chizma).

14-variant

1. **ABE** tekislikka nisbatan **C** nuqtaga simmetrik bo'lgan nuqta topilsin (1- **chizma**).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislikdan **30 mm** uzoqlikda tekislik o'tkazilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtning **ACE** tekislik bilan kesishgan chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- chizma).

15-variant

1. **E** nuqta orqali **ABC** tekislikka perpendikular va **AB** to'g'ri chiziqqa parallel bo'lgan tekislik o'tkazilsin va uning **ABC** tekislik bilan kesishgan chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABE** uchburchakning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

16-variant

1. **ABC** tekislikdan **40 mm** uzoqlikda va unga parallel bo'lgan tekislik o'tkazilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, yon tomonlaridan biri **AB** kesma va asosi **AE** to'g'ri chiziqda yotuvchi teng yonli uchburchak chizilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtning **ABC** tekisligi bilan kesishgan chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma). Tekislik shaffof deb qabul qilinsin.

17-variant

1. **A** nuqtadan **BCE** tekislikkacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi aniqlansin (1-chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABE** burchak tomonlariga urinma bo'lgan, radiusi **15 mm** li aylana yoyining markazi va urinish nuqtalari topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

18-variant

1. Tomonlaridan birini **AB** kesma qilib, diagonalining yo'nalishi **CA** chizig'ida yotgan romb chizilsin (1-chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABC** uchburchakning tashqarisiga urinma chizilgan aylananing markazi topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

19-variant

1. **AE** to'g'ri chiziqda **ABC** tekislikdan **40 mm** uzoqlikda bo'lgan nuqta topilsin (1- chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **BE** to'g'ri chiziq bilan **ABC** tekislik orasidagi burchakning haqiqiy kattaligi topilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtning **ABC** tekislik bilan kesishgan chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma). Tekislik shaffof deb qabul qilinsin.

20-variant

1. **CE** to'g'ri chiziq bo'ylab uning **E** nuqtasidan ikki tomoniga uzunligi **40mm** bo'lgan kesmalar chizilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **AB** va **CE** to'g'ri chiziqlar orasidagi burchakning haqiqiy kattaligi topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

21-variant

1. **AE** to'g'ri chiziq orqali **ABC** tekislikka perpendikular tekislik o'tkazilsin va berilgan tekislikning o'tkazilgan tekislik bilan kesishish chizig'i chizilsin (1-chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABC** va **ABE** tekisliklar orasidagi burchakning haqiqiy kattaligi topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

22-variant

1. **CA** to'g'ri chiziqqa nisbatan **B** nuqtaga simmetrik bo'lgan nuqta topilsin (1- chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib **ABC** uchburchak ichiga chizilgan urinma aylananing markazi topilsin (2- chizma).

3. Berilgan sirtning **R** tekisligi bilan kesishgan chizig'ining frontal proyeksiyasi va uning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (3-chizma). Tekislikni shaffof deb qabul qilinsin.

23-variant

1. **A** uchburchakning **B** uchidan o'tuvchi balandlikning haqiqiy uzunligi topilsin (1- chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **E** nuqtadan **ABC** tekislikkacha bo'lgan masofaning haqiqiy kattaligi aniqlansin (2- chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining gorizonta va frontal proyeksiyalari chizilsin (3- chizma).

24-variant

1. **ABC** tekislikdan **30 mm** uzoqlikda unga parallel tekislik o'tkazilsin (1-chizma).

2. Almashtirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislikda unga tegishli **BC** kesmani bitta asosi qilib, balandligi **20 mm** va diagonali **50 mm** bo'lgan teng yonli trapetsiya chizilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtning **ACE** tekisligi bilan kesishgan chizig'i proyeksiyalari chizilsin (3-chizma). Tekislikni shaffof deb qabul qilinsin.

25-variant

1. B nuqtadan **AC** to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi aniqlansin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **AB** to'g'ri chiziqda **BCE** tekislikdan **30 mm** uzoqlikdagi nuqta topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtning **R** tekisligi bilan kesishgan chizig'ining gorizontal proyeksiyasi va uning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (3-chizma).

26-variant

1. Asosi uchburchak bo'lgan, balandligi **40 mm** ga teng prizma proyeksiyalari chizilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislikdan **30 mm** uzoqlikda tekislik o'tkazilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

27-variant

1. B nuqtadan **CA** to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi aniqlansin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, A nuqtadan **BC** to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

28-variant

1. Kateti **CE** kesmaga teng bo'lgan va gipotenuzasi **CB** to'g'ri chiziqda yotgan to'g'ri burchakli uchburchak chizilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** uchburchakning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtning **R** tekislik bilan kesishgan chizig'ining gorizontal proyeksiyasi va uning haqiqiy ko'rinishi chizilsin (3-chizma). Tekislikni shaffof deb qabul qilish kerak.

29-variant

1. Tomonlaridan birini **AC** kesma qilib, qo'shni tomonining yo'nalishi **AB** to'g'ri chiziqda bo'lgan rombning proyeksiyalari chizilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **ABC** tekislik bilan **BE** chiziq orasidagi burchakning haqiqiy kattaligi aniqlansin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

30-variant

1. **ABC** tekislikni **N** va **B** tekisliklarga og'ish burchaklarining haqiqiy kattaligi topilsin (1-chizma).

2. Aylantirish usulidan foydalanib, **A** nuqtadan **BC** to'g'ri chiziqqacha bo'lgan masofaning haqiqiy uzunligi topilsin (2-chizma).

3. Berilgan sirtlarning o'zaro kesishish chizig'ining proyeksiyalari chizilsin (3-chizma).

GLOSSARIY

	O‘zbek-lotin	Рус – кирилл	инглиз
Proyeksiya	– geometrik elementlarning	– изображения геометрических	– depictions of geometrical
Проекция	tekislikdagi tasviri, markaziy	элементов на плоскости,	elements on the plane; central
Projections	proyeksiyalash, parallel proyeksiyalash, ortogonal proyeksiyalash, proyeksiyalash markazi, nur, proyeksiyalash tekisligi, nuqta.	центральное проецирование, параллельное проецирование, ортогональное проецирование, центр проецирования, луч, плоскость проекции, точка.	projection; parallel projection; orthogonal projection; centre of projection; ray; plane of projection; point.
Oktant	– o‘zaro perpendikular uchta proyeksiyalar tekisligi fazoni sakkizta burchakka bo‘ladi, fazo, chorak, nuqta, xususiy vaziyatdagi nuqta, umumiy vaziyatdagi nuqta, burchak.	– три взаимно перпендикулярные плоскости проекции делят пространство на восемь углов, пространство, четверть, точка, точка частного положения, точка общего положения, угол.	– three mutually planes of projection divide space into eight angles; space; quarter; point; point of private position; point of general position; angle.
Октант			
Octant			
Umumiy vaziyatdagi to‘g‘ri chiziq	– asosiy proyeksiyalar tekisligiga og‘ma bo‘lgan to‘g‘ri chiziq, ta‘rif, haqiqiy kattalik,	– прямая наклоненная к основным плоскостям проекции, определение,	– straight line inclined towards principal planes of projections; determination;
Прямая			

общего положения	og'ish burchagi, berilgan nisbat, Fales teoremasi, to'g'ri burchakli uchburchak usuli.	натуральная величина, угол наклона, заданное соотношение, теорема Фалеса, метод прямоугольного треугольника.	life-size; angle of incline; adjusted ratio; Thale's theorem; method of right triangle.
Straight lines of general position			
Xususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq	– asosiy proyeksiyalar tekisligiga parallel yoki perpendikular bo'lgan to'g'ri chiziq, gorizontal to'g'ri chiziq, frontal to'g'ri chiziq, profil to'g'ri chiziq, proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq, gorizontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq, frontal proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq, profil proyeksiyalovchi to'g'ri chiziq, to'g'ri chiziqning izi, to'g'ri chiziqning gorizontal izi, to'g'ri chiziqning frontal izi, to'g'ri chiziqning profil	– прямые перпендикулярное или параллельное к основным плоскостям проекции, горизонтальная прямая, фронтальная прямая, профильная прямая, проецирующие прямые, горизонтально проецирующий прямой, фронтально проецирующий прямой, профильно-проецирующий прямой, следы прямой, горизонтальный след прямой, фронтальный след прямой, профильный след	– straight line, which is perpendicular or parallel to principal planes of projection; horizontal straight line; frontal straight line; profile straight line; projecting straight lines; horizontal-projecting straight line; frontal-projecting straight line; profile-projecting straight line; track of straight line; horizontal track of straight line; frontal track of straight line; profile track of straight line; band of
Прямые частного положения			
Straight lines of private position			

izi, fazoning chegaralari, to'g'ri chiziqlarning o'zaro holatlari, parallel to'g'ri chiziqlar, kesishuvchi to'g'ri chiziqlar, ayqash to'g'ri chiziqlar, konkurent nuqtalar.	прямой, границы углов пространства, взаимное положение прямых, параллельные прямые, пересекающиеся прямые, скрещивающиеся прямые, конкурентные точки.	angles of the space; reciprocal position of straight lines; parallel straight lines; crossing straight lines; interbreeding straight lines; competitive dots.
---	--	--

Teorema	– geometrik elementlarni	– понятие доказывающие	– conception, providing
Теорема	holatini	положение	position of
Theorem	asoslovchi tushuncha, to'g'ri burchak, tekislik, tekislikning berilishi, tekislikning izi, gorizontal iz, frontal iz, profil iz.	геометрических элементов, прямой угол, плоскость, задания плоскости, следы плоскости, горизонтальный след, фронтальный след, профильный след.	geometrical elements; right angle; plane; set of the plane; tracks of the plane; horizontal track; frontal track; profile track.
Xususiy vaziyatdagi tekisliklar	– asosiy proyeksiyalar tekisligiga parallel yoki	– перпендикуляр- ные или параллельные к основным	– perpendicular of parallel to principal planes of projection;
Плоскости частного положения	perpendikular bo'lgan tekisliklar, parallel	плоскостям проекции, параллельные плоскости,	parallel planes; perpendicular planes; horizontal

Planes of private position	tekisliklar, perpendikular tekisliklar, gorizontal tekislik, frontal tekislik, profil tekislik, gorizontal proyeksiyalovchi tekislik, frontal proyeksiyalov-chi tekislik, profil proyek-siyalovchi tekislik, bissektor tekisligi.	перпендикулярные плоскости, горизонтальная плоскость, фронтальная плоскость, профильная плоскость, горизонтально проецирующая плоскость, фронтально проецирующая плоскость, профильно-проецирующая плоскость, биссекторная плоскость.	plane; frontal plane; profile plane; horizontal-projecting plane; frontal-projecting plane; profile-projecting plane; bisector plane.
To‘g‘ri chiziqni tekislikka tegishliligi	– agar to‘g‘ri chiziq tekislik bilan ikki umumiy nuqtaga ega bo‘lsa, u holatda u tekislikka tegishlidir, nuqtani to‘g‘ri chiziqqa tegishliligi, nuqtani tekislikka tegishliligi, tekislikning eng katta qiyalik chizig‘i.	– если прямая с плоскостью имеет две общие точки, то она принадлежит плоскости. принадлежность точки прямой, принадлежность точки плоскости, линии наибольшего наклона плоскости.	– if the straight line and plane both have two common points, then straight line belongs to the plane; belongingness of point to the straight line; belongingness of point to the plane; line of the most incline to the plane.
Принадлежность прямой плоскости			
Belongingness of straight line to the plane			
To‘g‘ri chiziqni	– to‘g‘ri chiziq tekislik bilan bir	– прямая пересекаются с	– straight line crosses with

tekislik bilan uchrashishi	nuqtada uchrashadi, uchrashuv nuqta, tekisliklarning kesishishi, kesishish chizig'i.	плоскостью в одной точке, точка встречи, пересечение плоскостей, линия пересечения.	plane at one point; the point of meeting; intersection of planes; the line of intersection.
Пересечение прямой с плоскостью			

Intersection straight line and plane

Ikki tekislik	– bir to'g'ri chiziqda kesishadi, uning uchun ikkita nuqta aniqlash kifoya, uchrashuv nuqtasi, kesishish chizig'i, umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq, umumiy vaziyatdagi tekislik.	– пересекается по одной прямой, линии пересечения, прямая общего положения, плоскость общего положения.	– two planes cross at one straight line; line of intersection; straight line of general position; plane of general position.
Две плоскости			
Two planes			

Perpendikularlik	– to‘g‘ri chiziq tekislikka tegishli bo‘lgan	– положение прямой перпендикулярной	– position of straight line, which is
Перпендикулярность	kesishuvchi ikki to‘g‘ri chiziqqa perpendikular bo‘lgan holat,	к двум пересекающимся прямым плоскости,	perpendicular to two intersection straight line of the plane;
Perpendicularity	to‘g‘ri chiziqni tekislikka perpendikularligi, ikki tekislikning perpendikularligi, perpendikularlik shartlari, perpendikularlik alomatlari.	перпендикулярность прямой плоскости, перпендикулярность двух плоскостей, условие перпендикулярности, признаки перпендикулярности, алгоритмы перпендикулярности.	perpendicularity of straight line to the plane; perpendicularity of two planes; condition of perpendicularity; signs of perpendicularity; algorithms of perpendicularity.
Parallellik	– to‘g‘ri chiziq tekislikka tegishli	– положение прямой	– position of the straight line
Параллельность	bir to‘g‘ri chiziqqa parallel bo‘lgan holat,	параллельной одной прямой принадлежащей	which is parallel to one line, belonging to
Parallelism	to‘g‘ri chiziqni tekislikka parallelligi, ikki tekislikni parallelligi, parallellik sharti, parallellik alomati, parallellik algoritmi.	плоскости, параллельность прямой плоскости, параллельность двух плоскостей, условие параллельности, признаки параллельности, алгоритмы параллельности.	plane; parallelism of a line and plane; parallelism of two planes; condition of the parallelism; signs of parallelism; algorithms of parallelism.

Chizmani g'ayta qurish Преобразо- вания чертежа Transforma- tions of graph	– yangi proyeksiyalar chizish.	– построение новой проекции,	– construction of the new projection.
Proyeksiya tekisliklarini almashtirish Перемены плоскостей проекции Changes of planes of projection	– yangi tekislikka proyeksiya chizish, yangi proyeksiyalar tekisligi, yangi proyeksiya o'qi, yangi frontal proyeksiya, yangi gorizontal proyeksiya, proyeksiya tekisligini bir marta almashtirish, proyeksiya tekisligini ikki marta almashtirish.	– построение проекции в новой плоскости проекции, новое плоскость проекции, новое ось проекции, новая фронтальная проекция, новая горизонтальная проекция, однократная замена, двукратная замена.	– construction of the projection in the new plane of projection; new plane of projection; new axis of projection, new frontal projection; single change; double change.
Aylantirish usuli Метод вращения Method of rotation	– geometrik elementlarni biror burchakka aylantirib, yangi proyeksiyasini chizish, aylantirish o'qi, aylantirish markazi, aylantirish	– построение новой проекции вращением геометрических элементов на некоторый угол, ось вращения, центр вращения, радиус вращения, плоскость	– construction of the new plane by rotation of geometrical elements through some angle; axis of rotation; centre of rotation;

	radiusi, aylantirish tekisligi.	вращения.	radius of rotation; plane of rotation.
Joylashtirish usuli	– tekislikni o‘z izi atrofida aylantirish, gorizontal iz atrofida joylashtirish, frontal iz atrofida	– вращения плоскости вокруг своих следов, совмещения вокруг горизонтального следа.	– rotations of the plane about its tracks; combinations around the horizontal track: combination of surfaces of general position;
Способ совмещения	joylashtirish, umumiy vaziyatdagi tekislikni joylashtirish, xususiy vaziyatdagi tekislikni joylashtirish.	совмещение вокруг фронтального следа, совмещение плоскостей общего положения, совмещение плоскостей частного положения.	combination of surfaces of private position.
Way of combination			
Geometrik sirtlar	– silindr, konus, piramida, prizma, sirt, yasovchi, yo‘naltiruvchi, aylanish sirti, to‘g‘ri chiziqli sirt, egri chiziqli sirt, yoyiluvchi sirt, yoyilmaydigan sirt, paraboloid, ellipsoid, ko‘pburchaklik, shar, ekvator, meridiana,	– цилиндр, конус, пирамида, призма, поверхность, образующий, направляющий, поверхность вращения, прямолинейная поверхность, криволинейная поверхность, развертывающи- еся, не развертывающи-	– cylinder; cone; pyramid; prism; surface; forming(generat rix); guide; surface of rotation; straight surface; curvilinear surface; developable; non- developable; paraboloid; ellipsoid;
Геометричес- кие поверхности			
Geometrical surfaces			

	bo'yin.	еся, параболоид, эллипсоид, многогранник, шар, экватор, меридиана, горловина.	polyhedron; sphere; equator; meridian; neck.
--	---------	--	--

Kesim yuzasi	– geometrik sirtlarni tekislik bilan kesilishida hosil bo'ladigan yuza, kesim haqiqiy kattaligi.	– площадь образующей при пересечении геометрических поверхностей с плоскостью, натуральный вид сечения.	– area, which forms by intersection of geometrical surfaces and plane; natural view of cut.
Фигура сечения			
Shape of cut			

Sirtlarning kesishishi	– ikki sirtga tegishli bo'lgan chiziq.	– прямая принадлежащие к двум поверхностям.	– straight line belonging to two surfaces;
Пересечение поверхностей			
Intersection of surfaces			

Kesuvchi tekisliklar usuli	– yordamchi tekisliklar orqali sirtlar kesishuv chizig'iga tegishli nuqtalarni aniqlash, tayanch nuqtalar, oraliq nuqtalar, kesishish chiziq-lari.	– определение точки принадлежащие линии пересечения двух поверхностей вспомогательным и секущими плоскостями, опорные точки, промежуточные точки, линии пересечения.	– determination of point belonging to line of intersection of two surfaces by subsidiary secant planes; bearing points; intermediate points; lines of intersection.
Способ секущих плоскостей			
Way of secant planes			

Kesuvchi sferalar usuli	– yordamchi sferalar orqali sirtlar kesishuv chizig‘iga tegishli nuqtalarni aniqlash, tayanch nuqtalar, oraliq nuqtalar, kesishish chiziqlari, kesishishning xususiy holi, umumiy o‘qqa ega bo‘lgan aylanish sirtlari, sfera markazi, minimal sfera, eksentrik usul, konsentrik usul.	– определение точки принадлежащие линии пересечения двух поверхностей вспомогательным и секущими сферами, опорные точки, промежуточные точки, линии пересечений, частный случай пересечения, поверхности вращения с общей осью, центр сферы, минимальная сфера, эксцентрический, способ, концентрический.	– determination of point belonging to line of intersection of two surfaces by subsidiary secant spheres; bearing points; intermediate points; lines of intersection; private cases of intersection; surfaces of rotation with general axis; centre of sphere; minimal sphere; eccentric; concentric.
Способ секущих сфер			
Way of secant spheres			

FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR

1. Harvey Willard Miller. Descriptive Geometry. London, 2013. – 149 pages.
2. William Griswold Smith. Practical Descriptive Geometry. London 2013. – 257 pages.
3. Sabirova D.U., Alimova D.K., Mirzaraimova V.T. “Chizma geometriya va kompyuter grafikasi” fanidan o‘quv-uslubiy majmua. – T.:TDTU, 2016, 317 b.
4. Azimov T.D. Chizma geometriya. O‘quv qo‘llanma. –T.:TDTU, 2005, 228 b.
5. Murodov Sh. va boshqalar. Chizma geometriya. Oliy o‘quv yurtlari uchun darslik. – T.: “O‘qituvchi”, 2008, 260 b.
6. Sabirova D.U. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo‘llanma. -T.:TDTU, 2011, 140 b.
7. Л. Хейфец «Инженерная компьютерная графика». – Петербург, 2005.
8. Томас А., Стелман Г.В., Кришнан (инглизчадан таржима). Auto CAD 2005 официальный учебный курс с диском. –М., 2005.

MUNDARIJA

Darslikda qo'llanilgan belgilashlar va simvollar.....	3
Kirish.....	5

I bob. GEOMETRIK SHAKLLARNI TEKISLIKKA PROYEKSIYALASH USULLARI

1.1. Chizma geometriya fani va uning vazifalari.....	6
1.2. Proyeksiyalash usullari.....	6
1.2.1. Markaziy proyeksiyalash usuli.....	6
1.2.2. Parallel proyeksiyalash usuli.....	7
1.2.3. Parallel proyeksiyalashning asosiy xossalari.....	8
1.3. Nuqta. Nuqtaning ortogonal proyeksiyalari.....	8
1.4. Nuqtaning to'rtta chorakdagi proyeksiyalari.....	10
1.5. Nuqtani o'zaro perpendikular bo'lgan uchta tekislikka proyeksiyalash.....	11
1.6. Xususiy vaziyatdagi nuqtalar.....	14

II bob. TO'G'RI CHIZIQNING ORTOGONAL PROYEKSIYALARI

2.1. To'g'ri chiziq. To'g'ri chiziqning orthogonal proyeksiyalaridagi invariant xossalari.....	17
2.2. Kesmaning haqiqiy uzunligini va proyeksiyalararo tekisliklari bilan hosil qilgan burchaklarini aniqlash.....	18
2.3. Nuqtaning to'g'ri chiziqqa tegishliligi.....	19
2.4. Kesmani berilgan nisbatga bo'lish.....	20
2.5. Xususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqlar.....	20
2.6. To'g'ri chiziqning izlari.....	25
2.7. Ikki to'g'ri chiziqning o'zaro joylashuvi.....	27
2.8. To'g'ri burchak proyeksiyasi haqida teorema.....	29

III bob. TEKISLIKNING ORTOGONAL PROYEKSIYALARI

3.1. Tekislik. Tekislikni chizmada berilishi.....	33
3.2. Tekislikning izlari.....	34
3.3. Xususiy vaziyatdagi tekisliklar.....	36
3.4. Tekislikda yotuvchi to'g'ri chiziq va nuqta.....	45
3.5. Tekislikning bosh chiziqlari.....	46
3.6. Tekislikning eng katta qiyalik chizig'i.....	48

IV bob. TO'G'RI CHIZIQ VA TEKISLIK. IKKI TEKISLIK

4.1. To'g'ri chiziq va tekisliklarning o'zaro vaziyatlari.....	52
4.2. To'g'ri chiziqning xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	52
4.3. Umumiy va xususiy vaziyatda bo'lgan tekisliklarning o'zaro kesishishi.....	53
4.4. Umumiy vaziyatdagi tekisliklarning o'zaro kesishishi.....	54
4.5. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqning umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	57
4.6. To'g'ri chiziqning tekislikka perpendikularligi.....	58
4.7. Tekisliklarning o'zaro perpendikularligi.....	61
4.8. To'g'ri chiziqning tekislikka parallelligi.....	62
4.9. Ikki tekislikning parallelligi.....	63

V bob. PROYEKSIYALARNI QAYTA QURISH USULLARI

5.1. Proyeksiyalari tekisliklarini almashtirish usuli.....	68
5.2. Aylantirish usuli.....	72
5.3. Gorizontali yoki frontal chiziq atrofida aylantirish.....	75
5.4. Joylashtirish usuli. Tekisliklarni o'z izlari atrofida aylantirish.....	77
5.5. Xususiy vaziyatdagi tekisliklarni joylashtirish.....	78

VI bob. SIRTLAR

6.1. Sirtlarning tasnifi.....	82
6.2. Konus sirti.....	82
6.3. Silindr sirti.....	83
6.4. Yoyilmaydigan chizikli sirtlar.....	84
6.5. Aylanish sirtlari.....	85
6.6. Sirtlarni xususiy vaziyatdagi tekisliklar bilan kesishishi.....	89
6.6.1. Prizmani xususiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	89
6.6.2. Silindrning tekislik bilan kesishishi.....	90
6.6.3. Konusning tekislik bilan kesishishi.....	91
6.7. Sirtlarni umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	93
6.7.1. Prizmani umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	93
6.7.2. Silindrni umumiy vaziyatdagi tekislik bilan kesishishi.....	94
6.8. Sirtlar va ularning yoyilmalariga oid umumiy tushunchalar.....	96
6.9. Geometrik jismlar, sirtlarning ta'riflari va ularning yoyilmasini grafik usulda chizish.....	97
6.9.1. Prizma sirtiga oid ta'riflar.....	97
6.9.2. Prizmatik sirtlarning yoyilmasi.....	97
6.9.3. Piramida sirtiga oid ta'riflar.....	101

6.9.4. Piramida sirtining yoyilmasi.....	101
6.9.5. Silindr sirtiga oid ta'riflar.....	102
6.9.6. Silindrik sirtlarning yoyilmasi.....	103
6.9.7. Silindroid sirtining yoyilmasi.....	107
6.9.8. Konus sirtiga oid ta'riflar.....	109
6.9.9. Konusaviy sirtlarning yoyilmasi.....	109
6.10. Yoyilmaydigan sirtlarning taxminiy yoyilmasi.....	114
6.10.1. Shar sirtining taxminiy yoyilmasi.....	114
6.10.2. Yopiq tor sirtining taxminiy yoyilmasi.....	117
6.10.3. Ixtiyoriy aylanish sirtining taxminiy yoyilmasi.....	118
6.11. Havo yo'naltirgich va bunker tipidagi sirtlarning yoyilmasi.....	119
6.11.1. Yoyilmani grafik chizish usuli.....	119
6.11.2. Yoyilma chizmasiga o'lcham qo'yish.....	123

VII bob. SIRTLARNING O'ZARO KESISHISHI

7.1. Yordamchi kesuvchi tekislik usuli.....	127
7.2. Yordamchi sferalar usuli.....	131
7.3. Sirtlar kesishuvining xususiy holi.....	131

VIII bob. BURCHAKLARNI ANIQLASH

8.1. To'g'ri chiziq va tekislik orasidagi burchakni aniqlash.....	135
8.2. Ikki tekislik orasidagi burchakni aniqlash.....	136
8.3. Ikki kesishuvchi to'g'ri chiziq orasidagi burchakni aniqlash.....	137

IX bob. AKSONOMETRIK PROYEKSIYALAR

9.1. Umumiy ma'lumot.....	139
9.2. Aksonometriya o'qlari va ular bo'yicha o'zgarish koeffitsiyentlari.....	140
9.3. Aksonometriyaning asosiy teoremasi.....	142
9.4. To'g'ri burchakli izometriya.....	144
9.5. To'g'ri burchakli dimetriya.....	147
9.6. Kompleks chizma bo'yicha aksonometrik proeksiyalarni chizish.....	149

X bob. KOMPLEKS MASALALAR

10.1. Ikkinchi oraliqda beriladigan masalalar namunasi.....	152
10.2. Yakuniy yozma ishda beriladigan masalalar namunasi.....	153
10.3. Chizma geometriya fanidan yakuniy baholash variantlari.....	154
Glossariy	162
Foydalanilgan adabiyotlar	172

**D.K.Alimova, V.N.Karimova,
A.T.Azimov**

CHIZMA GEOMETRIYA

Muharrir: – I.T. Nishanbayeva

Musahhih: – M.X. Mustafayeva

Musavvir – Z.F. Shoimov

Kompyuterda
sahifalovchi: – J.R. Azimov

Noshirlik faoliyatini boshlagani haqida vakolatli
davlat organini xabardor qilgani to‘g‘risida

TASDIQNOMA

№ 3991

2020 yil 30 oktyabrda bosishga ruxsat etildi

Bichimi 60x84, 1/16. Times New Roman garniturasida.

Ofset bosma. Shartli bosma tobog‘i 11, nashr bosma tobog‘i 11.

Adadi 100 nusxada. 24-sonli buyurtma

“Shafolat nur fayz” nashriyoti. Toshkent shahar,
Uchtepa tumani, Maxorat-71

“Shafolat nur fayz” MChJ bosmaxonasida chop etildi.
Toshkent shahar, Olmazor tumani, Nodira-19 Telefon
+99899 993-83-36

ISBN 978-9943-6741-0-3



9 789943 674103